- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

				(Co	gnome)				_	_	 _	(	Nome	)			,	(N	umei	o di	mat	rice	ola)
	CC	DICE	: = 6	689°	194																		
		DICE	`	000	101																		
			<i>A</i>	4	В (	7	D E	;															
1				) (	$\overline{)}$	)(	$\overline{)}$																
2				$\leq \frac{1}{\sqrt{2}}$		$\frac{1}{\sqrt{2}}$																	
				$\leq$		$\frac{1}{2}$		$\mathcal{A}$															
3				<u> </u>	$\bigcup ($	<u>) (</u>																	
4				) (	$\bigcirc$ (	) (	$\bigcirc$																
5				<u> </u>	$\overline{\bigcirc}$	<u> </u>		7															
				$\leq$		$\frac{1}{2}$		$\mathcal{H}$															
6				<u>) (</u>	$\bigcup_{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline{\underline$	<u> </u>		4															
7				1	$\langle \ \rangle \ \langle \ \rangle$	1	$\overline{}$	\															

8 9

10

1. Data  $f(x)=3(\log(3x))$ . Allora f'(e) è uguale a A: N.A. B:  $\log(3e)$  C:  $\frac{3}{e}$  D:  $\pi$  E:  $e^3$ 

2. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\log(x^3 + \cos(x))}{3\log(x)}$$

vale

A: N.E. B:  $+\infty$  C: 1 D: 0 E: N.A.

3. Modulo e argomento del numero complesso  $z=i^{43}$  sono A:  $(2,43\pi)$  B: N.A. C:  $(1,3\pi/2)$  D:  $(1,4\pi/3)$  E:  $(2,2\pi/3)$ 

4. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \sin(2x)$  nel punto  $x_0 = \pi/4$  vale A:  $1 + 2x - \frac{\pi}{2}$  B:  $1 + x + x^2$  C: N.A. D: 1 E:  $1 + \sin(2x)(x - \pi/4)$ 

5. La funzione  $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ \cos(x) & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$ 

A: è derivabile, ma non continua. B: è continua e derivabile. C: non è né continua né derivabile. D: N.A. E: è continua, ma non derivabile.

6. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=41}^{\infty} \log \left(1 + \frac{1}{n^{\alpha}}\right)$$

converge per

A:  $3 < \alpha < \pi$  B: N.A. C:  $\alpha > 1$  D:  $\alpha > 0$  E:  $\alpha \ge 1$ 

7. Le soluzioni dell'equazione differenziale  $x'(t) = \sin(t)$  sono

A: 
$$t + c_1 e^t + c_2 \sin(t)$$
 B: N.E. C:  $-\cos(t) + c$  D:  $\sin(t) + e^t + c$  E: N.A.

8. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < 0\}$$

valgono

A: 
$$\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$$
 B: N.A. C:  $\{-\infty, N.E., 2\pi, 2\pi\}$  D:  $\{0, 0, \pi, \pi\}$  E:  $\{-\pi, -\pi, +\infty, N.E.\}$ 

9. L'integrale

$$\int_{-1}^{2} |x| \, dx$$

vale

A: N.A. B:  $\sqrt{2}$  C: 3/2 D: 0 E: 5/2

10. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da f(x) = |x+1| è

A: surgettiva B: derivabile ovunque C: iniettiva D: N.A. E: monotona crescente

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A	В	С	D	Ε	

1	00000
2	00000
3	00000
4	00000
5	00000
6	00000
7	
8	00000
9	
10	0000

- 1. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da f(x) = |x+1| è
  A: surgettiva B: N.A. C: derivabile ovunque D: iniettiva E: monotona crescente
- 2. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=41}^{\infty} \log \left(1 + \frac{1}{n^{\alpha}}\right)$$

converge per

A:  $\alpha > 1$  B:  $\alpha > 0$  C:  $\alpha \ge 1$  D: N.A. E:  $3 < \alpha < \pi$ 

3. La funzione 
$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ \cos(x) & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$$

A: è continua, ma non derivabile. B: N.A. C: è continua e derivabile. D: è derivabile, ma non continua. E: non è né continua né derivabile.

4. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < 0\}$$

valgono

$$\text{A:} \left\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\right\} \quad \text{B: N.A.} \quad \text{C:} \left\{-\pi, -\pi, +\infty, N.E.\right\} \quad \text{D:} \left\{0, 0, \pi, \pi\right\} \quad \text{E:} \left\{-\infty, N.E., 2\pi, 2\pi\right\} \quad \text{E:} \left\{-\infty, N.E., 2$$

5. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \sin(2x)$  nel punto  $x_0 = \pi/4$  vale

A: 1 B: 
$$1 + 2x - \frac{\pi}{2}$$
 C:  $1 + \sin(2x)(x - \pi/4)$  D: N.A. E:  $1 + x + x^2$ 

6. Le soluzioni dell'equazione differenziale  $x'(t) = \sin(t)$  sono

A: N.E. B: 
$$t + c_1 e^t + c_2 \sin(t)$$
 C: N.A. D:  $\sin(t) + e^t + c$  E:  $-\cos(t) + c$ 

7. L'integrale

$$\int_{-1}^{2} |x| \, dx$$

vale

A: 
$$\sqrt{2}$$
 B: 5/2 C: 3/2 D: N.A. E: 0

8. Modulo e argomento del numero complesso  $z=i^{43}$  sono

A: 
$$(1, 4\pi/3)$$
 B: N.A. C:  $(2, 2\pi/3)$  D:  $(1, 3\pi/2)$  E:  $(2, 43\pi)$ 

9. Data  $f(x) = 3(\log(3x))$ . Allora f'(e) è uguale a

A: 
$$\pi$$
 B:  $e^3$  C:  $\frac{3}{6}$  D:  $\log(3e)$  E: N.A.

10. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\log(x^3 + \cos(x))}{3\log(x)}$$

vale

A: 1 B: 0 C: 
$$+\infty$$
 D: N.A. E: N.E.

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A B	C D	E
-----	-----	---

1	00000
2	00000
3	00000
4	00000
5	00000
6	00000
7	00000
8	
9	
10	00000

1. Le soluzioni dell'equazione differenziale  $x'(t) = \sin(t)$  sono

A: 
$$\sin(t) + e^t + c$$
 B: N.E. C:  $-\cos(t) + c$  D:  $t + c_1 e^t + c_2 \sin(t)$  E: N.A.

2. Modulo e argomento del numero complesso  $z=i^{43}$  sono

A: 
$$(1, 4\pi/3)$$
 B:  $(1, 3\pi/2)$  C:  $(2, 2\pi/3)$  D:  $(2, 43\pi)$  E: N.A

3. La funzione 
$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ \cos(x) & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$$

A: è derivabile, ma non continua. B: N.A. C: non è né continua né derivabile. D: è continua e derivabile. E: è continua, ma non derivabile.

4. Data  $f(x) = 3(\log(3x))$ . Allora f'(e) è uguale a

A: N.A. B: 
$$\pi$$
 C:  $\frac{3}{e}$  D:  $\log(3e)$  E:  $e^3$ 

5. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < 0\}$$

valgono

$$\mathbf{A} \colon \{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\} \quad \mathbf{B} \colon \{0, 0, \pi, \pi\} \quad \mathbf{C} \colon \{-\pi, -\pi, +\infty, N.E.\} \quad \mathbf{D} \colon \mathbf{N}.\mathbf{A}. \quad \mathbf{E} \colon \{-\infty, N.E., 2\pi, 2\pi\}$$

6. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\log(x^3 + \cos(x))}{3\log(x)}$$

vale

A: 1 B: N.E. C: 0 D: N.A. E: 
$$+\infty$$

7. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=41}^{\infty} \log \left(1 + \frac{1}{n^{\alpha}}\right)$$

converge per

A: 
$$\alpha > 0$$
 B:  $3 < \alpha < \pi$  C:  $\alpha \ge 1$  D: N.A. E:  $\alpha > 1$ 

8. L'integrale

$$\int_{-1}^{2} |x| \, dx$$

vale

A: 
$$5/2$$
 B: N.A. C:  $\sqrt{2}$  D: 0 E:  $3/2$ 

9. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \sin(2x)$  nel punto  $x_0 = \pi/4$  vale

A: 
$$1 + x + x^2$$
 B: N.A. C: 1 D:  $1 + 2x - \frac{\pi}{2}$  E:  $1 + \sin(2x)(x - \pi/4)$ 

10. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da f(x) = |x+1| è

A: monotona crescente B: surgettiva C: derivabile ovunque D: N.A. E: iniettiva

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A	В	$\mathbf{C}$	D	$\mathbf{E}$	
		_			

1	
2	$\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

- 1. Data  $f(x) = 3(\log(3x))$ . Allora f'(e) è uguale a A:  $e^3$  B:  $\log(3e)$  C:  $\frac{3}{e}$  D: N.A. E:  $\pi$
- 2. Le soluzioni dell'equazione differenziale  $x'(t) = \sin(t)$  sono

A:  $\sin(t) + e^t + c$  B:  $-\cos(t) + c$  C: N.A. D: N.E. E:  $t + c_1 e^t + c_2 \sin(t)$ 

3. Modulo e argomento del numero complesso  $z=i^{43}$ sono

A:  $(2,43\pi)$  B:  $(1,4\pi/3)$  C: N.A. D:  $(2,2\pi/3)$  E:  $(1,3\pi/2)$ 

4. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{x \in \mathbb{R} : \sin(x) < 0\}$$

valgono

A:  $\{-\infty, N.E., +\infty, N.E.\}$  B:  $\{-\pi, -\pi, +\infty, N.E.\}$  C:  $\{-\infty, N.E., 2\pi, 2\pi\}$  D: N.A. E:  $\{0, 0, \pi, \pi\}$ 

5. Il limite

$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\log(x^3 + \cos(x))}{3\log(x)}$$

vale

A: 1 B:  $+\infty$  C: N.A. D: 0 E: N.E.

6. La funzione  $f:\ \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da f(x) = |x+1| è

A: monotona crescente B: iniettiva C: derivabile ovunque D: surgettiva E: N.A.

7. L'integrale

$$\int_{-1}^{2} |x| \, dx$$

vale

A: N.A. B: 3/2 C: 0 D: 5/2 E:  $\sqrt{2}$ 

8. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=41}^{\infty} \log \left(1 + \frac{1}{n^{\alpha}}\right)$$

converge per

A:  $3 < \alpha < \pi$  B:  $\alpha \ge 1$  C:  $\alpha > 1$  D: N.A. E:  $\alpha > 0$ 

9. La retta tangente al grafico di  $y(x) = \sin(2x)$  nel punto  $x_0 = \pi/4$  vale

A: 1 B:  $1 + \sin(2x)(x - \pi/4)$  C: N.A. D:  $1 + x + x^2$  E:  $1 + 2x - \frac{\pi}{2}$ 

10. La funzione  $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ \cos(x) & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$ 

A: N.A. B: non è né continua né derivabile. C: è continua, ma non derivabile. D: è derivabile, ma non continua. E: è continua e derivabile.

12 gennaio 2009

(Cognome)													(No	me)			(Numero di matricola)					ola)				

A	В	С	D	$\mathbf{E}$	

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

12 gennaio 2009

			(Co	ogno	me)				 			(No	me)			_	(N	ume	ro d	i ma	tric	ola)

A	В	С	D	$\mathbf{E}$

1	
2	$lackbox{0}$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

12 gennaio 2009

			(Co	gno	me)						(No	me)			(N	ume	ro di	i ma	trico	la)

1	
2	$\bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc$
3	
4	
5	
6	$lackbox{0}$
7	
8	$lackbox{0}$
9	
10	

12 gennaio 2009

			(Co	ogno	me)							(N	ome	e)				(N	ume	ro c	li m	atric	ola)

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)
,	, ,	,

1	
2	$\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc\bigcirc$
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

1. Il numero di soluzioni dell'equazione complessa |z|=4 è

A: 2 B: 1 C: N.A. D: Infinite E: Nessuna

2. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{\log(x^2), x > 1\}$$

valgono

A:  $\{0, 0, +\infty, N.E.\}$  B:  $\{0, N.E, +\infty, N.E.\}$  C:  $\{0, N.E., e, N.E.\}$  D: N.A. E:  $\{1, 1, +\infty, N.E.\}$ 

3. Il limite

$$\lim_{x\to 0^+} e^{\frac{\log(1+x^3)}{x}}$$

vale

A: 2 B:  $+\infty$  C: N.A. D: 0 E: N.E.

4. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=18}^{\infty} \left[ 1 - \cos\left(\frac{1}{n^{\alpha}}\right) \right]$$

converge per

A:  $3 < \alpha < \pi$  B:  $\alpha \ge 1$  C:  $\alpha > 0$  D:  $\alpha > 1/2$  E: N.A.

5. L'integrale

$$\int_{-1}^{1} |e^x| dx$$

vale

A:  $|2 - e^{-1}|$  B:  $e - \frac{1}{e}$  C:  $e + \frac{1}{e}$  D: 0 E: N.A.

6. Data  $f(x) = 2^{\log(2x)}$ . Allora f'(1) è uguale a

A:  $2\log(2)e$  B:  $\log(2)2^{\log(2)}$  C: 1 D: N.E. E: N

7. Le soluzioni dell'equazione differenziale  $x'(t) = e^t$  sono

A: 
$$\frac{e^t + e^{-t}}{2} + c$$
 B:  $\sin(t) + t + c$  C:  $e^t + c$  D: N.A. E:  $t^2/2 + \sin(t) + c$ 

8. La funzione  $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ e^x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$ 

A: è continua e derivabile. B: è continua, ma non derivabile. C: N.A. D: è derivabile, ma non continua. E: non è né continua né derivabile.

9. La retta tangente al grafico di  $f(x) = \cos(3x)$  nel punto  $x_0 = \pi/6$  vale:

A: 
$$-3x + \pi/2$$
 B:  $1/2$  C: N.A. D:  $\frac{\pi}{2} + (x - \frac{\pi}{2})\cos(x)$  E:  $\frac{\pi}{2} + x$ 

10. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da  $f(x) = e^x$  è

A: zero almeno in un punto  $\,$  B: non derivabile per x=-1  $\,$  C: sempre maggiore o uguale a 1  $\,$  D: monotona crescente  $\,$  E: N.A.

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

 $\mathrm{CODICE} = 484783$ 

1 2 3

A	В	С	D	E
	$\bigcirc$	$\bigcirc$	$\bigcirc$	
	$\bigcirc$	$\bigcirc$	$\bigcirc$	$\bigcirc$
	$\overline{\bigcap}$	$\overline{\bigcap}$	$\overline{\bigcap}$	$\overline{\bigcirc}$

4	
5	00000
6	
7	00000
8	

9 0 0 0

- 1. Data  $f(x) = 2^{\log(2x)}$ . Allora f'(1) è uguale a A: N.E. B:  $\log(2)2^{\log(2)}$  C: N.A. D:  $2\log(2)$ e E: 1
- 2. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{\log(x^2), x > 1\}$$

valgono

A:  $\{0, N.E., e, N.E.\}$  B: N.A. C:  $\{0, 0, +\infty, N.E.\}$  D:  $\{0, N.E, +\infty, N.E.\}$  E:  $\{1, 1, +\infty, N.E.\}$ 

3. Il numero di soluzioni dell'equazione complessa |z|=4è

A: N.A. B: Infinite C: 2 D: 1 E: Nessuna

4. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da  $f(x) = e^x$  è

A: zero almeno in un punto B: N.A. C: non derivabile per x=-1 D: monotona crescente E: sempre maggiore o uguale a 1

5. L'integrale

$$\int_{-1}^{1} |e^x| dx$$

vale

A: 
$$e + \frac{1}{e}$$
 B: N.A. C: 0 D:  $|2 - e^{-1}|$  E:  $e - \frac{1}{e}$ 

6. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=18}^{\infty} \left[ 1 - \cos\left(\frac{1}{n^{\alpha}}\right) \right]$$

converge per

A:  $\alpha \ge 1$  B:  $\alpha > 0$  C:  $\alpha > 1/2$  D:  $3 < \alpha < \pi$  E: N.A.

7. La funzione 
$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ e^x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$$

A: non è né continua né derivabile. B: è derivabile, ma non continua. C: è continua, ma non derivabile. D: N.A. E: è continua e derivabile.

8. Le soluzioni dell'equazione differenziale  $x'(t) = e^t$  sono

A: 
$$\frac{e^t + e^{-t}}{2} + c$$
 B: N.A. C:  $\sin(t) + t + c$  D:  $t^2/2 + \sin(t) + c$  E:  $e^t + c$ 

9. Il limite

$$\lim_{x\to 0^+} e^{\frac{\log(1+x^3)}{x}}$$

vale

A: 0 B: 
$$+\infty$$
 C: N.E. D: 2 E: N.A.

10. La retta tangente al grafico di  $f(x) = \cos(3x)$  nel punto  $x_0 = \pi/6$  vale:

A: 
$$-3x + \pi/2$$
 B:  $\frac{\pi}{2} + x$  C:  $\frac{\pi}{2} + \left(x - \frac{\pi}{2}\right)\cos(x)$  D: N.A. E:  $1/2$ 

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognomo)	(Nome)	(Numero di matricola)
(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

 ${\rm CODICE} = 320728$ 

1	00000
2	
3	
4	00000
5	00000
6	
7	00000
8	
9	00000
10	00000

A B C D E

1. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = \{\log(x^2), \ x > 1\}$$

valgono

A: N.A. B:  $\{0, N.E, +\infty, N.E.\}$  C:  $\{0, 0, +\infty, N.E.\}$  D:  $\{1, 1, +\infty, N.E.\}$  E:  $\{0, N.E., e, N.E.\}$ 

2. L'integrale

$$\int_{-1}^{1} |e^x| dx$$

vale

A: 
$$e + \frac{1}{e}$$
 B:  $|2 - e^{-1}|$  C:  $e - \frac{1}{e}$  D: N.A. E: 0

3. Il numero di soluzioni dell'equazione complessa |z|=4 è

A: 1 B: Infinite C: 2 D: Nessuna E: N.A.

4. Le soluzioni dell'equazione differenziale  $x'(t) = e^t$  sono

A: 
$$\frac{e^t + e^{-t}}{2} + c$$
 B:  $\sin(t) + t + c$  C: N.A. D:  $e^t + c$  E:  $t^2/2 + \sin(t) + c$ 

5. Il limite

$$\lim_{x \to 0^+} e^{\frac{\log(1+x^3)}{x}}$$

vale

A: N.E. B: 
$$+\infty$$
 C: N.A. D: 0 E: 2

6. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da  $f(x) = e^x$  è

A: monotona crescente B: zero almeno in un punto C: N.A. D: non derivabile per x=-1 E: sempre maggiore o uguale a 1

7. La funzione  $f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ e^x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$ 

A: è derivabile, ma non continua. B: N.A. C: è continua, ma non derivabile. D: è continua e derivabile. E: non è né continua né derivabile.

8. La retta tangente al grafico di  $f(x) = \cos(3x)$  nel punto  $x_0 = \pi/6$  vale:

A: 
$$\frac{\pi}{2} + x$$
 B: N.A. C:  $-3x + \pi/2$  D:  $1/2$  E:  $\frac{\pi}{2} + (x - \frac{\pi}{2})\cos(x)$ 

9. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=18}^{\infty} \left[ 1 - \cos\left(\frac{1}{n^{\alpha}}\right) \right]$$

converge per

A: 
$$\alpha > 0$$
 B:  $\alpha > 1/2$  C:  $\alpha \ge 1$  D: N.A. E:  $3 < \alpha < \pi$ 

10. Data  $f(x) = 2^{\log(2x)}$ . Allora f'(1) è uguale a

A:  $2\log(2)e$  B: 1 C: N.A. D: N.E. E:  $\log(2)2^{\log(2)}$ 

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 30 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

12 gennaio 2009

(Cognome)	(Nome)	(Numero di matricola)

A	В	$\mathbf{C}$	D	$\mathbf{E}$	
---	---	--------------	---	--------------	--

1	00000
2	00000
3	00000
4	00000
5	00000
6	00000
7	00000
8	
9	
10	00000

1. La serie a termini non-negativi

$$\sum_{n=18}^{\infty} \left[ 1 - \cos\left(\frac{1}{n^{\alpha}}\right) \right]$$

converge per

A: 
$$3 < \alpha < \pi$$
 B:  $\alpha \ge 1$  C:  $\alpha > 0$  D:  $\alpha > 1/2$  E: N.A.

2. La funzione  $f: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$  definita da  $f(x) = e^x$  è

A: N.A. B: sempre maggiore o uguale a 1 C: non derivabile per x = -1 D: monotona crescente E: zero almeno in un punto

3. Inf, min, sup e max dell'insieme

$$A = {\log(x^2), x > 1}$$

valgono

A: 
$$\{0, N.E., e, N.E.\}$$
 B:  $\{0, 0, +\infty, N.E.\}$  C:  $\{1, 1, +\infty, N.E.\}$  D:  $\{0, N.E, +\infty, N.E.\}$  E: N.A.

4. La funzione 
$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{per } x < 0 \\ e^x & \text{per } x \ge 0 \end{cases}$$

A: non è né continua né derivabile. B: è derivabile, ma non continua. C: è continua e derivabile. D: è continua, ma non derivabile. E: N.A.

5. L'integrale

$$\int_{-1}^{1} |e^x| \, dx$$

vale

A: 0 B: N.A. C: 
$$|2 - e^{-1}|$$
 D:  $e - \frac{1}{e}$  E:  $e + \frac{1}{e}$ 

6. Le soluzioni dell'equazione differenziale  $x'(t) = e^t$  sono

A: N.A. B: 
$$\frac{e^t + e^{-t}}{2} + c$$
 C:  $e^t + c$  D:  $t^2/2 + \sin(t) + c$  E:  $\sin(t) + t + c$ 

7. Data  $f(x) = 2^{\log(2x)}$ . Allora f'(1) è uguale a

A: 
$$\log(2)2^{\log(2)}$$
 B: N.E. C: 1 D: N.A. E:  $2\log(2)$ e

8. Il numero di soluzioni dell'equazione complessa |z|=4 è

A: 2 B: 1 C: N.A. D: Nessuna E: Infinite

9. La retta tangente al grafico di  $f(x) = \cos(3x)$  nel punto  $x_0 = \pi/6$  vale:

A: 
$$-3x + \pi/2$$
 B: N.A. C:  $\frac{\pi}{2} + (x - \frac{\pi}{2})\cos(x)$  D:  $\frac{\pi}{2} + x$  E:  $1/2$ 

10. Il limite

$$\lim_{x\to 0^+} e^{\frac{\log(1+x^3)}{x}}$$

vale

A: N.E. B: N.A. C: 
$$+\infty$$
 D: 2 E: 0

12 gennaio 2009

(Cognome)								(No	ome)				ume	i ma	trice	ola)								

Α	В	С	D	$\mathbf{E}$	

1	
2	$\bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc$
3	
4	
5	
6	$\bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc \bigcirc$
7	
8	
9	
10	

12 gennaio 2009

		(C	ogn	nome)						(N	ome)			(N	ume	ro d	i ma	trice	ola)

A	В	$\mathbf{C}$	D	Ε	

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

12 gennaio 2009

(Cognome)												(No	me)			(Numero di matricola)										

 ${\rm CODICE} = 320728$ 

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

12 gennaio 2009

(Cognome)												(No	me)			(Numero di matricola)										

1	
2	
3	
4	
5	
6	
7	
8	
9	
10	

### PARTE B

1. Studiare il numero di soluzioni, al variare di  $\lambda \in \mathbb{R}^+$  della equazione

$$\log(\lambda x) = |x+1|, \qquad x > 0$$

2. Risolvere il problema di Cauchy

$$\begin{cases} y'(t) - y(t) = \sin(t) + t\cos(t) \\ y(0) = 0. \end{cases}$$

Quanto vale y'(0)?

3. Studiare la convergenza ed eventualmente calcolare l'integrale generalizzato

$$\int_{2}^{+\infty} \frac{x-1}{x^3 + x^2 + x + 1} \, dx.$$

4. Sia  $f:[2,7/2]\to\mathbb{R}$ una funzione integrabile secondo Riemann tale che

$$\int_{2}^{7/2} f(x) \, dx = 3.$$

Dimostrare che esiste almeno un punto  $x_0 \in [2,7/2]$  tale che  $f(x_0) \ge \frac{7}{4}$ .