

1. La direzione di massima pendenza ascendente di $f(x, y) = x^x \lg y$ in $(1, 1)$, ed il piano tangente al suo grafico nel punto corrispondente sono:
A: $(0, 1), z = y - 1$ B: N.A. C: $(1, 1), z = x + 2y - 2$ D: $(1, 2), z = x + 1$ E: non esistono
2. L'integrale $\int_T \frac{1}{x^2+y^2} dx dy$, ove T è la regione convessa limitata fra l'asse x e la parabola $y = \frac{1}{4} - x^2$ vale:
A: non esiste B: 1 C: $\pi/2$ D: 0 E: N.A.
3. Il punto $(0, 0)$, rispetto alla regione $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x - \frac{1}{6}x^3 < y < \sin x\}$ è:
A: N.A. B: isolato C: esterno D: interno E: di frontiera, non isolato
4. L'area racchiusa dalla curva parametrica $\gamma(t) = (2 \cos t, \sin t) \quad t \in [0, 2\pi]$ è:
A: $\pi/2$ B: 2π C: 0 D: N.A. E: 3
5. Il polinomio di Taylor di grado 2 in $(0, 0)$ di $f(x, y) = x + xy - 3y^2 - 4x^2y^2$ è:
A: N.A. B: x C: $x + xy$ D: $x + xy - 3y^2$ E: $1 + x + y$
6. Il vettore normale ed il piano tangente al sostegno della superficie
$$(u, v) \rightarrow (\sin u \cos v, \cos u \sin v, \sin u)$$
nel punto immagine di $(0, 0)$ sono
A: $(1, 1, 1), x + y + z = 2$ B: N.A.
C: $(-1, 0, 1), z = x$ D: non esistono E: $(0, 1, 1), y + z = 3$
7. Il cambio di coordinate definito da $(x, y) \rightarrow (x^2 - y^2, xy)$ è localmente invertibile nell'intorno dei punti
A: $xy \neq 0$ B: N.A. C: non è mai localmente invertibile D: $x \neq 1$ E: distinti dall'origine
8. La lunghezza dell'arco di curva parametrica in \mathbb{R}^3 $\gamma(t) = (t \cos t, t \sin t, t) \quad t \in [0, 2\pi]$ è:
(nelle risposte \sinh^{-1} denota l'inversa del \sinh)
A: $\pi\sqrt{2 + 4\pi^2} + \sinh^{-1}(\pi\sqrt{2})$ B: $\sinh^{-1} 2\sqrt{2\pi}$ C: non è rettificabile D: N.A.
E: $\pi\sqrt{\pi} + \sinh^{-1} 2\pi$
9. L'integrale curvilineo della funzione $f(x, y) = x^2y^{-3}$ esteso a $\gamma(t) = (t, 1/\sqrt{t}) \quad t \in [1, 2]$ è:
A: $(33\sqrt{33} - 5\sqrt{5})/36$ B: non esiste C: N.A. D: $(11\sqrt{11} - 7\sqrt{7})/18$ E: $(e\sqrt{e} - 1)/12$

1. Il polinomio di Taylor di grado 2 in $(0,0)$ di $f(x,y) = x + xy - 3y^2 - 4x^2y^2$ è:
A: $x + xy$ B: $1 + x + y$ C: $x + xy - 3y^2$ D: N.A. E: x
2. Il cambio di coordinate definito da $(x,y) \rightarrow (x^2 - y^2, xy)$ è localmente invertibile nell'intorno dei punti
A: non è mai localmente invertibile B: N.A. C: distinti dall'origine D: $xy \neq 0$ E: $x \neq 1$
3. Il vettore normale ed il piano tangente al sostegno della superficie
$$(u,v) \rightarrow (\sin u \cos v, \cos u \sin v, \sin u)$$

nel punto immagine di $(0,0)$ sono
A: $(-1,0,1), z = x$ B: non esistono C: N.A.
D: $(0,1,1), y + z = 3$ E: $(1,1,1), x + y + z = 2$
4. L'integrale curvilineo della funzione $f(x,y) = x^2y^{-3}$ esteso a $\gamma(t) = (t, 1/\sqrt{t})$ $t \in [1,2]$ è:
A: $(11\sqrt{11} - 7\sqrt{7})/18$ B: N.A. C: $(33\sqrt{33} - 5\sqrt{5})/36$ D: $(e\sqrt{e} - 1)/12$ E: non esiste
5. La direzione di massima pendenza ascendente di $f(x,y) = x^x \lg y$ in $(1,1)$, ed il piano tangente al suo grafico nel punto corrispondente sono:
A: N.A. B: $(1,1), z = x + 2y - 2$ C: non esistono D: $(0,1), z = y - 1$ E: $(1,2), z = x + 1$
6. L'area racchiusa dalla curva parametrica $\gamma(t) = (2 \cos t, \sin t)$ $t \in [0, 2\pi]$ è:
A: N.A. B: 0 C: 2π D: $\pi/2$ E: 3
7. Il punto $(0,0)$, rispetto alla regione $\{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : x - \frac{1}{6}x^3 < y < \sin x\}$ è:
A: esterno B: di frontiera, non isolato C: isolato D: N.A. E: interno
8. L'integrale $\int_T \frac{1}{x^2+y^2} dx dy$, ove T è la regione convessa limitata fra l'asse x e la parabola $y = \frac{1}{4} - x^2$ vale:
A: non esiste B: N.A. C: $\pi/2$ D: 0 E: 1
9. La lunghezza dell'arco di curva parametrica in \mathbb{R}^3 $\gamma(t) = (t \cos t, t \sin t, t)$ $t \in [0, 2\pi]$ è:
(nelle risposte \sinh^{-1} denota l'inversa del \sinh)
A: $\pi\sqrt{\pi} + \sinh^{-1} 2\pi$ B: $\pi\sqrt{2 + 4\pi^2} + \sinh^{-1}(\pi\sqrt{2})$ C: non è rettificabile D: $\sinh^{-1} 2\sqrt{2\pi}$
E: N.A.

- L'area racchiusa dalla curva parametrica $\gamma(t) = (2 \cos t, \sin t) \quad t \in [0, 2\pi]$ è:
A: 3 B: $\pi/2$ C: N.A. D: 0 E: 2π
- La direzione di massima pendenza ascendente di $f(x, y) = x^x \lg y$ in $(1, 1)$, ed il piano tangente al suo grafico nel punto corrispondente sono:
A: N.A. B: $(1, 1), z = x+2y-2$ C: non esistono D: $(0, 1), z = y-1$ E: $(1, 2), z = x+1$
- Il punto $(0, 0)$, rispetto alla regione $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x - \frac{1}{6}x^3 < y < \sin x\}$ è:
A: isolato B: di frontiera, non isolato C: interno D: esterno E: N.A.
- La lunghezza dell'arco di curva parametrica in \mathbb{R}^3 $\gamma(t) = (t \cos t, t \sin t, t) \quad t \in [0, 2\pi]$ è:
(nelle risposte \sinh^{-1} denota l'inversa del \sinh)
A: $\pi\sqrt{\pi} + \sinh^{-1} 2\pi$ B: $\pi\sqrt{2 + 4\pi^2} + \sinh^{-1}(\pi\sqrt{2})$ C: N.A.
D: non è rettificabile E: $\sinh^{-1} 2\sqrt{2\pi}$
- Il cambio di coordinate definito da $(x, y) \rightarrow (x^2 - y^2, xy)$ è localmente invertibile nell'intorno dei punti
A: N.A. B: $xy \neq 0$ C: non è mai localmente invertibile D: distinti dall'origine E: $x \neq 1$
- Il vettore normale ed il piano tangente al sostegno della superficie

$$(u, v) \rightarrow (\sin u \cos v, \cos u \sin v, \sin u)$$

nel punto immagine di $(0, 0)$ sono

A: $(0, 1, 1), y + z = 3$ B: non esistono C: $(1, 1, 1), x + y + z = 2$ D: $(-1, 0, 1), z = x$
E: N.A.

- L'integrale curvilineo della funzione $f(x, y) = x^2 y^{-3}$ esteso a $\gamma(t) = (t, 1/\sqrt{t}) \quad t \in [1, 2]$ è:
A: $(11\sqrt{11} - 7\sqrt{7})/18$ B: non esiste C: $(e\sqrt{e} - 1)/12$ D: $(33\sqrt{33} - 5\sqrt{5})/36$ E: N.A.
- Il polinomio di Taylor di grado 2 in $(0, 0)$ di $f(x, y) = x + xy - 3y^2 - 4x^2 y^2$ è:
A: $x + xy$ B: x C: N.A. D: $1 + x + y$ E: $x + xy - 3y^2$
- L'integrale $\int_T \frac{1}{x^2 + y^2} dx dy$, ove T è la regione convessa limitata fra l'asse x e la parabola $y = \frac{1}{4} - x^2$ vale:
A: 0 B: $\pi/2$ C: 1 D: N.A. E: non esiste

CODICE=950789

1. L'integrale $\int_T \frac{1}{x^2+y^2} dx dy$, ove T è la regione convessa limitata fra l'asse x e la parabola $y = \frac{1}{4} - x^2$ vale:
A: N.A. B: $\pi/2$ C: 1 D: 0 E: non esiste
2. Il punto $(0, 0)$, rispetto alla regione $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x - \frac{1}{6}x^3 < y < \sin x\}$ è:
A: isolato B: interno C: N.A. D: di frontiera, non isolato E: esterno
3. Il polinomio di Taylor di grado 2 in $(0, 0)$ di $f(x, y) = x + xy - 3y^2 - 4x^2y^2$ è:
A: $x + xy$ B: x C: $x + xy - 3y^2$ D: N.A. E: $1 + x + y$
4. L'integrale curvilineo della funzione $f(x, y) = x^2y^{-3}$ esteso a $\gamma(t) = (t, 1/\sqrt{t})$ $t \in [1, 2]$ è:
A: N.A. B: $(11\sqrt{11} - 7\sqrt{7})/18$ C: non esiste D: $(e\sqrt{e} - 1)/12$ E: $(33\sqrt{33} - 5\sqrt{5})/36$
5. Il vettore normale ed il piano tangente al sostegno della superficie
$$(u, v) \rightarrow (\sin u \cos v, \cos u \sin v, \sin u)$$
nel punto immagine di $(0, 0)$ sono
A: non esistono B: $(0, 1, 1)$, $y + z = 3$ C: $(1, 1, 1)$, $x + y + z = 2$ D: $(-1, 0, 1)$, $z = x$
E: N.A.
6. L'area racchiusa dalla curva parametrica $\gamma(t) = (2 \cos t, \sin t)$ $t \in [0, 2\pi]$ è:
A: 2π B: 3 C: 0 D: N.A. E: $\pi/2$
7. La lunghezza dell'arco di curva parametrica in \mathbb{R}^3 $\gamma(t) = (t \cos t, t \sin t, t)$ $t \in [0, 2\pi]$ è:
(nelle risposte \sinh^{-1} denota l'inversa del \sinh)
A: $\pi\sqrt{2 + 4\pi^2} + \sinh^{-1}(\pi\sqrt{2})$ B: non è rettificabile C: $\pi\sqrt{\pi} + \sinh^{-1} 2\pi$ D: N.A.
E: $\sinh^{-1} 2\sqrt{2\pi}$
8. Il cambio di coordinate definito da $(x, y) \rightarrow (x^2 - y^2, xy)$ è localmente invertibile nell'intorno dei punti
A: $x \neq 1$ B: non è mai localmente invertibile C: distinti dall'origine D: $xy \neq 0$ E: N.A.
9. La direzione di massima pendenza ascendente di $f(x, y) = x^x \lg y$ in $(1, 1)$, ed il piano tangente al suo grafico nel punto corrispondente sono:
A: N.A. B: $(1, 1)$, $z = x + 2y - 2$ C: non esistono D: $(1, 2)$, $z = x + 1$ E: $(0, 1)$, $z = y - 1$

CODICE=813566

