ESERCITAZIONE 1.2

			(Co	gno	ome)						(No	me)			(N	ume:	ro di	i ma	trico	la)

• Dire se le seguenti proposizioni sono vere o false:

Proposizione	Vera	Falsa
$z = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow z^2 = -\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$		
$z \in \mathbb{C} \Rightarrow z + \overline{z} \in \mathbb{R}$		
$e^{i\pi} = -1$		
$e^{i4\pi} = -1$		
$e^{i37\pi} = -1$		
$e^{i\frac{\pi}{2}} = -\frac{1}{2}$		
$e^{i\frac{3\pi}{2}} = -i$		
$ z = 0 \Rightarrow z = 0$		
$z = 1 \Rightarrow e^z = e$		
$e^z = e \Rightarrow z = 1$		

•
$$e^{1+i\frac{\pi}{3}} =$$

$$e^{2+i\frac{\pi}{2}} =$$

$$e^{i\frac{9\pi}{2}} =$$

• Risolvere le seguenti equazioni

$$e^z = 0$$

$$e^z = i$$

$$e^z = 1 + i$$

• Risolvere le seguenti equazioni

$$z^4 = -81$$

$$z^3 = -8$$

$$z^6 = 1$$

$$z^2 = 2i$$

$$z^2 = \overline{z}^2$$

$$z^2 + z + 1 = 0$$

• Disegnare nel piano di Gauss i seguenti insiemi:

$$\{z \in \mathbb{C} : |z| < 2\}$$

$$\{z\in\mathbb{C}:\;|z|<2\};\qquad\qquad \{z\in\mathbb{C}:\;|z-i2|<|z|\};\qquad\qquad \{z\in\mathbb{C}:\;|e^z|\geq e\}$$

$$\{z \in \mathbb{C} : |e^z| \ge e$$