

Es: (uso del Tes di conv loc)

$$h(x) = \frac{\cos x}{2} \in \mathcal{C}^1(\mathbb{R})$$

- \exists p.u di h in $[0, \frac{\pi}{2}]$
- $\forall x \in [0, \frac{\pi}{2}]$, $|h'(x)| \leq \frac{1}{2} = L$
- $x \in [0, \frac{\pi}{2}] \Rightarrow h(x) \in [0, \frac{1}{2}] \subset [0, \frac{\pi}{2}]$
 q. d' $\forall x_0 \in [0, \frac{\pi}{2}]$ e success...

Oss: Se $[a, b]$, h verif le ip (1) e (2) del Tes conv loc,
NON È DETTO che $\forall x \in [a, b]$ si abbia $h(x) \in [a, b]$.

Es: $h: [1, 7] \rightarrow \mathbb{R}$ t.c. $h(x) = 3 - \frac{x}{2}$

- \exists p.u di h in $[1, 7]$; $\exists L$ che verif'ca ip (2)
MA $h(6) = 0 \notin [1, 7]$

Oss (scelta di x_0 per metodi ad un punto):

Siano $[a, b]$, $h \in \mathcal{C}^1(a, b)$ che verif ip (1) e (2) del Tes conv loc.

Allora: $x_0 =$ l'estremo di $[a, b]$ più vicino al p.u.
 genera una success in $[a, b]$.

(dim: ...)

Es: quello precedente ...