

1. Gli Antichi costruivano le "volte a crociera" intersecando due cilindri uguali con assi ortogonali (di regola). L'**area** della volta a crociera (un quarto!) è $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x \in [0, 1], y \in [-x, x], z \geq 0, x^2 + z^2 = 1\}$ è:
A: N.A. B: $\pi^2/2$ C: 2π D: $2\sqrt{3}$ E: 2
2. I **valori** massimo e minimo (globali) di $f(x, y) = \cos(xy)$ nella regione $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 4x^2 + y^2 \leq 1\}$ sono:
A: $2\sqrt{2}, 1$ B: $1, \cos \frac{1}{4}$ C: non esistono D: $2/3, 0$ E: N.A.
3. L'insieme ottenuto dalla striscia chiusa $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \in [-1, 1]\}$ togliendovi il cerchio unitario aperto $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 < 1\}$ è:
A: né aperto né chiuso B: semplicemente connesso C: N.A. D: aperto E: connesso, ma non semplicemente
4. Il piano tangente al sostegno della superficie regolare $(u^3 + v^3, u^3v^3, u^2 + uv^2)$ in $(0, 0, 0)$ è:
A: N.A. B: non definito, perché la superficie non è regolare C: $2x + z = 0$ D: $y - z = 0$
E: $x + y + z = 0$
5. Il $\lim_{x, y \rightarrow 0} x^{xy}$
A: non esiste B: 0 C: non si può definire: $(0, 0)$ non è di accumulazione per il dominio della funzione D: N.A. E: 1
6. **Tutti** i potenziali della forma $\frac{\cos x}{y} dx - \frac{\sin x}{y^2} dy$ nel proprio dominio sono:
A: $\sin x/y$ B: $\sin x/y + \text{cost.}$ C: N.A. D: la forma non è integrabile nel proprio dominio
E: $\sin x/y + \begin{cases} \alpha & y > 0 \\ \beta & y < 0 \end{cases} \quad \alpha, \beta \in \mathbb{R}$
7. Il piano tangente ed il **versore** normale al grafico (orientato verso le z positive) di $f(x, y) = (\cos x)^{\lg y}$ nel punto corrispondente a $x = 0$ e $y = 1$ è:
A: non esiste B: $x + 2y - z = 2; (1, 0, 2)$ C: $z = 1; (0, 0, 1)$ D: N.A. E: $x + z = 1; (1/\sqrt{2}, 0, 1/\sqrt{2})$
8. Nell'intorno di quali soluzioni **NON** si può esplicitare x in funzione di y nell'equazione $y^2 - \cos(xy) = 0$?
A: $(x, y) = (h\pi, 0) \quad h \in \mathbb{N}$ B: $\{(2h\pi, 1), h \in \mathbb{Z}\} \cup \{(2h\pi, -1), h \in \mathbb{Z}\}$ C: N.A. D: si può sempre esplicitare E: $(x, y) = (1, 0)$ oppure $(0, \pi)$
9. L'area della regione (limitata) del piano la cui frontiera è costituita dalla porzione di spirale $\rho = \theta$ dove $\theta \in [\pi, 2\pi]$ e dal segmento $\{(x, 0), x \in [\pi, 2\pi]\}$ è
A: $4\pi^3/3$ B: N.A. C: non esiste: la regione non è misurabile. D: 2π E: $7\pi^3/6$

1. Il $\lim_{x,y \rightarrow 0} x^{xy}$
 A: non esiste B: non si può definire: $(0,0)$ non è di accumulazione per il dominio della funzione C: N.A. D: 0 E: 1
2. Il piano tangente ed il **versore** normale al grafico (orientato verso le z positive) di $f(x,y) = (\cos x)^{\lg y}$ nel punto corrispondente a $x = 0$ e $y = 1$ è:
 A: N.A. B: $x + 2y - z = 2$; $(1,0,2)$ C: non esiste D: $z = 1$; $(0,0,1)$ E: $x + z = 1$; $(1/\sqrt{2}, 0, 1/\sqrt{2})$
3. Nell'intorno di quali soluzioni **NON** si può esplicitare x in funzione di y nell'equazione $y^2 - \cos(xy) = 0$?
 A: $\{(2h\pi, 1), h \in \mathbb{Z}\} \cup \{(2h\pi, -1), h \in \mathbb{Z}\}$ B: N.A. C: $(x,y) = (1,0)$ oppure $(0,\pi)$ D: si può sempre esplicitare E: $(x,y) = (h\pi, 0)$ $h \in \mathbb{N}$
4. **Tutti** i potenziali della forma $\frac{\cos x}{y} dx - \frac{\sin x}{y^2} dy$ nel proprio dominio sono:
 A: N.A. B: $\sin x/y + \begin{cases} \alpha & y > 0 \\ \beta & y < 0 \end{cases}$ $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ C: $\sin x/y + \text{cost.}$ D: $\sin x/y$ E: la forma non è integrabile nel proprio dominio
5. L'area della regione (limitata) del piano la cui frontiera è costituita dalla porzione di spirale $\rho = \theta$ dove $\theta \in [\pi, 2\pi]$ e dal segmento $\{(x,0), x \in [\pi, 2\pi]\}$ è
 A: $4\pi^3/3$ B: non esiste: la regione non è misurabile. C: $7\pi^3/6$ D: N.A. E: 2π
6. Gli Antichi costruivano le "volte a crociera" intersecando due cilindri uguali con assi ortogonali (di regola). L'**area** della volta a crociera (un quarto!) è $\{(x,y,z) \in \mathbb{R}^3 : x \in [0,1], y \in [-x,x], z \geq 0, x^2 + z^2 = 1\}$ è:
 A: $\pi^2/2$ B: 2π C: 2 D: N.A. E: $2\sqrt{3}$
7. I **valori** massimo e minimo (globali) di $f(x,y) = \cos(xy)$ nella regione $\{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : 4x^2 + y^2 \leq 1\}$ sono:
 A: $1, \cos \frac{1}{4}$ B: $2/3, 0$ C: $2\sqrt{2}, 1$ D: N.A. E: non esistono
8. Il piano tangente al sostegno della superficie regolare $(u^3 + v^3, u^3v^3, u^2 + uv^2)$ in $(0,0,0)$ è:
 A: $y - z = 0$ B: $2x + z = 0$ C: $x + y + z = 0$ D: non definito, perché la superficie non è regolare E: N.A.
9. L'insieme ottenuto dalla striscia chiusa $\{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : x \in [-1,1]\}$ togliendovi il cerchio unitario aperto $\{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 < 1\}$ è:
 A: aperto B: N.A. C: connesso, ma non semplicemente D: semplicemente connesso
 E: né aperto né chiuso

- I **valori** massimo e minimo (globali) di $f(x, y) = \cos(xy)$ nella regione $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 4x^2 + y^2 \leq 1\}$ sono:
A: $1, \cos \frac{1}{4}$ B: N.A. C: $2/3, 0$ D: $2\sqrt{2}, 1$ E: non esistono
- L'insieme ottenuto dalla striscia chiusa $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \in [-1, 1]\}$ togliendovi il cerchio unitario aperto $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 < 1\}$ è:
A: né aperto né chiuso B: connesso, ma non semplicemente C: semplicemente connesso
D: aperto E: N.A.
- Tutti** i potenziali della forma $\frac{\cos x}{y} dx - \frac{\sin x}{y^2} dy$ nel proprio dominio sono:
A: $\sin x/y + \begin{cases} \alpha & y > 0 \\ \beta & y < 0 \end{cases} \quad \alpha, \beta \in \mathbb{R}$ B: $\sin x/y$ C: $\sin x/y + \text{cost.}$ D: N.A. E: la forma non è integrabile nel proprio dominio
- Gli Antichi costruivano le "volte a crociera" intersecando due cilindri uguali con assi ortogonali (di regola). L'**area** della volta a crociera (un quarto!) è $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x \in [0, 1], y \in [-x, x], z \geq 0, x^2 + z^2 = 1\}$ è:
A: 2π B: $2\sqrt{3}$ C: $\pi^2/2$ D: 2 E: N.A.
- Il piano tangente al sostegno della superficie regolare $(u^3 + v^3, u^3v^3, u^2 + uv^2)$ in $(0, 0, 0)$ è:
A: N.A. B: $y - z = 0$ C: $x + y + z = 0$ D: $2x + z = 0$ E: non definito, perché la superficie non è regolare
- Il $\lim_{x, y \rightarrow 0} x^{xy}$
A: non si può definire: $(0, 0)$ non è di accumulazione per il dominio della funzione B: non esiste C: 0 D: 1 E: N.A.
- Nell'intorno di quali soluzioni **NON** si può esplicitare x in funzione di y nell'equazione $y^2 - \cos(xy) = 0$?
A: $\{(2h\pi, 1), h \in \mathbb{Z}\} \cup \{(2h\pi, -1), h \in \mathbb{Z}\}$ B: si può sempre esplicitare C: N.A. D: $(x, y) = (1, 0)$ oppure $(0, \pi)$ E: $(x, y) = (h\pi, 0) \quad h \in \mathbb{N}$
- L'area della regione (limitata) del piano la cui frontiera è costituita dalla porzione di spirale $\rho = \theta$ dove $\theta \in [\pi, 2\pi]$ e dal segmento $\{(x, 0), x \in [\pi, 2\pi]\}$ è
A: N.A. B: 2π C: non esiste: la regione non è misurabile. D: $7\pi^3/6$ E: $4\pi^3/3$
- Il piano tangente ed il **versore** normale al grafico (orientato verso le z positive) di $f(x, y) = (\cos x)^{\lg y}$ nel punto corrispondente a $x = 0$ e $y = 1$ è:
A: $x + z = 1; (1/\sqrt{2}, 0, 1/\sqrt{2})$ B: N.A. C: $x + 2y - z = 2; (1, 0, 2)$ D: $z = 1; (0, 0, 1)$
E: non esiste

- I **valori** massimo e minimo (globali) di $f(x, y) = \cos(xy)$ nella regione $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 4x^2 + y^2 \leq 1\}$ sono:
A: N.A. B: $1, \cos \frac{1}{4}$ C: $2\sqrt{2}, 1$ D: non esistono E: $2/3, 0$
- Nell'intorno di quali soluzioni **NON** si può esplicitare x in funzione di y nell'equazione $y^2 - \cos(xy) = 0$?
A: $(x, y) = (h\pi, 0) \quad h \in \mathbb{N}$ B: si può sempre esplicitare C: $\{(2h\pi, 1), h \in \mathbb{Z}\} \cup \{(2h\pi, -1), h \in \mathbb{Z}\}$ D: $(x, y) = (1, 0)$ oppure $(0, \pi)$ E: N.A.
- Il piano tangente ed il **versore** normale al grafico (orientato verso le z positive) di $f(x, y) = (\cos x)^{\lg y}$ nel punto corrispondente a $x = 0$ e $y = 1$ è:
A: $z = 1; (0, 0, 1)$ B: $x + 2y - z = 2; (1, 0, 2)$ C: $x + z = 1; (1/\sqrt{2}, 0, 1/\sqrt{2})$ D: N.A.
E: non esiste
- Il piano tangente al sostegno della superficie regolare $(u^3 + v^3, u^3v^3, u^2 + uv^2)$ in $(0, 0, 0)$ è:
A: $x + y + z = 0$ B: non definito, perché la superficie non è regolare C: $2x + z = 0$ D: $y - z = 0$ E: N.A.
- L'insieme ottenuto dalla striscia chiusa $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x \in [-1, 1]\}$ togliendovi il cerchio unitario aperto $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 < 1\}$ è:
A: aperto B: semplicemente connesso C: connesso, ma non semplicemente D: né aperto né chiuso E: N.A.
- Gli Antichi costruivano le "volte a crociera" intersecando due cilindri uguali con assi ortogonali (di regola). L'**area** della volta a crociera (un quarto!) è $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : x \in [0, 1], y \in [-x, x], z \geq 0, x^2 + z^2 = 1\}$ è:
A: $\pi^2/2$ B: 2π C: N.A. D: 2 E: $2\sqrt{3}$
- Tutti** i potenziali della forma $\frac{\cos x}{y} dx - \frac{\sin x}{y^2} dy$ nel proprio dominio sono:
A: $\sin x/y$ B: la forma non è integrabile nel proprio dominio C: $\sin x/y + \text{cost.}$ D: N.A.
E: $\sin x/y + \begin{cases} \alpha & y > 0 \\ \beta & y < 0 \end{cases} \quad \alpha, \beta \in \mathbb{R}$
- Il $\lim_{x, y \rightarrow 0} x^{xy}$
A: N.A. B: 0 C: 1 D: non si può definire: $(0, 0)$ non è di accumulazione per il dominio della funzione E: non esiste
- L'area della regione (limitata) del piano la cui frontiera è costituita dalla porzione di spirale $\rho = \theta$ dove $\theta \in [\pi, 2\pi]$ e dal segmento $\{(x, 0), x \in [\pi, 2\pi]\}$ è
A: 2π B: non esiste: la regione non è misurabile. C: $7\pi^3/6$ D: $4\pi^3/3$ E: N.A.

