

PARTE A

1. La funzione $f(x, y) = \lg(1 + \sqrt{x^2 + y^2})$ in $(0, 0)$ è
A: N.A. B: differenziabile C: discontinua D: continua, ma non derivabile E: derivabile, ma non differenziabile
2. L'area della porzione del piano in \mathbb{R}^3 di equazione $z = x + y$, sovrastante la regione del piano xy compresa fra l'asse x e la porzione di spirale di Archimede $\rho = \theta$, $\theta \in [0, \pi]$ vale:
A: $12\pi/\sqrt{7}$ B: $\pi^3/2\sqrt{3}$ C: N.A. D: $3\sqrt{2}$ E: $2\pi\sqrt{3}$
3. L'insieme $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 < 1 \quad x^2 + y^2 - x > 0\}$ è aperto? È semplicemente connesso? È stella?
A: sì, sì, sì B: sì, sì, no C: no, no, no D: N.A. E: sì, no, no
4. Il polinomio di Taylor di grado 1 della funzione $f(x, y) = (x + y)^{xy}$, nel punto $(1, 1)$ è
A: $(2 \lg 2 + 1)x + (2 \lg 2 + 1)y - 4 \lg 2$ B: non esiste C: $x - y \lg 3$ D: $(\lg 2 + 1)x - (\lg 2 + 1)y - 2 \lg 2$ E: N.A.
5. L'integrale (curvilineo) di $f(x, y) = x^2 y$, esteso all'arco di circonferenza unitaria che giace nel primo quadrante, vale
A: 2π B: N.A. C: $1/3$ D: 1 E: 2
6. Il $\lim_{x, y \rightarrow 0} \frac{1 - \cos \sqrt{x^2 + y^2}}{x^2 + y^2}$ vale
A: non esiste B: 0 C: N.A. D: $+\infty$ E: $1/2$
7. I vettori $(1, 2, 1)$ e $(1, 1, 0)$, nel punto $(1, 1, 2)$ del sostegno della superficie parametrica $(u, v) \rightarrow (u^v, uv, u + v)$ corrispondente a $u = 1, v = 1$ sono:
A: tangente, normale B: tangente, tangente C: tangente, ne' tangente ne' normale D: normale, normale E: N.A.
8. L'integrale di $f(x, y) = xy$ esteso a $\{(x, y) : x^2 + y^2 - x < 0\}$ vale
A: -1 B: non esiste C: $2\sqrt{3}$ D: N.A. E: 0
9. In quali punti si può applicare il teorema di inversione locale al cambio di variabili $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} x^2 + y \\ x - y^2 \end{pmatrix}$
A: $xy \neq 1$ B: sempre C: $xy \neq -1/4$ D: $xy^2 \neq 1$ E: N.A.

PARTE A

1. L'integrale di $f(x, y) = xy$ esteso a $\{(x, y) : x^2 + y^2 - x < 0\}$ vale
A: N.A. B: 0 C: $2\sqrt{3}$ D: -1 E: non esiste
2. La funzione $f(x, y) = \lg(1 + \sqrt{x^2 + y^2})$ in $(0, 0)$ è
A: derivabile, ma non differenziabile B: continua, ma non derivabile C: discontinua D:
N.A. E: differenziabile
3. In quali punti si può applicare il teorema di inversione locale al cambio di variabili $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} x^2 + y \\ x - y^2 \end{pmatrix}$
A: sempre B: $xy \neq -1/4$ C: $xy^2 \neq 1$ D: $xy \neq 1$ E: N.A.
4. I vettori $(1, 2, 1)$ e $(1, 1, 0)$, nel punto $(1, 1, 2)$ del sostegno della superficie parametrica $(u, v) \rightarrow (u^v, uv, u + v)$ corrispondente a $u = 1, v = 1$ sono:
A: tangente, ne' tangente ne' normale B: tangente, normale C: normale, normale D:
tangente, tangente E: N.A.
5. L'integrale (curvilineo) di $f(x, y) = x^2y$, esteso all'arco di circonferenza unitaria che giace nel primo quadrante, vale
A: $1/3$ B: 2 C: N.A. D: 2π E: 1
6. L'area della porzione del piano in \mathbb{R}^3 di equazione $z = x + y$, sovrastante la regione del piano xy compresa fra l'asse x e la porzione di spirale di Archimede $\rho = \theta, \theta \in [0, \pi]$ vale:
A: N.A. B: $\pi^3/2\sqrt{3}$ C: $3\sqrt{2}$ D: $2\pi\sqrt{3}$ E: $12\pi/\sqrt{7}$
7. L'insieme $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 < 1 \quad x^2 + y^2 - x > 0\}$ è aperto? È semplicemente connesso? È stella?
A: no,no,no B: sì, sì, no C: sì,sì,sì D: N.A. E: sì, no,no
8. Il $\lim_{x,y \rightarrow 0} \frac{1 - \cos \sqrt{x^2 + y^2}}{x^2 + y^2}$ vale
A: $+\infty$ B: non esiste C: 0 D: N.A. E: $1/2$
9. Il polinomio di Taylor di grado 1 della funzione $f(x, y) = (x + y)^{xy}$, nel punto $(1, 1)$ è
A: non esiste B: $(\lg 2 + 1)x - (\lg 2 + 1)y - 2 \lg 2$ C: $x - y \lg 3$ D: $(2 \lg 2 + 1)x + (2 \lg 2 + 1)y - 4 \lg 2$ E: N.A.

PARTE A

1. L'area della porzione del piano in \mathbb{R}^3 di equazione $z = x + y$, sovrastante la regione del piano xy compresa fra l'asse x e la porzione di spirale di Archimede $\rho = \theta$, $\theta \in [0, \pi]$ vale:
A: $\pi^3/2\sqrt{3}$ B: $3\sqrt{2}$ C: $12\pi/\sqrt{7}$ D: $2\pi\sqrt{3}$ E: N.A.
2. In quali punti si può applicare il teorema di inversione locale al cambio di variabili $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} x^2 + y \\ x - y^2 \end{pmatrix}$
A: $xy^2 \neq 1$ B: $xy \neq 1$ C: $xy \neq -1/4$ D: N.A. E: sempre
3. L'integrale di $f(x, y) = xy$ esteso a $\{(x, y) : x^2 + y^2 - x < 0\}$ vale
A: 0 B: N.A. C: non esiste D: $2\sqrt{3}$ E: -1
4. Il polinomio di Taylor di grado 1 della funzione $f(x, y) = (x + y)^{xy}$, nel punto $(1, 1)$ è
A: $(2 \lg 2 + 1)x + (2 \lg 2 + 1)y - 4 \lg 2$ B: $(\lg 2 + 1)x - (\lg 2 + 1)y - 2 \lg 2$ C: $x - y \lg 3$
D: N.A. E: non esiste
5. I vettori $(1, 2, 1)$ e $(1, 1, 0)$, nel punto $(1, 1, 2)$ del sostegno della superficie parametrica $(u, v) \rightarrow (u^v, uv, u + v)$ corrispondente a $u = 1, v = 1$ sono:
A: tangente, tangente B: normale, normale C: tangente, ne' tangente ne' normale D: tangente, normale E: N.A.
6. L'insieme $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 < 1 \quad x^2 + y^2 - x > 0\}$ è aperto? È semplicemente connesso? È stella?
A: N.A. B: sì, sì, no C: sì, sì, sì D: no, no, no E: sì, no, no
7. L'integrale (curvilineo) di $f(x, y) = x^2y$, esteso all'arco di circonferenza unitaria che giace nel primo quadrante, vale
A: $1/3$ B: 2 C: 1 D: N.A. E: 2π
8. La funzione $f(x, y) = \lg(1 + \sqrt{x^2 + y^2})$ in $(0, 0)$ è
A: continua, ma non derivabile B: discontinua C: N.A. D: differenziabile E: derivabile, ma non differenziabile
9. Il $\lim_{x, y \rightarrow 0} \frac{1 - \cos \sqrt{x^2 + y^2}}{x^2 + y^2}$ vale
A: $+\infty$ B: N.A. C: non esiste D: 0 E: $1/2$

PARTE A

1. L'integrale di $f(x, y) = xy$ esteso a $\{(x, y) : x^2 + y^2 - x < 0\}$ vale
A: 0 B: N.A. C: $2\sqrt{3}$ D: non esiste E: -1
2. La funzione $f(x, y) = \lg(1 + \sqrt{x^2 + y^2})$ in $(0, 0)$ è
A: discontinua B: differenziabile C: derivabile, ma non differenziabile D: N.A. E: continua, ma non derivabile
3. L'insieme $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 < 1 \quad x^2 + y^2 - x > 0\}$ è aperto? È semplicemente connesso? È stella?
A: sì, sì, sì B: sì, sì, no C: N.A. D: sì, no, no E: no, no, no
4. Il polinomio di Taylor di grado 1 della funzione $f(x, y) = (x + y)^{xy}$, nel punto $(1, 1)$ è
A: non esiste B: $(2 \lg 2 + 1)x + (2 \lg 2 + 1)y - 4 \lg 2$ C: $x - y \lg 3$ D: N.A. E: $(\lg 2 + 1)x - (\lg 2 + 1)y - 2 \lg 2$
5. Il $\lim_{x, y \rightarrow 0} \frac{1 - \cos \sqrt{x^2 + y^2}}{x^2 + y^2}$ vale
A: $+\infty$ B: N.A. C: $1/2$ D: non esiste E: 0
6. L'area della porzione del piano in \mathbb{R}^3 di equazione $z = x + y$, sovrastante la regione del piano xy compresa fra l'asse x e la porzione di spirale di Archimede $\rho = \theta$, $\theta \in [0, \pi]$ vale:
A: $12\pi/\sqrt{7}$ B: $\pi^3/2\sqrt{3}$ C: N.A. D: $2\pi\sqrt{3}$ E: $3\sqrt{2}$
7. I vettori $(1, 2, 1)$ e $(1, 1, 0)$, nel punto $(1, 1, 2)$ del sostegno della superficie parametrica $(u, v) \rightarrow (u^v, uv, u + v)$ corrispondente a $u = 1, v = 1$ sono:
A: tangente, tangente B: normale, normale C: N.A. D: tangente, ne' tangente ne' normale E: tangente, normale
8. L'integrale (curvilineo) di $f(x, y) = x^2y$, esteso all'arco di circonferenza unitaria che giace nel primo quadrante, vale
A: N.A. B: 1 C: $1/3$ D: 2 E: 2π
9. In quali punti si può applicare il teorema di inversione locale al cambio di variabili $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} x^2 + y \\ x - y^2 \end{pmatrix}$
A: sempre B: $xy \neq 1$ C: $xy^2 \neq 1$ D: N.A. E: $xy \neq -1/4$

