

## Esercitazione 3

*Istruzioni trattate:* error, ciclo while, printf, indice \$.

Nella prima parte di questa esercitazione vedremo una realizzazione del *metodo di bisezione*. Nella seconda parte utilizzeremo la realizzazione per approssimare uno zero della funzione  $f(x) = x^2 - 2$ .

### Prima parte

La definizione che segue è una realizzazione del *metodo di bisezione*. Le linee di commento immediatamente al di sotto dell'*intestazione* dichiarano lo scopo della funzione ed è buona norma inserirle.

```
function [z,v] = Bisezione(f,a,b,delta)
//
// Applica il metodo di bisezione alla funzione f a partire dall'intervallo
// [a,b]. L'iterazione si arresta quando la misura dell'ultimo intervallo
// calcolato è minore o uguale a delta (criterio di arresto di tipo assoluto)
// oppure si è trovato uno zero della funzione f.
//
// Ad ogni iterazione nella console vengono mostrati gli estremi e l'ampiezza
// dell'ultimo intervallo calcolato.
//
// La funzione restituisce l'approssimazione suggerita z e v = f(z).
//
if f(a)*f(b) > 0 then
    error('Bisezione: La funzione non assume ' + ...
        'valori di segno opposto agli estremi.');
```

```
else
    x = (a+b)/2;
    while ((b-a) > delta & f(x) ~= 0),
        printf('a = %3.2e , b = %3.2e , ampiezza = %4.3e\n',a,b,b-a);
        if sign(f(a)) ~= sign(f(x)) then b = x;
        else a = x;
        end;
        x = (a+b)/2;
    end;
    z = x;
    v = f(z);
end;
endfunction
```

Nella definizione della procedura compaiono tre nuove istruzioni:

- error

Questa *funzione predefinita* ha lo scopo di *gestire un errore*. Precisamente, l'istruzione

```
error(<stringa descrittiva>)
```

ha due effetti: *interrompe l'esecuzione corrente e riporta l'interprete al livello del prompt e mostra* <stringa descrittiva> *nella console come parte di un messaggio di errore*. Nella definizione della procedura *Bisezione* la stringa utilizzata è costruita *concatenando* due sottostringhe. I puntini ... indicano a *Scilab* che l'istruzione *prosegue alla riga successiva*.

- ciclo `while`

Questo costrutto predefinito consente di definire *iterazioni*. La sequenza:

```
while <condizione>, <istruzioni> end;
```

dove <condizione> è una funzione a valori in  $\{T, F\}$ , significa:

```
finché <condizione> = T, ripeti <istruzioni>;
```

Ad esempio:

```
-->i = 1; while i < 5, disp(i); i = i + 1; end;
```

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.

- `printf`

Questa *funzione predefinita* ha lo scopo di *stampare nella console una stringa contenente il valore di una o più espressioni*. Precisamente, se  $v_1, \dots, v_n$  sono  $n$  espressioni, e <frase> è una stringa che contiene  $n$  opportune sottostringhe <formato 1>, ..., <formato  $n$ > dette *stringhe segnaposto*, ed eventuali altre opportune *sottostringhe atte alla formattazione* del testo da stampare, l'istruzione:

```
printf(<frase>,  $v_1, \dots, v_n$ )
```

stampa sulla console, con la formattazione specificata, la stringa che si ottiene sostituendo, in <frase>, alla sottostringa <formato  $i$ > la stringa che rappresenta *l'arrotondato* del valore della  $i$ -esima espressione nell'insieme numerico e con il formato specificato dalla sottostringa stessa <formato  $i$ >.

Ad esempio, si ha:

```
-->printf('\ne vale circa %12.3e, pi greco vale %5.3e\n\n...o quasi!','%e,%pi)
```

```
e vale circa    2.718e+00, pi greco vale 3.142e+00
```

```
...o quasi!
```

In questo caso sono presenti due *stringhe segnaposto* e due corrispondenti espressioni. Entrambe le *stringhe segnaposto* hanno la forma `% $m$ . $n$ e` con  $m$  ed  $n$  numeri interi positivi. Ciascuna delle *stringhe segnaposto* viene sostituita dalla stringa ottenuta (a) calcolando l'arrotondato  $\xi$  del valore dell'espressione corrispondente in  $F(10, n + 1)$ , (b) calcolando la frazione con segno  $g$  e l'esponente  $b$  di  $\xi$  in base dieci, (c) costruendo le stringhe  $\sigma_1$  e  $\sigma_2$  che rappresentano, in base dieci, rispettivamente  $10^g$  e  $b - 1$  e, infine, (d) antepoendo alla stringa  $\sigma_1 e \sigma_2$  il numero minimo di spazi necessario per ottenere una stringa di almeno  $m$  caratteri.

La stringa ottenuta dopo aver sostituito ciascuna delle *stringhe segnaposto* viene poi stampata nella console *interpretando* le *stringhe atte alla formattazione*. Nell'esempio è presente, tre volte, una sola di tali stringhe, `\n`, che comanda all'interprete di *andare a capo*.

I dettagli riguardanti le molte sottostringhe da usare per ottenere l'insieme numerico ed il formato di stampa desiderati si trovano nella pagina di *help* relativa al termine `printf_conversion`. Qualche altro esempio si trova negli esercizi finali.

## Seconda parte

Consideriamo la seguente realizzazione della funzione  $f(x) = x^2 - 2$ :

```

function y = fun(x)
//
// x, y: matrici di numeri reali della stessa dimensione
//
y = x .^ 2 - 2;
endfunction

```

Per ottenere un'approssimazione dello zero positivo di  $f$  ( $\sqrt{2} = 1.41421356237309504880\dots$ )<sup>1</sup> con errore assoluto non superiore a  $10^{-4}$  si applica la procedura **Bisezione** alla funzione `fun` a partire dall'intervallo  $[0, 2]$  e con `delta = 10-4`. Si ottiene:

```

-->a = 0; b = 2; delta = 1d-4;

-->[z4,v4] = Bisezione(fun,a,b,delta)
a = 0.00e+00 , b = 2.00e+00 , ampiezza = 2.000e+00
a = 1.00e+00 , b = 2.00e+00 , ampiezza = 1.000e+00
a = 1.00e+00 , b = 1.50e+00 , ampiezza = 5.000e-01
a = 1.25e+00 , b = 1.50e+00 , ampiezza = 2.500e-01
a = 1.38e+00 , b = 1.50e+00 , ampiezza = 1.250e-01
a = 1.38e+00 , b = 1.44e+00 , ampiezza = 6.250e-02
a = 1.41e+00 , b = 1.44e+00 , ampiezza = 3.125e-02
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 1.562e-02
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 7.812e-03
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 3.906e-03
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 1.953e-03
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 9.766e-04
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 4.883e-04
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.441e-04
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.221e-04

-->printf('\nz4 = %16.15e  ,  fun(z4) = %16.15e',z4,v4)

z4 = 1.414215087890625e+00  ,  fun(z4) = 4.314817488193512e-06

```

La procedura si arresta per aver determinato, dopo 15 iterazioni come prevedibile, un intervallo di ampiezza minore di  $10^{-4}$  – il valore della funzione `fun` in `z4` è, infatti, diverso da zero. L'ultima istruzione stampa gli arrotondati in  $F(10,16)$  dei valori determinati di `z4` e `v4`. Si osservi che l'approssimazione suggerita dalla procedura soddisfa la richiesta:  $|z4 - \sqrt{2}| < 10^{-5}$ .

Per ottenere un'approssimazione dello stesso zero di  $f$  ma con errore assoluto non superiore a  $10^{-8}$  si applica la procedura **Bisezione** alla funzione `fun` a partire dallo stesso intervallo ma con `delta = 10-8`. Si ottiene:

```

-->a = 0; b = 2; delta = 1d-8;

-->[z8,v8] = Bisezione(fun,a,b,delta)
a = 0.00e+00 , b = 2.00e+00 , ampiezza = 2.000e+00
a = 1.00e+00 , b = 2.00e+00 , ampiezza = 1.000e+00
a = 1.00e+00 , b = 1.50e+00 , ampiezza = 5.000e-01
a = 1.25e+00 , b = 1.50e+00 , ampiezza = 2.500e-01
a = 1.38e+00 , b = 1.50e+00 , ampiezza = 1.250e-01
a = 1.38e+00 , b = 1.44e+00 , ampiezza = 6.250e-02
a = 1.41e+00 , b = 1.44e+00 , ampiezza = 3.125e-02
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 1.562e-02
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 7.812e-03
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 3.906e-03
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 1.953e-03
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 9.766e-04

```

<sup>1</sup>La rappresentazione posizionale di  $\sqrt{2}$  in base dieci è stata ricopiata dalla pagina di Wikipedia relativa al termine radice quadrata: [https://it.wikipedia.org/wiki/Radice\\_quadrata](https://it.wikipedia.org/wiki/Radice_quadrata)

```

a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 4.883e-04
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.441e-04
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.221e-04
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 6.104e-05
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 3.052e-05
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.526e-05
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 7.629e-06
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 3.815e-06
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.907e-06
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 9.537e-07
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 4.768e-07
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.384e-07
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.192e-07
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 5.960e-08
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.980e-08
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.490e-08

```

```
-->printf('\nz8 = %16.15e , fun(z8) = %16.15e',z8,v8)
```

```
z8 = 1.414213564246893e+00 , fun(z8) = 5.299900962540960e-09
```

La procedura si arresta per aver determinato, dopo 28 iterazioni come prevedibile, un intervallo di ampiezza minore di  $10^{-8}$  – il valore della funzione *fun* in *z8* è, anche questa volta, diverso da zero. Si osservi che anche questa volta l'approssimazione suggerita dalla procedura soddisfa la richiesta:  $|z8 - \sqrt{2}| < 10^{-8}$ .

Infine, per ottenere un'approssimazione dello stesso zero di *f* ma con errore assoluto non superiore a  $10^{-16}$  si applica la procedura Bisezione alla funzione *fun* a partire dallo stesso intervallo ma con  $\delta = 10^{-16}$ . Questa volta si ottiene:

```
-->a = 0; b = 2; delta = 1d-16;
```

```

-->[z,v] = Bisezione(fun,a,b,delta);
a = 0.00e+00 , b = 2.00e+00 , ampiezza = 2.000e+00
a = 1.00e+00 , b = 2.00e+00 , ampiezza = 1.000e+00
a = 1.00e+00 , b = 1.50e+00 , ampiezza = 5.000e-01
a = 1.25e+00 , b = 1.50e+00 , ampiezza = 2.500e-01
a = 1.38e+00 , b = 1.50e+00 , ampiezza = 1.250e-01
a = 1.38e+00 , b = 1.44e+00 , ampiezza = 6.250e-02
a = 1.41e+00 , b = 1.44e+00 , ampiezza = 3.125e-02
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 1.562e-02
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 7.812e-03
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 3.906e-03
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 1.953e-03
a = 1.41e+00 , b = 1.42e+00 , ampiezza = 9.766e-04
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 4.883e-04
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.441e-04
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.221e-04
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 6.104e-05
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 3.052e-05
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.526e-05
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 7.629e-06
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 3.815e-06
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.907e-06
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 9.537e-07
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 4.768e-07
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.384e-07
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.192e-07
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 5.960e-08
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.980e-08

```

```

a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.490e-08
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 7.451e-09
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 3.725e-09
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.863e-09
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 9.313e-10
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 4.657e-10
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.328e-10
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.164e-10
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 5.821e-11
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.910e-11
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.455e-11
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 7.276e-12
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 3.638e-12
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.819e-12
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 9.095e-13
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 4.547e-13
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.274e-13
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.137e-13
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 5.684e-14
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.842e-14
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.421e-14
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 7.105e-15
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 3.553e-15
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 1.776e-15
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 8.882e-16
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 4.441e-16
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.220e-16
a = 1.41e+00 , b = 1.41e+00 , ampiezza = 2.220e-16

```

```

.
.
.

```

La procedura, apparentemente, *non si arresta* finché l'utilizzatore non obbliga *Scilab* ad interrompere l'esecuzione del comando selezionando, dalla finestra della console, il comando *Annulla* dalla tendina *Controllo*. Questo significa che *il criterio di arresto scelto per la procedura è inefficace*. In base all'analisi della procedura *nell'ipotesi che il calcolatore sia in grado di operare con i numeri reali e di calcolare esattamente tutte le quantità richieste*, il criterio di arresto risulta *efficace*, ovvero la costruzione delle successioni viene interrotta *in ogni caso* dopo un numero finito di iterazioni. Per capire come mai questo non accade nel nostro caso occorre analizzare la procedura *tenendo conto delle limitazioni imposte dal modello di calcolatore proposto*.

Da un'osservazione più attenta delle righe scritte dalla procedura nella console si nota che dopo 53 iterazioni il valore dell'ampiezza *non cambia* ed è maggiore di *delta*.

La procedura realizzata *non consente* all'utilizzatore di accedere a *tutta* la parte di successione costruita, ma *solo* all'ultimo elemento. Proponiamo una variante della procedura che restituisce anche la colonna di componenti gli elementi determinati della successione. Si tenga presente che:

- Se  $v$  è un vettore di  $n$  elementi, le componenti di  $v$  si indicano con  $v(1), \dots, v(n)$ ;
- L'*ultima* componente di  $v$  si può indicare anche con  $v(\$)$ ;
- L'assegnamento  $v(\$+1) = 21$  ha l'effetto di *creare* una nuova componente di  $v$  (la  $n + 1$  -esima) ed *assegnarle* valore 21.

```

function [z,v,x] = Bisezione(f,a,b,delta)
//
// Applica il metodo di bisezione alla funzione f a partire dall'intervallo
// [a,b]. L'iterazione si arresta quando la misura dell'ultimo intervallo
// calcolato è minore o uguale a delta (criterio di arresto di tipo assoluto)

```

```

// oppure si è trovato uno zero della funzione f.
//
// Ad ogni iterazione nella console vengono mostrati gli estremi e l'ampiezza
// dell'ultimo intervallo calcolato.
//
// La funzione restituisce l'approssimazione suggerita z, v = f(z) e la colonna
// x di componenti i punti medi degli intervalli calcolati.
//
if f(a)*f(b) > 0 then
    error('Bisezione: La funzione non assume ' + ...
        'valori di segno opposto agli estremi.');
```

```

else
    x(1) = (a+b)/2;
    while ((b-a) > delta & f(x($)) ~= 0),
        printf('a = %3.2e , b = %3.2e , ampiezza = %4.3e\n',a,b,b-a);
        if sign(f(a)) ~= sign(f(x($))) then b = x($);
        else a = x($);
        end;
        x($+1) = (a+b)/2;
    end;
    z = x($);
    v = f(z);
end;
endfunction

```

Per studiare l'*andamento* della parte di successione determinata nel caso  $\text{delta} = 10^{-8}$  si applica la nuova procedura alla funzione `fun` a partire dall'intervallo  $[0, 2]$  con  $\text{delta} = 10^{-8}$ :

```
[z8,v8,succ] = Bisezione(fun,0,2,1d-8)
```

e poi si disegna il grafico della *distanza* degli elementi della successione da `sqrt(2)` (che approssima il limite della successione  $\sqrt{2}$ ):

```

-->plot(abs(succ - sqrt(2)));

-->xgrid();

-->xlabel('k'); ylabel('|x(k) - sqrt(2)|');
```

Si ottiene il disegno riportato in Figura 1. Dal disegno si intuisce che, almeno per  $k \leq 9$ , la

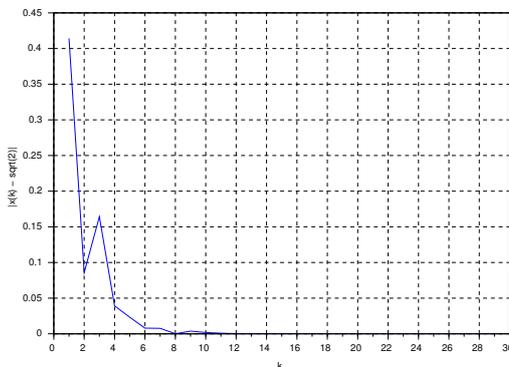


Figura 1: Grafico di  $|x(k) - \text{sqrt}(2)|$

distanza della successione dal suo limite ha andamento *non monotono*. Informazioni più dettagliate si ottengono dal grafico del *logaritmo* della distanza degli elementi della successione da `sqrt(2)`:

```

-->clf();
-->plot(log(abs(succ - sqrt(2))));
-->xgrid();
-->xlabel('k'); ylabel('log |x(k) - sqrt(2)|');

```

Si ottiene il disegno riportato in Figura 2, che conferma quanto intuito dalla figura precedente.

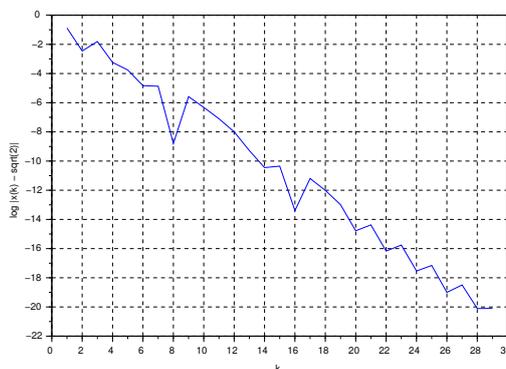


Figura 2: Grafico di  $\log |x(k) - \sqrt{2}|$

---

### Esercizi

---

1. Per determinare la scrittura in base dieci della precisione di macchina  $u = 2^{-53}$  riportata nella prima pagina dell'Esercitazione 1, osserviamo che la scrittura posizionale in base dieci di  $u$  ha 53 cifre dopo il punto decimale. Infatti:  $10^{53}u$  è un numero *intero* (si ha  $10^{53}u = 5^{53}2^{53}u = 5^{53}2^{53}2^{-53} = 5^{53}$ ) mentre  $10^{52}u$  non è un numero *intero* (si ha  $10^{52}u = 5^{52}2^{52}u = 5^{52}2^{52}2^{-53} = 5^{53}2^{-1}$ ).

Prima parte dell'esercizio: Utilizzare la pagina di *help* relativa al termine *printf\_conversion* per determinare il valore di  $n$  da inserire nel comando `printf('\nu = %.nf', u)` in modo che, dopo l'assegnamento `u = 2^(-53)`, venga stampata nella console una stringa contenente la scrittura posizionale in base dieci di  $u$ :

```
u = 0.00000000000000011102230246251565404236316680908203125
```

Sappiamo che  $u \approx 1.11 \cdot 10^{-16}$ , dunque le prime 15 cifre dopo il punto decimale della scrittura posizionale in base dieci di  $u$  valgono 0. Allora  $u \in F(10, 53 - 15) = F(10, 37)$ .

Seconda parte dell'esercizio: Utilizzare la pagina di *help* relativa al termine *printf\_conversion* per determinare il valore di  $n$  da inserire nel comando `printf('\nu = %.ne', u)` in modo che venga stampata nella console la stringa:

```
u = 1.1102230246251565404236316680908203125e-16
```

2. Mostrare, ragionando come nell'esercizio precedente, che la scrittura posizionale in base dieci di  $\sigma(1)$ , il successore di 1 in  $F(2, 53)$ , ha 52 cifre dopo il punto decimale. Posto:

```
s1 = nearfloat('succ', 1)
```

utilizzare il comando `printf` per ottenere, nella console, la stringa:

```
s1 = 1.0000000000000002220446049250313080847263336181640625
```

Decidere infine se  $\sigma(1) \in F(10, 52)$ .

3. Siano  $x = \beta^b \cdot 0.c_1c_2 \dots$  ed  $x^* = \beta^b \cdot 0.c_1^*c_2^* \dots$  due numeri reali positivi *con lo stesso esponente in base  $\beta$* . Se  $c_1 = c_1^*, \dots, c_n = c_n^*$  allora:

$$|x - x^*| < \beta^{b-n}$$

(Infatti, posto  $t = 0.c_1 \dots c_n$  si ha:  $|x - x^*| = \beta^b |(t + \beta^{-n} \cdot 0.c_{n+1} \dots) - (t + \beta^{-n} \cdot 0.c_{n+1}^* \dots)| = \beta^{b-n} |0.c_{n+1} \dots - 0.c_{n+1}^* \dots|$ . Ma  $|0.c_{n+1} \dots - 0.c_{n+1}^* \dots| < \max\{0.c_{n+1}^* \dots, 0.c_{n+1} \dots\} < 1$ .)

Prima parte dell'esercizio: Dimostrare che si ha anche:

$$\frac{|x - x^*|}{|x|} < \beta^{1-n}$$

Seconda parte dell'esercizio: Utilizzare il comando `printf` per ottenere, nella console, le scritture posizionali di `z4` e `z8` in base dieci:

$$z4 = 1.414215087890625 \quad \text{e} \quad z8 = 1.4142135642468929290771484375$$

Terza parte dell'esercizio: Verificare, utilizzando la prima delle disuguaglianze ricavate sopra, che:

$$|z4 - \sqrt{2}| < 10^{-4} \quad \text{e} \quad |z8 - \sqrt{2}| < 10^{-8}$$

4. Utilizzare *Scilab* per:

- (1) creare una variabile di nome `w` ed assegnarle valore il vettore di componenti 1, 3, 5, 7
- (2) eseguire l'assegnamento: `w($+1) = w($)`.

Descrivere l'effetto dell'assegnamento del punto 2.

5. Modificare opportunamente la procedura `Bisezione` per realizzare una procedura di intestazione

```
function [z,v,ampiezza,iter] = Bisezione(f,a,b,delta)
```

che restituisce, oltre all'approssimazione `z` e `v = f(z)`, *l'ampiezza* dell'ultimo intervallo costruito e *il numero di iterazioni eseguite*.