

• METODI ad UN PUNTO ... idea: $f(x) = 0 \sim x = h(x)$;

Oss: data f , \exists tante h che verificano. Pb: come scegliere h ?

• descriz ... (operando in \mathbb{R})

Oss: SE $x_0, x_1, \dots \rightarrow \alpha$ ALLORA $h(x_0), h(x_1), \dots \rightarrow h(\alpha)$ [h è cont!]
 siccome $x_1 = h(x_0), x_2 = h(x_1), \dots$ si ha: $\alpha = h(\alpha)$

OVVERO: se la successione generata (dal m. it...) converge, il lim è punto fisso di h .

Pb: come far sì che la successione sia convergente?

Sol: usare il Teo di contrazione locale.

Es: $h(x) = \frac{\cos x}{2} \in C^1(\mathbb{R})$

- \exists p.u. di h in $[0, \pi/2]$
- $\forall x \in [0, \pi/2], |h'(x)| \leq \frac{1}{2} = L$

• $x \in [0, \pi/2] \Rightarrow h(x) \in [0, \pi/2]$, q. di $\forall x_0 \in [0, \pi/2]$ la succ...

Oss: se \exists p.u. di h in $[a, b]$ ed $\exists L < 1$ t.c. ... NON È VERO che $\forall x \in [a, b]$ si ha $h(x) \in [a, b]$.

(vedere anche Oss. 2.7 p. 53)

Es: $h: [1, 7] \rightarrow \mathbb{R}$ t.c.
 $h(x) = 3 - \frac{x}{2}$. Verif
 che \exists p.u., $\exists L < 1$ e $h(6) \notin [1, 7]$...

Pb: come scegliere x_0 ?

Sol: se \exists p.u. ed $\exists L < 1$ è facile ...
 ... l'estremo più vicino al p.u. va bene!

Sol (per il Pb in cima): scegliere h che verificano le prime condiz del Teo di contrazione locale.

Es: $f(x) = x + \log x$; $h_1(x) = -\log x$, $h_2(x) = e^{-x}$
 $h_3(x) = \frac{x + e^{-x}}{2}$. Decidere quale h scegliere.

Oss: se $h \in C^1$ e α p.u. tali che $|h'(\alpha)| > 1$ allora...