



1. L'equazione implicita del piano per  $(2, 2, 1)$  e parallelo a  $(0, 1, 1)$  e  $(1, 1, 0)$  è

A:  $y - 2z = 0$    B:  $x - y + z = 1$    C: N.A.   D:  $x - y - z = -1$    E:  $x - y = 0$

2. La forma quadratica  $x^2 - xy + 2y^2 - yz + z^2$  è

A: semidefinita positiva   B: semidefinita negativa   C: definita positiva   D: definita negativa   E: indefinita

3. La matrice associata a  $\mathcal{A}(u) = u'' - u$ , rispetto alla base  $\{\sin t, \cos t\}$  dello spazio da esse generato, è

A: i vettori forniti sono dipendenti   B: non è definita dallo spazio in sè   C:  $\begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$    D: N.A.   E:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$

4. Il determinante  $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{vmatrix}$  vale

5. L'area del triangolo di vertici  $(1, 1, 2), (1, 1, 0), (1, 2, 1)$  è

A: N.A.   B: 5   C: 3   D: -2   E: 1

6. Date  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$  e  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $AB$  e  $A^*B$  valgono

A: N.A.   B: non esiste,  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$    C: non esiste,  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$    D: non esiste, non esiste   E: non esiste,  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \\ 3 & 7 \end{pmatrix}$

7. I due piani (parametrici)  $(1, 1, 1) + s(2, 1, 2) + t(0, 1, 2)$  e  $u(2, 0, 0) + v(4, 1, 2)$  sono

A: N.A.   B: paralleli   C: coincidenti   D: incidenti   E: sghembi

8. L'operatore definito su  $\mathbb{C}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} i & 1 & 1 \\ 1 & 0 & i \\ 1 & -i & 3 \end{pmatrix}$

A: N.A.   B: non è definito   C: non è autoaggiunto   D: è simmetrico   E: è autoaggiunto

9. Sia  $X = C^0[0, \pi]$ , col prodotto scalare  $fg = \int_0^\pi f(t)g(t)dt$ . La distanza fra  $f(t) = \sin t$  e  $g(t) = \sin 2t$  è

A: N.A.   B: non è definita   C:  $\pi$    D:  $\sqrt{\pi}$    E:  $\sqrt{2}$

10. La matrice  $\begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & -2 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}$

A: non è diagonalizzabile perché non ha autovalori distinti   B: N.A.   C: è diagonalizzabile perché ha autovalori reali distinti   D: è diagonalizzabile perché l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione 2.   E: non è diagonalizzabile perché l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione 1.

11. Il nucleo dell'applicazione definita dalla matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 3 & -1 \\ 1 & 2 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  è

A:  $\{0\}$    B:  $\langle (2, 0, 1, 0), (-1, -1, 0, 0) \rangle$    C: N.A.   D:  $\langle (-2, 1, 1, 0), (1, -1, 0, 1) \rangle$    E: è vuoto



1. L'operatore definito su  $\mathbb{C}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} i & 1 & 1 \\ 1 & 0 & i \\ 1 & -i & 3 \end{pmatrix}$

A: N.A. B: non è definito C: è autoaggiunto D: è simmetrico E: non è autoaggiunto

2. I due piani (parametrici)  $(1, 1, 1) + s(2, 1, 2) + t(0, 1, 2)$  e  $u(2, 0, 0) + v(4, 1, 2)$  sono

A: paralleli B: N.A. C: coincidenti D: sghembi E: incidenti

3. Date  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$  e  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $AB$  e  $A^*B$  valgono

A: non esiste, non esiste B: non esiste,  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \\ 3 & 7 \end{pmatrix}$  C: non esiste,  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$  D: non esiste,  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$  E: N.A.

4. La matrice  $\begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & -2 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}$

A: non è diagonalizzabile perché non ha autovalori distinti B: è diagonalizzabile perché ha autovalori reali distinti  
C: N.A. D: è diagonalizzabile perché l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione 2. E: non è diagonalizzabile perché l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione 1.

5. Il determinante  $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{vmatrix}$  vale

6. L'area del triangolo di vertici  $(1, 1, 2)$ ,  $(1, 1, 0)$ ,  $(1, 2, 1)$  è

A: -2 B: 5 C: 1 D: 3 E: N.A.

7. L'equazione implicita del piano per  $(2, 2, 1)$  e parallelo a  $(0, 1, 1)$  e  $(1, 1, 0)$  è

A:  $x - y - z = -1$  B:  $y - 2z = 0$  C:  $x - y + z = 1$  D:  $x - y = 0$  E: N.A.

8. La forma quadratica  $x^2 - xy + 2y^2 - yz + z^2$  è

A: semidefinita positiva B: semidefinita negativa C: indefinita D: definita positiva E: definita negativa

9. La matrice associata a  $\mathcal{A}(u) = u'' - u$ , rispetto alla base  $\{\sin t, \cos t\}$  dello spazio da esse generato, è

A:  $\begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  B:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  C: non è definita dallo spazio in sé D: i vettori forniti sono dipendenti E: N.A.

10. Sia  $X = C^0[0, \pi]$ , col prodotto scalare  $fg = \int_0^\pi f(t)g(t)dt$ . La distanza fra  $f(t) = \sin t$  e  $g(t) = \sin 2t$  è

A:  $\sqrt{2}$  B: N.A. C:  $\sqrt{\pi}$  D:  $\pi$  E: non è definita

11. Il nucleo dell'applicazione definita dalla matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 3 & -1 \\ 1 & 2 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  è

A: è vuoto B:  $\langle(-2, 1, 1, 0), (1, -1, 0, 1)\rangle$  C:  $\{0\}$  D: N.A. E:  $\langle(2, 0, 1, 0), (-1, -1, 0, 0)\rangle$



1. Il determinante  $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{vmatrix}$  vale
2. L'area del triangolo di vertici  $(1, 1, 2)$ ,  $(1, 1, 0)$ ,  $(1, 2, 1)$  è  
A: 1 B: -2 C: 3 D: 5 E: N.A.
3. La matrice associata a  $\mathcal{A}(u) = u'' - u$ , rispetto alla base  $\{\sin t, \cos t\}$  dello spazio da esse generato, è  
A:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  B: N.A. C:  $\begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$  D: i vettori forniti sono dipendenti E: non è definita dallo spazio in sè
4. La forma quadratica  $x^2 - xy + 2y^2 - yz + z^2$  è  
A: semidefinita positiva B: definita positiva C: semidefinita negativa D: definita negativa E: indefinita
5. Il nucleo dell'applicazione definita dalla matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 3 & -1 \\ 1 & 2 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  è  
A: è vuoto B:  $\langle(2, 0, 1, 0), (-1, -1, 0, 0)\rangle$  C: N.A. D:  $\{0\}$  E:  $\langle(-2, 1, 1, 0), (1, -1, 0, 1)\rangle$
6. L'equazione implicita del piano per  $(2, 2, 1)$  e parallelo a  $(0, 1, 1)$  e  $(1, 1, 0)$  è  
A:  $y - 2z = 0$  B: N.A. C:  $x - y - z = -1$  D:  $x - y = 0$  E:  $x - y + z = 1$
7. La matrice  $\begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & -2 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}$   
A: è diagonalizzabile perché l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione 2. B: è diagonalizzabile perché ha autovalori reali distinti C: non è diagonalizzabile perché non ha autovalori distinti D: non è diagonalizzabile perché l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione 1. E: N.A.
8. I due piani (parametrici)  $(1, 1, 1) + s(2, 1, 2) + t(0, 1, 2)$  e  $u(2, 0, 0) + v(4, 1, 2)$  sono  
A: N.A. B: sghembi C: incidenti D: coincidenti E: paralleli
9. Sia  $X = C^0[0, \pi]$ , col prodotto scalare  $fg = \int_0^\pi f(t)g(t)dt$ . La distanza fra  $f(t) = \sin t$  e  $g(t) = \sin 2t$  è  
A:  $\sqrt{2}$  B:  $\sqrt{\pi}$  C:  $\pi$  D: non è definita E: N.A.
10. L'operatore definito su  $\mathbb{C}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} i & 1 & 1 \\ 1 & 0 & i \\ 1 & -i & 3 \end{pmatrix}$   
A: è autoaggiunto B: N.A. C: non è definito D: non è autoaggiunto E: è simmetrico
11. Date  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$  e  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $AB$  e  $A^*B$  valgono  
A: non esiste,  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$  B: N.A. C: non esiste,  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$  D: non esiste, non esiste E: non esiste,  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \\ 3 & 7 \end{pmatrix}$



1. Date  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$  e  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $AB$  e  $A^*B$  valgono  
 A: non esiste,  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \\ 3 & 7 \end{pmatrix}$  B: non esiste,  $\begin{pmatrix} 6 & 5 \\ 7 & 5 \end{pmatrix}$  C: non esiste,  $\begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 3 & 3 \end{pmatrix}$  D: N.A. E: non esiste, non esiste
2. La matrice  $\begin{pmatrix} 0 & 1 & -1 \\ 0 & 2 & -2 \\ 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}$   
 A: è diagonalizzabile perché l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione 2. B: non è diagonalizzabile perché non ha autovalori distinti C: N.A. D: non è diagonalizzabile perché l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione 1. E: è diagonalizzabile perché ha autovalori reali distinti
3. L'operatore definito su  $\mathbb{C}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} i & 1 & 1 \\ 1 & 0 & i \\ 1 & -i & 3 \end{pmatrix}$   
 A: è simmetrico B: è autoaggiunto C: non è autoaggiunto D: non è definito E: N.A.
4. Sia  $X = C^0[0, \pi]$ , col prodotto scalare  $fg = \int_0^\pi f(t)g(t)dt$ . La distanza fra  $f(t) = \sin t$  e  $g(t) = \sin 2t$  è  
 A:  $\pi$  B: non è definita C:  $\sqrt{2}$  D:  $\sqrt{\pi}$  E: N.A.
5. La matrice associata a  $\mathcal{A}(u) = u'' - u$ , rispetto alla base  $\{\sin t, \cos t\}$  dello spazio da esse generato, è  
 A: non è definita dallo spazio in sè B:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$  C: N.A. D: i vettori forniti sono dipendenti E:  $\begin{pmatrix} -2 & 0 \\ 0 & -2 \end{pmatrix}$
6. L'equazione implicita del piano per  $(2, 2, 1)$  e parallelo a  $(0, 1, 1)$  e  $(1, 1, 0)$  è  
 A:  $x - y + z = 1$  B:  $y - 2z = 0$  C:  $x - y = 0$  D:  $x - y - z = -1$  E: N.A.
7. Il nucleo dell'applicazione definita dalla matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 3 & -1 \\ 1 & 2 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  è  
 A: è vuoto B:  $\{0\}$  C:  $\langle(-2, 1, 1, 0), (1, -1, 0, 1)\rangle$  D: N.A. E:  $\langle(2, 0, 1, 0), (-1, -1, 0, 0)\rangle$
8. La forma quadratica  $x^2 - xy + 2y^2 - yz + z^2$  è  
 A: definita negativa B: definita positiva C: semidefinita negativa D: semidefinita positiva E: indefinita
9. I due piani (parametrici)  $(1, 1, 1) + s(2, 1, 2) + t(0, 1, 2)$  e  $u(2, 0, 0) + v(4, 1, 2)$  sono  
 A: N.A. B: incidenti C: paralleli D: coincidenti E: sghembi
10. Il determinante  $\begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{vmatrix}$  vale
11. L'area del triangolo di vertici  $(1, 1, 2), (1, 1, 0), (1, 2, 1)$  è  
 A: 3 B: 1 C: -2 D: N.A. E: 5







