

Analisi Matematica Due, primo modulo

Prova scritta n. 4

Corso di laurea in Matematica, a.a. 2001-2002

11 luglio 2002

1. Sia $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ definita da

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{xy}{x^2+|y|} & \text{se } (x, y) \neq 0 \\ 0 & \text{se } (x, y) = 0. \end{cases}$$

Dire se f è continua e se è differenziabile nel punto $(0, 0)$.

2. Si consideri la funzione $f : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}$ definita da

$$f(x, y) = y \cos x - \arctan y.$$

- (a) Studiare i punti critici di f .
(b) Posto $D = \mathbb{R} \times [-1, 1]$ determinare l'insieme $f(D)$.