

TEO (stima f. errore): $F(\beta, m)$, $x <_{\text{reale positivo}} = \beta^b g$

$$\bullet |\delta(x)| \leq \frac{1}{2} \beta^{b-m}; |\epsilon(x)| \leq \frac{1}{2} \beta^{1-m}$$

(dim: $\exp(x) = b \Rightarrow x \in \frac{\beta^b}{\beta^b} \rightarrow |\delta(x)| \leq \frac{\text{distanza tra conc}}{2}$
 $= \frac{1}{2} \beta^{b-m}; |x| \geq \beta^{b-1} \Rightarrow \text{stima per } |\epsilon(x)|.$)

Oss:

- $rd(x) = x + \delta(x)$
- $rd(x) = x(1 + \epsilon(x)) \quad (x \neq 0)$

Es:

- $x = \frac{1}{3}$, $M = F(10, 3)$; calcolare $rd(x)$, $\delta(x)$, $\epsilon(x)$ e verif dirup del Teo.
- $x = 7$, \tilde{x} t.c. $|\frac{\tilde{x}-x}{x}| \leq \frac{1}{100}$; quali \tilde{x} verificano?
- PER CASA: $x = 7$, \tilde{x} t.c. $|\frac{\tilde{x}-x}{x}| \leq 1$; quali \tilde{x} verificano?

Es: $M = F(2, 4)$;

- mostrare che tutti gli elem positivi di M con esponenti ≥ 4 sono intei;
- mostrare che tutti gli interi positivi rappresentabili con al più 4 cifre in base 2 sono in M ;
- determ $\max \{ \xi \in M \mid \xi > 0 \text{ e } \xi \notin \mathbb{Z} \}$.

• $M = F(\beta, m)$; $\phi = \text{l'ins di tutte le funz da } M \text{ in } M$, anche di più variabili.

PSEUDO-OPERAZIONI ARITMETICHE

Es:

- $\oplus, \ominus, \otimes, \oslash$ def de $\xi_1 \oplus \xi_2 = rd(\xi_1 * \xi_2)$ sono elem di ϕ ;
- $F: \xi \rightarrow \text{esponente di } \xi$ non è elem di ϕ .

def: le funzioni predefinite sono un sottoinsieme finito di ϕ ; una elaborazione elementare è il calcolo di una f. predef o il confronto di due elem di M ($=, \neq, >, \geq$).

CALCOLATORE: dispositivo capace di eseguire sequenze finite di elaborazioni elementari. (II)

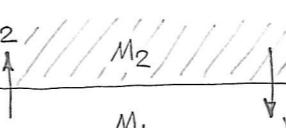
Oss: le pseudo-op. aritmetiche $\oplus: M \times M \rightarrow M$ approssimano le op. aritmetiche $*: \mathbb{R} \times \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ ("nel modo migliore possibile" ...). Tutte le f. predef devono essere pensate come elementi di ϕ che approssimano (nì qualche misura...) qualche funzione da \mathbb{R} in \mathbb{R} .

Es: per ogni num non neg, $\text{SQRT}(\xi) = rd(\sqrt{\xi})$ è (sempre!) una f. predefinita. È quella pensata per approssimare le f. def per ogn reale non negativo x da $x \rightarrow \sqrt{x}$.

Oss: data $\varphi: A \rightarrow M$ elem di ϕ , un calcolatore può essere utilizz per calcolare φ se $\forall \xi \in A$, $\varphi(\xi)$ si può ottenere con una sequenza finita di elaborazioni elementari. Qualunque descriz di φ in termini di seq. finiti di elaborazioni s' chiama algoritmo (che calcola φ).

Es: Si cons il calc def da $M = F(10, 2)$ e f. predef $\{\oplus, \otimes, \oslash\}$;

- determ tutti gli elem $\alpha \in M$ t.c. $\alpha \oplus 1 = 1$;
- decidere se $\forall \xi \in M$ e $n \in \mathbb{Z}$ si ha $10^n \otimes \xi = 10^n \xi$;
- decidere se si ha: $(1 \oslash 3) \otimes 3 = 1$.

Es:  $M_2 = F(2, 3)$, $M_{10} = F(10, 2)$

- verif che $x = \frac{1}{10} \in M_{10}$ e calc $\xi = rd_2(x)$;
- calc $\tilde{x} = rd_{10}(\xi)$ e decidere se $\tilde{x} = x$.

Es: $M = F(10, 6)$; calcolare $(10^5 \oplus 1) \otimes 10^5$ e $10^5 \otimes (1 \ominus 10^5)$.