

Es:  $x = \frac{1}{10}$ ,  $M_2 = F(2,3)$ ,  $M_{10} = F(10,2)$ ; determ  $\xi = rd_2(x)$   
 e  $\tilde{x} = rd_{10}(\xi)$ .

Oss: nell' Es precedenti si ha  $x \in M_{10}$  e  $\tilde{x} \neq x \dots$

Es:  $M = F(10,6)$ ; determ  $\min \{q \in \mathbb{N} \text{ t.c. } q \notin M\}$ ;  
 calcolare  $(10^8 \oplus 1) \ominus 10^8$  e  $10^8 \oplus (1 \ominus 10^8)$ .

Oss:  $M = F(10,3)$ , f. predef  $\subset$  pseudo-op aritm;

A1:  $\xi_1 \overset{1}{\oplus} \xi_2 \overset{2}{\oplus} \xi_3$ ; A2:  $\xi_1 \overset{2}{\oplus} \xi_2 \overset{1}{\oplus} \xi_3$

calcolano f. diverse: infatti, con  $\xi_1 = 10^{-2} 0,371$ ,  
 $\xi_2 = 10^0 0,865$ ,  $\xi_3 = -10^0 0,869$  si ha:

A1: 0, A2:  $-10^{-3} 0,290$  (Es: verificare!)

domande (naturali...) quale f. approssimazione migliore  
 la  $f: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}$  def da  $(x_1, x_2, x_3) \rightarrow x_1 + x_2 + x_3$ ?

**0.1** ERRORI NEL CALCOLO DI UNA FUNZIONE

$A \subset \mathbb{R}^m$ ;  $f: A \rightarrow \mathbb{R}$ ,  $\varphi: A \cap M^m \rightarrow M$

dati:  $x \in A$ ,  $\xi \in A \cap M^m$  si utilizza  $\varphi(\xi)$  per appross  $f(x)$

def (errore totali, troncamento, algoritmico):

- $\delta_t = \varphi(\xi) - f(x)$ ,  $\delta_d = f(\xi) - f(x)$ ,  $\delta_a = \varphi(\xi) - f(\xi)$
- per  $f(x) \neq 0$  e  $f(\xi) \neq 0$ :

$$\epsilon_t = \frac{\varphi(\xi) - f(x)}{f(x)}, \quad \epsilon_d = \frac{f(\xi) - f(x)}{f(x)}, \quad \epsilon_a = \frac{\varphi(\xi) - f(\xi)}{f(\xi)}$$

allora:

$$\delta_t = \delta_d + \delta_a \quad ; \quad \epsilon_t = \epsilon_d + \epsilon_a + \epsilon_d \epsilon_a$$