

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Analisi Matematica 1

24 febbraio 2016

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono **SOLO** quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere **CHIARAMENTE** e **INEQUIVOCABILMENTE** la risposta corretta a destra della linea stessa.

**CODICE=510289**



## PARTE A

1. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\log(x^2 + \sin(x))}{\log(x - \cos(x))}$$

vale

A: 0   B: N.E.   C: N.A.   D: 1   E: 1/2

2. Il massimo e minimo della funzione  $f(x) = x^3 - x$  su  $[-2, 0]$  sono

A:  $\max = \frac{2}{3\sqrt{3}}$ ,  $\min = -\frac{2}{9}\sqrt{3}$    B:  $\max = \frac{2}{9}\sqrt{3}$ ,  $\min = -6$    C: entrambi non esistono   D:  
 $\max = \frac{2}{9}\sqrt{3}$ , non esiste  $\min$    E: N.A.

3. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \log(x - x^3)$  nel punto  $x_0 = 1/3$  vale  $\phi(x) =$

A:  $-\log\left(\frac{8}{3}\right) + \frac{9}{4}x$    B:  $\log\left(\frac{8}{27}\right) + 2\left(x - \frac{1}{3}\right)$    C: N.A.   D:  $\log\left(\frac{8}{27}\right) + \frac{9}{4}\left(x - \frac{1}{3}\right)$    E:  $1 - x$

4. L'integrale

$$\int_0^{+\infty} x e^{-x} dx$$

vale

A: 1   B: 0   C: -1   D: N.E.   E: N.A.

5. La funzione  $f: [0, e] \rightarrow [0, 10]$  definita da  $f(x) = \lambda x e^{-x}$  è suriettiva per  $\lambda \in \mathbb{R}$  tale che

A:  $\lambda = \log(10)$    B: per nessun  $\lambda$    C:  $\lambda = 10e$    D:  $\lambda = 1$    E: N.A.

6. Quale tra questi punti appartiene all'insieme di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{3^n + \log(n)}{n^3 + 2^n} x^n$$

A:  $x = 1/3$    B:  $x = \pi$    C:  $x = 0.99$    D:  $x = -1$    E: N.A.

7. La disequazione  $|x| \leq |z|$ , con  $z \in \mathbb{C}$  e  $x \in \mathbb{R}$  è vera se

A: mai   B:  $z = 2i^3$  e  $x = 3$    C:  $z = \frac{3}{i} - 2i$  e  $x = \pi$    D:  $z = 1 + i$  e  $x = -3$    E: N.A.

8. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{Q} \cap [-10, 10] : \sin(\pi x) = 0\}$$

valgono

A: N.A.   B:  $\{-10, N.E., 10, N.E.\}$    C:  $\{-1, -1, 1, 1\}$    D:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$    E:  
 $\{-1, N.E., 1, N.E.\}$

9. Data  $f(x) = \sqrt[3]{|x|}$ . Allora  $f'(0)$  è uguale a

A: N.A.   B: -1   C: 1   D: 0   E:  $\log(2)$

10. L'integrale

$$\int_2^3 \frac{1}{x\sqrt{x}} dx$$

vale

A:  $\sqrt{2} - \frac{2}{\sqrt{3}}$    B: N.A.   C:  $-\frac{2}{5}x^{-5/2}$    D:  $\frac{\sqrt{2}}{4} - \frac{1}{2\sqrt{3}}$    E: N.E.

**CODICE=510289**

**CODICE=510289**

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Analisi Matematica 1

24 febbraio 2016

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono **SOLO** quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere **CHIARAMENTE** e **INEQUIVOCABILMENTE** la risposta corretta a destra della linea stessa.

**CODICE=290694**



## PARTE A

1. L'integrale

$$\int_0^{+\infty} x e^{-x} dx$$

vale

A: N.E. B: 0 C: 1 D: N.A. E: -1

2. Quale tra questi punti appartiene all'insieme di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{3^n + \log(n)}{n^3 + 2^n} x^n$$

A:  $x = -1$  B: N.A. C:  $x = 0.99$  D:  $x = 1/3$  E:  $x = \pi$

3. Il massimo e minimo della funzione  $f(x) = x^3 - x$  su  $[-2, 0]$  sono

A: N.A. B:  $\max = \frac{2}{9}\sqrt{3}$ , non esiste min C: entrambi non esistono D:  $\max = \frac{2}{9}\sqrt{3}$ ,  
 $\min = -6$  E:  $\max = \frac{2}{3\sqrt{3}}$ ,  $\min = -\frac{2}{9}\sqrt{3}$

4. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \log(x - x^3)$  nel punto  $x_0 = 1/3$  vale  $\phi(x) =$

A:  $1 - x$  B:  $\log\left(\frac{8}{27}\right) + 2\left(x - \frac{1}{3}\right)$  C:  $\log\left(\frac{8}{27}\right) + \frac{9}{4}\left(x - \frac{1}{3}\right)$  D: N.A. E:  $-\log\left(\frac{8}{3}\right) + \frac{9}{4}x$

5. Data  $f(x) = \sqrt[3]{|x|}$ . Allora  $f'(0)$  è uguale a

A:  $\log(2)$  B: 0 C: 1 D: N.A. E: -1

6. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{Q} \cap [-10, 10] : \sin(\pi x) = 0\}$$

valgono

A:  $\{-1, N.E., 1, N.E.\}$  B:  $\{-1, -1, 1, 1\}$  C: N.A. D:  $\{-10, N.E., 10, N.E.\}$  E:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$

7. L'integrale

$$\int_2^3 \frac{1}{x\sqrt{x}} dx$$

vale

A:  $\sqrt{2} - \frac{2}{\sqrt{3}}$  B:  $\frac{\sqrt{2}}{4} - \frac{1}{2\sqrt{3}}$  C: N.A. D:  $-\frac{2}{5}x^{-5/2}$  E: N.E.

8. La funzione  $f : [0, e] \rightarrow [0, 10]$  definita da  $f(x) = \lambda x e^{-x}$  è suriettiva per  $\lambda \in \mathbb{R}$  tale che

A: N.A. B:  $\lambda = \log(10)$  C:  $\lambda = 10e$  D: per nessun  $\lambda$  E:  $\lambda = 1$

9. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\log(x^2 + \sin(x))}{\log(x - \cos(x))}$$

vale

A: 1 B: 1/2 C: 0 D: N.A. E: N.E.

10. La disequazione  $|x| \leq |z|$ , con  $z \in \mathbb{C}$  e  $x \in \mathbb{R}$  è vera se

A:  $z = 2i^3$  e  $x = 3$  B: N.A. C:  $z = \frac{3}{i} - 2i$  e  $x = \pi$  D: mai E:  $z = 1 + i$  e  $x = -3$

**CODICE=290694**

**CODICE=290694**

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Analisi Matematica 1

24 febbraio 2016

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono **SOLO** quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere **CHIARAMENTE** e **INEQUIVOCABILMENTE** la risposta corretta a destra della linea stessa.

**CODICE=719995**



**PARTE A**

1. L'integrale

$$\int_0^{+\infty} x e^{-x} dx$$

vale

A: N.E. B: 1 C: -1 D: N.A. E: 0

2. La funzione  $f : [0, e] \rightarrow [0, 10]$  definita da  $f(x) = \lambda x e^{-x}$  è suriettiva per  $\lambda \in \mathbb{R}$  tale che

A: per nessun  $\lambda$  B:  $\lambda = 10e$  C:  $\lambda = \log(10)$  D: N.A. E:  $\lambda = 1$

3. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\log(x^2 + \sin(x))}{\log(x - \cos(x))}$$

vale

A: 1 B: N.E. C: 1/2 D: N.A. E: 0

4. La disequazione  $|x| \leq |z|$ , con  $z \in \mathbb{C}$  e  $x \in \mathbb{R}$  è vera se

A: mai B: N.A. C:  $z = 1 + i$  e  $x = -3$  D:  $z = 2i^3$  e  $x = 3$  E:  $z = \frac{3}{i} - 2i$  e  $x = \pi$

5. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{Q} \cap [-10, 10] : \sin(\pi x) = 0\}$$

valgono

A:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$  B:  $\{-1, -1, 1, 1\}$  C: N.A. D:  $\{-1, N.E., 1, N.E.\}$  E:  $\{-10, N.E., 10, N.E.\}$

6. Quale tra questi punti appartiene all'insieme di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{3^n + \log(n)}{n^3 + 2^n} x^n$$

A:  $x = 0.99$  B: N.A. C:  $x = 1/3$  D:  $x = -1$  E:  $x = \pi$

7. Il massimo e minimo della funzione  $f(x) = x^3 - x$  su  $[-2, 0]$  sono

A:  $\max = \frac{2}{9}\sqrt{3}$ , non esiste min B:  $\max = \frac{2}{3\sqrt{3}}$ ,  $\min = -\frac{2}{9}\sqrt{3}$  C:  $\max = \frac{2}{9}\sqrt{3}$ ,  $\min = -6$   
D: entrambi non esistono E: N.A.

8. Data  $f(x) = \sqrt[3]{|x|}$ . Allora  $f'(0)$  è uguale a

A: -1 B: 0 C: 1 D: N.A. E:  $\log(2)$

9. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \log(x - x^3)$  nel punto  $x_0 = 1/3$  vale  $\phi(x) =$

A:  $1 - x$  B: N.A. C:  $\log\left(\frac{8}{27}\right) + \frac{9}{4}\left(x - \frac{1}{3}\right)$  D:  $\log\left(\frac{8}{27}\right) + 2\left(x - \frac{1}{3}\right)$  E:  $-\log\left(\frac{8}{3}\right) + \frac{9}{4}x$

10. L'integrale

$$\int_2^3 \frac{1}{x\sqrt{x}} dx$$

vale

A:  $-\frac{2}{5}x^{-5/2}$  B: N.E. C:  $\frac{\sqrt{2}}{4} - \frac{1}{2\sqrt{3}}$  D:  $\sqrt{2} - \frac{2}{\sqrt{3}}$  E: N.A.

**CODICE=719995**

**CODICE=719995**

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Analisi Matematica 1

24 febbraio 2016

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono **SOLO** quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere **CHIARAMENTE** e **INEQUIVOCABILMENTE** la risposta corretta a destra della linea stessa.

CODICE=744507



**PARTE A**

1. La funzione  $f : [0, e] \rightarrow [0, 10]$  definita da  $f(x) = \lambda x e^{-x}$  è suriettiva per  $\lambda \in \mathbb{R}$  tale che  
 A: N.A.    B:  $\lambda = 10e$     C:  $\lambda = 1$     D:  $\lambda = \log(10)$     E: per nessun  $\lambda$

2. L'integrale

$$\int_2^3 \frac{1}{x\sqrt{x}} dx$$

vale

- A:  $-\frac{2}{5}x^{-5/2}$     B:  $\frac{\sqrt{2}}{4} - \frac{1}{2\sqrt{3}}$     C: N.A.    D: N.E.    E:  $\sqrt{2} - \frac{2}{\sqrt{3}}$

3. L'integrale

$$\int_0^{+\infty} x e^{-x} dx$$

vale

- A: 0    B: N.E.    C: 1    D: -1    E: N.A.

4. La disequazione  $|x| \leq |z|$ , con  $z \in \mathbb{C}$  e  $x \in \mathbb{R}$  è vera se

- A: N.A.    B:  $z = \frac{3}{i} - 2i$  e  $x = \pi$     C:  $z = 1 + i$  e  $x = -3$     D:  $z = 2i^3$  e  $x = 3$     E: mai

5. Il massimo e minimo della funzione  $f(x) = x^3 - x$  su  $[-2, 0]$  sono

- A: N.A.    B:  $\max = \frac{2}{3\sqrt{3}}$ ,  $\min = -\frac{2}{9}\sqrt{3}$     C:  $\max = \frac{2}{9}\sqrt{3}$ , non esiste  $\min$     D: entrambi non esistono    E:  $\max = \frac{2}{9}\sqrt{3}$ ,  $\min = -6$

6. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \log(x - x^3)$  nel punto  $x_0 = 1/3$  vale  $\phi(x) =$

- A:  $1 - x$     B:  $-\log\left(\frac{8}{3}\right) + \frac{9}{4}x$     C: N.A.    D:  $\log\left(\frac{8}{27}\right) + \frac{9}{4}\left(x - \frac{1}{3}\right)$     E:  $\log\left(\frac{8}{27}\right) + 2\left(x - \frac{1}{3}\right)$

7. Data  $f(x) = \sqrt[3]{|x|}$ . Allora  $f'(0)$  è uguale a

- A: N.A.    B: 1    C:  $\log(2)$     D: -1    E: 0

8. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{Q} \cap [-10, 10] : \sin(\pi x) = 0\}$$

valgono

- A: N.A.    B:  $\{-10, N.E., 10, N.E.\}$     C:  $\{-1, -1, 1, 1\}$     D:  $\{-1, N.E., 1, N.E.\}$     E:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$

9. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\log(x^2 + \sin(x))}{\log(x - \cos(x))}$$

vale

- A: 1    B: 1/2    C: N.A.    D: 0    E: N.E.

10. Quale tra questi punti appartiene all'insieme di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{3^n + \log(n)}{n^3 + 2^n} x^n$$

- A:  $x = -1$     B:  $x = 1/3$     C:  $x = 0.99$     D: N.A.    E:  $x = \pi$

**CODICE=744507**

**CODICE=744507**



**CODICE=510289**



**CODICE=290694**



**CODICE=719995**



**CODICE=744507**

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Analisi Matematica 1

24 febbraio 2016

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono **SOLO** quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere **CHIARAMENTE** e **INEQUIVOCABILMENTE** la risposta corretta a destra della linea stessa.

**CODICE=937658**



PARTE A

1. Il massimo e minimo della funzione  $f(x) = x^3 - x$  su  $[0, 2]$  sono  
A: non esiste max,  $\min = -\frac{2}{9}\sqrt{3}$     B:  $\max = \frac{2}{9}\sqrt{3}$ ,  $\min = -\frac{2}{9}\sqrt{3}$     C: N.A.    D: entrambi non esistono    E:  $\max = 6$ ,  $\min = -\frac{2}{3\sqrt{3}}$

2. L'integrale

$$\int_1^2 \frac{1}{x\sqrt{x}} dx$$

vale

- A: N.E.    B:  $-\frac{2}{5}x^{-5/2}$     C:  $2 - \sqrt{2}$     D:  $\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}$     E: N.A.
3. La disequazione  $|x| \geq |z|$ , con  $z \in \mathbb{C}$  e  $x \in \mathbb{R}$  è vera se  
A: mai    B:  $z = 2i^3 - 2i$  e  $x = 3$     C:  $z = 1 + i$  e  $x = -3$     D: N.A.    E:  $z = \frac{3}{i} - 2i$  e  $x = \pi$
4. Data  $f(x) = \sqrt{|x|}$ . Allora  $f'(0)$  è uguale a  
A: 1    B: N.A.    C: 0    D:  $\log(2)$     E: -1
5. La funzione  $f: [0, e] \rightarrow [0, 10]$  definita da  $f(x) = \lambda x e^{-x}$  è suriettiva per  $\lambda \in \mathbb{R}$  tale che  
A:  $\lambda = 1$     B:  $\lambda = \log(10)$     C:  $\lambda = 10e$     D: per nessun  $\lambda$     E: N.A.

6. L'integrale

$$\int_0^1 \log(x) dx$$

vale

- A: -1    B: N.E.    C: N.A.    D: 0    E: 1
7. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \log(x - x^3)$  nel punto  $x_0 = 1/2$  vale  $\phi(x) =$   
A:  $-\log\left(\frac{8}{3}\right) + \frac{2}{3}x$     B: N.A.    C:  $\log\left(\frac{3}{8}\right) + 2\left(x - \frac{1}{2}\right)$     D:  $1 - x$     E:  $\log\left(\frac{3}{8}\right) + \frac{2}{3}\left(x - \frac{1}{2}\right)$
8. Quale tra questi punti appartiene all'insieme di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{3^n + \log(n)}{n^3 + 2^n} x^n$$

- A: N.A.    B:  $x = -1/2$     C:  $x = \pi/2$     D:  $x = -0.99$     E:  $x = 1$
9. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\log(x + \sin(x))}{\log(x^2 - \cos(x))}$$

vale

- A: N.A.    B: N.E.    C: 0    D: 1    E:  $1/3$
10. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{Q} \cap [-10, 10] : \sin(\pi x) = 1\}$$

valgono

- A:  $\{-10, N.E., 10, N.E.\}$     B:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$     C: N.A.    D:  $\{-1, -1, 1, 1\}$     E:  $\{-1, N.E., 1, N.E.\}$

**CODICE=937658**

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Analisi Matematica 1

24 febbraio 2016

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono **SOLO** quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere **CHIARAMENTE** e **INEQUIVOCABILMENTE** la risposta corretta a destra della linea stessa.

**CODICE=363933**



**PARTE A**

1. La funzione  $f : [0, e] \rightarrow [0, 10]$  definita da  $f(x) = \lambda x e^{-x}$  è suriettiva per  $\lambda \in \mathbb{R}$  tale che  
A: per nessun  $\lambda$    B:  $\lambda = 1$    C: N.A.   D:  $\lambda = 10e$    E:  $\lambda = \log(10)$

2. Data  $f(x) = \sqrt{|x|}$ . Allora  $f'(0)$  è uguale a  
A: N.A.   B:  $\log(2)$    C: 0   D: 1   E: -1

3. Quale tra questi punti appartiene all'insieme di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{3^n + \log(n)}{n^3 + 2^n} x^n$$

A:  $x = \pi/2$    B:  $x = -0.99$    C: N.A.   D:  $x = -1/2$    E:  $x = 1$

4. La disequazione  $|x| \geq |z|$ , con  $z \in \mathbb{C}$  e  $x \in \mathbb{R}$  è vera se

A: N.A.   B: mai   C:  $z = \frac{3}{i} - 2i$  e  $x = \pi$    D:  $z = 2i^3 - 2i$  e  $x = 3$    E:  $z = 1 + i$  e  $x = -3$

5. L'integrale

$$\int_1^2 \frac{1}{x\sqrt{x}} dx$$

vale

A: N.A.   B:  $2 - \sqrt{2}$    C:  $\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}$    D:  $-\frac{2}{5}x^{-5/2}$    E: N.E.

6. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\log(x + \sin(x))}{\log(x^2 - \cos(x))}$$

vale

A: N.A.   B: 1   C: 0   D: N.E.   E: 1/3

7. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{Q} \cap [-10, 10] : \sin(\pi x) = 1\}$$

valgono

A:  $\{-1, N.E., 1, N.E.\}$    B: N.A.   C:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$    D:  $\{-10, N.E., 10, N.E.\}$   
E:  $\{-1, -1, 1, 1\}$

8. L'integrale

$$\int_0^1 \log(x) dx$$

vale

A: 1   B: N.E.   C: 0   D: -1   E: N.A.

9. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \log(x - x^3)$  nel punto  $x_0 = 1/2$  vale  $\phi(x) =$

A:  $\log(\frac{3}{8}) + \frac{2}{3}(x - \frac{1}{2})$    B: N.A.   C:  $\log(\frac{3}{8}) + 2(x - \frac{1}{2})$    D:  $1 - x$    E:  $-\log(\frac{8}{3}) + \frac{2}{3}x$

10. Il massimo e minimo della funzione  $f(x) = x^3 - x$  su  $[0, 2]$  sono

A: entrambi non esistono   B:  $\max = 6$ ,  $\min = -\frac{2}{3\sqrt{3}}$    C: N.A.   D:  $\max = \frac{2}{9}\sqrt{3}$ ,  $\min = -\frac{2}{9}\sqrt{3}$    E: non esiste  $\max$ ,  $\min = -\frac{2}{9}\sqrt{3}$

**CODICE=363933**

**CODICE=363933**

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Analisi Matematica 1

24 febbraio 2016

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono **SOLO** quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere **CHIARAMENTE** e **INEQUIVOCABILMENTE** la risposta corretta a destra della linea stessa.

**CODICE=789881**



## PARTE A

1. La disequazione  $|x| \geq |z|$ , con  $z \in \mathbb{C}$  e  $x \in \mathbb{R}$  è vera se  
A: mai    B: N.A.    C:  $z = 2i^3 - 2i$  e  $x = 3$     D:  $z = \frac{3}{i} - 2i$  e  $x = \pi$     E:  $z = 1 + i$  e  $x = -3$
2. Data  $f(x) = \sqrt{|x|}$ . Allora  $f'(0)$  è uguale a  
A:  $-1$     B:  $1$     C:  $0$     D:  $\log(2)$     E: N.A.

3. L'integrale

$$\int_1^2 \frac{1}{x\sqrt{x}} dx$$

vale

- A:  $-\frac{2}{5}x^{-5/2}$     B:  $2 - \sqrt{2}$     C: N.A.    D:  $\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}$     E: N.E.
4. La funzione  $f: [0, e] \rightarrow [0, 10]$  definita da  $f(x) = \lambda x e^{-x}$  è suriettiva per  $\lambda \in \mathbb{R}$  tale che  
A:  $\lambda = 10e$     B:  $\lambda = 1$     C: N.A.    D: per nessun  $\lambda$     E:  $\lambda = \log(10)$
5. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{Q} \cap [-10, 10] : \sin(\pi x) = 1\}$$

valgono

- A:  $\{-1, N.E., 1, N.E.\}$     B:  $\{-1, -1, 1, 1\}$     C: N.A.    D:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$     E:  $\{-10, N.E., 10, N.E.\}$

6. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\log(x + \sin(x))}{\log(x^2 - \cos(x))}$$

vale

- A: N.A.    B:  $1/3$     C:  $0$     D:  $1$     E: N.E.
7. L'integrale

$$\int_0^1 \log(x) dx$$

vale

- A:  $0$     B: N.E.    C:  $1$     D:  $-1$     E: N.A.
8. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \log(x - x^3)$  nel punto  $x_0 = 1/2$  vale  $\phi(x) =$   
A:  $-\log\left(\frac{8}{3}\right) + \frac{2}{3}x$     B: N.A.    C:  $1 - x$     D:  $\log\left(\frac{3}{8}\right) + 2\left(x - \frac{1}{2}\right)$     E:  $\log\left(\frac{3}{8}\right) + \frac{2}{3}\left(x - \frac{1}{2}\right)$
9. Quale tra questi punti appartiene all'insieme di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{3^n + \log(n)}{n^3 + 2^n} x^n$$

A:  $x = \pi/2$     B: N.A.    C:  $x = -1/2$     D:  $x = 1$     E:  $x = -0.99$

10. Il massimo e minimo della funzione  $f(x) = x^3 - x$  su  $[0, 2]$  sono

A: non esiste max, min =  $-\frac{2}{9}\sqrt{3}$     B: entrambi non esistono    C: max =  $\frac{2}{9}\sqrt{3}$ , min =  $-\frac{2}{9}\sqrt{3}$   
D: max =  $6$ , min =  $-\frac{2}{3\sqrt{3}}$     E: N.A.

**CODICE=789881**

**CODICE=789881**

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Analisi Matematica 1

24 febbraio 2016

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono **SOLO** quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere **CHIARAMENTE** e **INEQUIVOCABILMENTE** la risposta corretta a destra della linea stessa.

**CODICE=237927**



**PARTE A**

1. L'integrale

$$\int_1^2 \frac{1}{x\sqrt{x}} dx$$

vale

A:  $\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{2}}{4}$     B:  $2 - \sqrt{2}$     C:  $-\frac{2}{5}x^{-5/2}$     D: N.E.    E: N.A.

2. La funzione  $f : [0, e] \rightarrow [0, 10]$  definita da  $f(x) = \lambda x e^{-x}$  è suriettiva per  $\lambda \in \mathbb{R}$  tale che

A: N.A.    B:  $\lambda = 10e$     C: per nessun  $\lambda$     D:  $\lambda = 1$     E:  $\lambda = \log(10)$

3. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \log(x - x^3)$  nel punto  $x_0 = 1/2$  vale  $\phi(x) =$

A:  $\log\left(\frac{3}{8}\right) + 2\left(x - \frac{1}{2}\right)$     B:  $\log\left(\frac{3}{8}\right) + \frac{2}{3}\left(x - \frac{1}{2}\right)$     C:  $1 - x$     D: N.A.    E:  $-\log\left(\frac{8}{3}\right) + \frac{2}{3}x$

4. La disequazione  $|x| \geq |z|$ , con  $z \in \mathbb{C}$  e  $x \in \mathbb{R}$  è vera se

A: mai    B:  $z = 1 + i$  e  $x = -3$     C: N.A.    D:  $z = 2i^3 - 2i$  e  $x = 3$     E:  $z = \frac{3}{i} - 2i$  e  $x = \pi$

5. Data  $f(x) = \sqrt{|x|}$ . Allora  $f'(0)$  è uguale a

A: 1    B: -1    C: N.A.    D: 0    E:  $\log(2)$

6. Il limite

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\log(x + \sin(x))}{\log(x^2 - \cos(x))}$$

vale

A:  $1/3$     B: 0    C: 1    D: N.A.    E: N.E.

7. Il massimo e minimo della funzione  $f(x) = x^3 - x$  su  $[0, 2]$  sono

A:  $\max = \frac{2}{9}\sqrt{3}$ ,  $\min = -\frac{2}{9}\sqrt{3}$     B:  $\max = 6$ ,  $\min = -\frac{2}{3\sqrt{3}}$     C: N.A.    D: entrambi non esistono    E: non esiste  $\max$ ,  $\min = -\frac{2}{9}\sqrt{3}$

8. L'integrale

$$\int_0^1 \log(x) dx$$

vale

A: N.A.    B: -1    C: 0    D: N.E.    E: 1

9. Quale tra questi punti appartiene all'insieme di convergenza della serie di potenze

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{3^n + \log(n)}{n^3 + 2^n} x^n$$

A:  $x = \pi/2$     B:  $x = 1$     C:  $x = -1/2$     D:  $x = -0.99$     E: N.A.

10. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{Q} \cap [-10, 10] : \sin(\pi x) = 1\}$$

valgono

A: N.A.    B:  $\{-1, N.E., 1, N.E.\}$     C:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$     D:  $\{-10, N.E., 10, N.E.\}$   
 E:  $\{-1, -1, 1, 1\}$

**CODICE=237927**

**CODICE=237927**



**CODICE=937658**



**CODICE=363933**



**CODICE=789881**



**CODICE=237927**

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Analisi Matematica 1

24 febbraio 2016

**PARTE B**

1. Studiare il grafico della funzione

$$f(x) = \int_2^x \frac{\cos(\pi t)}{2t+1} dt$$

in  $[-1/2, 5/2]$ , determinando in particolare punti di massimo e di minimo, intervalli di convessità e il polinomio di Taylor di grado 2 in  $x_0 = 2$ .

**Soluzione.** Osserviamo intanto che la funzione  $\frac{\cos(\pi t)}{2t+1}$  è continua in  $] - 1/2, 5/2]$ , quindi la funzione  $f$  risulta derivabile in tale intervallo e si ha

$$f'(x) = \frac{\cos(\pi x)}{2x+1} \quad x \in ] - 1/2, 5/2].$$

Il punto  $x = -1/2$  richiede particolare attenzione perchè in tale punto la funzione integranda non è definita. Si ha però che il limite

$$\lim_{t \rightarrow (-1/2)^+} \frac{\cos(\pi t)}{2t+1},$$

è una forma indeterminata del tipo  $0/0$  che possiamo risolvere facilmente con lo sviluppo di Taylor o derivando e si ottiene

$$\lim_{t \rightarrow (-1/2)^+} \frac{\cos(\pi t)}{2t+1} = \frac{\pi}{2},$$

quindi la funzione integranda è limitata e l'integrale è convergente. La funzione  $f'(x)$  si annulla nei punti  $x_1 = 1/2$  e  $x_2 = 3/2$ . In tali punti si ha un cambio di segno e si vede facilmente che  $x_1$  è un punto di massimo relativo, mentre  $x_2$  è un punto di minimo locale.

Vicino al punto  $x_0 = 2$  si ha lo sviluppo di Taylor

$$f(x) = \frac{x-2}{5} - \frac{1}{25}(x-2)^2 + O((x-2)^3).$$

La derivata seconda è

$$f''(x) = -\frac{\pi(2t+1)\sin(\pi t) + 2\cos(\pi t)}{(2t+1)^2},$$

e quindi, dato che il denominatore è positivo la derivata seconda si annulla quando è risolta l'equazione

$$\tan(\pi t) = -\frac{2}{\pi(2t+1)}.$$

Dallo studio grafico si ha che ci sono due soluzioni in  $] - 1/2, 5/5]$  di cui una nell'intervallo  $]1/2, 3/2[$  e l'altra nell'intervallo  $]3/2, 5/2[$ .

**CODICE=237927**

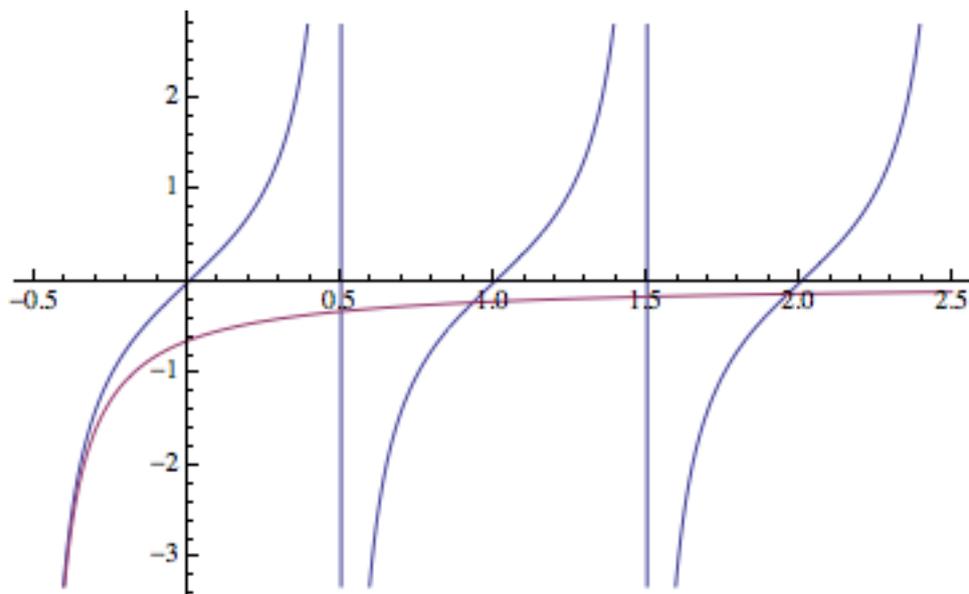


Figura 1: Equazione per studio punti a derivata seconda nulla

Il grafico approssimativo della funzione  $f$  risulta pertanto il seguente

2. Studiare al variare di  $a \in \mathbb{R}$  la convergenza della serie

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n + 2^n}{4n^2 + a^{2n+1}}.$$

**Soluzione:** Utilizziamo il criterio della radice. Se  $|a| \leq 1$  abbiamo che

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{\frac{3^n + 2^n}{4n^2 + a^{2n+1}}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{\frac{3^n}{4n^2}} = +\infty,$$

quindi se  $|a| \leq 1$  non abbiamo convergenza. Se  $|a| > 1$  invece

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{\frac{3^n + 2^n}{4n^2 + a^{2n+1}}} = \lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt[n]{\frac{3^n}{a^{2n}} \frac{1 + (2/3)^n}{4n^2/a^{2n} + a}} = \frac{3}{a^2}.$$

Abbiamo quindi convergenza per  $a^2 > 3$  ovvero  $|a| > \sqrt{3}$ , e divergenza per  $1 < |a| < \sqrt{3}$  ovvero  $|a| < \sqrt{3}$ . Per  $a = \pm\sqrt{3}$  la serie diventa

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3^n + 2^n}{4n^2 + 3^n \sqrt{3}} = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1 + (2/3)^n}{4n^2/3^n + \sqrt{3}}$$

e il termine  $n$ -esimo ha come limite

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 + (2/3)^n}{4n^2/3^n + \sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}} \neq 0,$$

quindi la serie non converge non soddisfacendo la condizione necessaria che il termine generico deve essere infinitesimo.

Riassumendo la serie converge se e solo se  $|a| > \sqrt{3}$ .

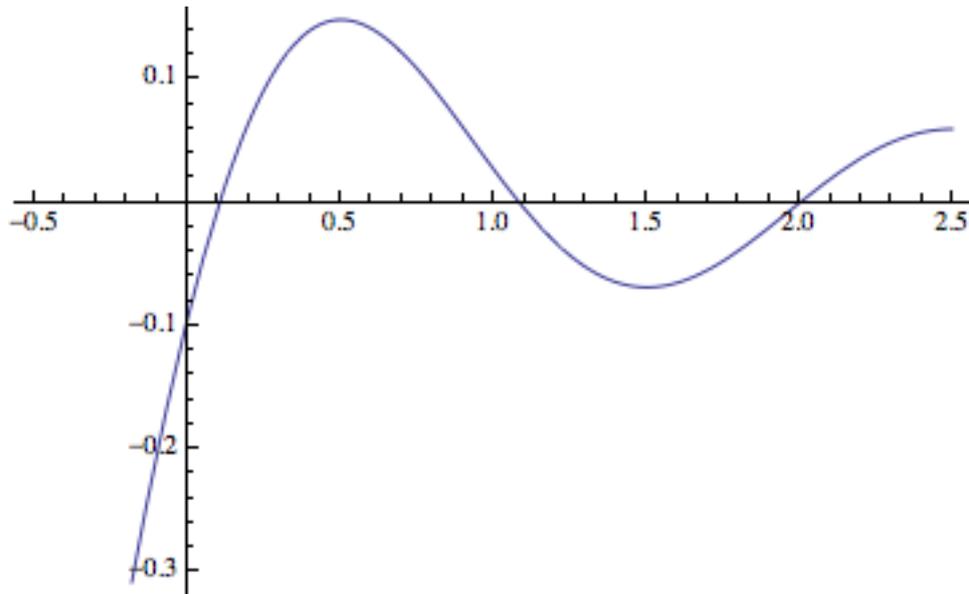


Figura 2: Grafico di  $f(x)$

3. Si consideri l'equazione differenziale

$$y''(x) + 4y'(x) - 8y(x) = 4$$

si trovino tra le soluzioni quelle che sono limitate su tutto  $\mathbb{R}$ . Fissato  $y(0) = 0$  si determini  $y'(0)$  in modo che la soluzione sia tale che  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) < +\infty$ .

**Soluzione:** Cerchiamo intanto la soluzione dell'omogenea. L'equazione associata è

$$\lambda^2 + 4\lambda - 8 = 0$$

che ha come soluzioni  $\lambda_1 = -2 + 2\sqrt{3}$  e  $\lambda_2 = -2 - 2\sqrt{3}$ . Si noti che  $\lambda_1 > 0$   $\lambda_2 < 0$ .

L'equazione omogenea ha come soluzione generale

$$y_0(x) = Ae^{(-2+2\sqrt{3})x} + Be^{(-2-2\sqrt{3})x}.$$

Si vede immediatamente che una soluzione particolare dell'equazione non omogenea è:  $y_1(x) = -1/2$ .

L'integrale generale dell'equazione differenziale quindi ha la forma

$$y(x) = Ae^{(-2+2\sqrt{3})x} + Be^{(-2-2\sqrt{3})x} - \frac{1}{2}.$$

Tra queste soluzioni l'unica limitata è  $y(x) = -\frac{1}{2}$  (che si ha quando  $A = B = 0$ ).

La condizione  $y(0) = 0$  diventa

$$A + B - \frac{1}{2} = 0.$$

Perché valga  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y(x) < +\infty$  dobbiamo scegliere  $A = 0$  dal momento che  $-2 - 2\sqrt{3} < 0$ . Concludendo abbiamo

$$A = 0, \quad B = \frac{1}{2},$$

e la soluzione cercata è

$$y(x) = \frac{1}{2}e^{(-2-2\sqrt{3})x} - \frac{1}{2},$$

**CODICE=237927**

che ha come dato iniziale per la derivata prima

$$y'(0) = -1 - \sqrt{3}.$$

4. Data la funzione  $f(x) = e^{-x^2} \int_0^x e^{t^2} dt$  per  $x \in [0, +\infty[$  dimostrare che ammette massimo. (Sugg. studiare preliminarmente il limite all'infinito)

**Soluzione:** Osserviamo che  $f(0) = 0$  e che  $f(x) > 0$  per ogni  $x \in \mathbb{R}^+$  dato che è prodotto di funzioni positive. Studiamo il limite all'infinito e scriviamo  $f(x)$  nel modo seguente

$$f(x) = \frac{\int_0^x e^{t^2} dt}{e^{x^2}} = \frac{f_1(x)}{f_2(x)}$$

in modo da avere una forma indeterminata del tipo  $\infty/\infty$ . Studiando pertanto il rapporto delle derivate con la regola di De L'Hopital si ha

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f_1'(x)}{f_2'(x)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^{x^2}}{e^{x^2} 2x} = 0.$$

Queste due informazioni sono sufficienti a dimostrare che esiste il massimo. Sia infatti  $x_0 > 0$  qualsiasi e scegliamo  $\epsilon = f(x_0)/2 > 0$ . Dalla definizione di limite zero all'infinito abbiamo che esiste  $K > 0$  tale che

$$f(x) < \epsilon \quad \forall x > K.$$

Considerando quindi l'intervallo limitato  $[0, K]$  su tale intervallo la funzione continua  $f(x)$  assume massimo assoluto  $M \geq f(x_0)$  e essendo la funzione minore di  $M/2$  fuori dall'intervallo  $[0, K]$ , il numero  $M$  risulta massimo assoluto della funzione su tutta la semiretta  $x \geq 0$ .