



1. La lunghezza della porzione di grafico di  $f(t) = 2e^{t/2}$  relativa a  $t \in [0, 1]$  è:  
 A:  $\sqrt{e+1} - \sqrt{2} + \lg\left(\frac{2-2\sqrt{e}}{e}(1 + \sqrt{2})\right)$     B:  $2\sqrt{e+1} - 2\sqrt{2} + \lg(e + 2 - 2\sqrt{e+1})$     C: non è rettificabile    D: N.A.    E:  $\lg\left(\frac{e+2-2\sqrt{e+1}}{e}(3 + 2\sqrt{2})\right)$
2. I vettori normali alla superficie parametrica  $\phi(u, v) = (\sin u, \cos v, \sin(u + v))$ , nel punto immagine di  $(0,0)$ , sono paralleli a:  
 A:  $(1, 1, 1)$     B: N.A.    C:  $(0, -1, 0)$     D:  $(2, 1, 0)$     E: la direzione normale non è definita
3. L'area della porzione di cilindro  $x^2 + z^2$  sovrastante il quadrato  $[-1/2, 1/2] \times [-1/2, 1/2]$  è:  
 A:  $\pi/3$     B:  $\sqrt{3}/2$     C:  $2\pi$     D: N.A.    E: non definita
4. Il piano tangente al grafico di  $f(x, y) = (\cos x)^{\sin y}$  nel punto  $(0,0,1)$  è:  
 A:  $z = x + y$     B:  $y+z=1$     C:  $z - 1 = 0$     D:  $z = xy + 1$     E: N.A.
5. Il punto  $(0, 0)$ , rispetto alla regione  $\{xy < 0\}$ , è  
 A: appartenente alla regione e di frontiera    B: N.A.    C: non appartenente alla regione ed esterno    D: non appartenente alla regione e di frontiera    E: appartenente alla regione e interno
6. La funzione  $f(x, y) = (x^2 + y^2) \lg(x^2 + y^2)$ , prolungata in  $(0, 0)$  ponendo  $f(0, 0) = 0$ , in tale punto  
 A: ha limite, ma è discontinua    B: è discontinua su qualche retta per l'origine    C: N.A.    D: è continua sulle rette per l'origine, ma ivi discontinua    E: è continua
7. Studiare i punti critici di  $f(x, y) = x^2 + y^2 - x^3 - xy$   
 A:  $(0,0)$  massimo e  $(1/2, 1/4)$  minimo    B: N.A.    C:  $(0, 0)$  minimo e  $(1/2, 1/4)$  sella    D:  $(0,0)$  e  $(1,2)$  selle    E:  $(0,0)$  minimo e  $(1/2, 1)$  massimo
8. Tutte le primitive della forma differenziale lineare  $ydx/(x^2+y^2) - xdy/(x^2+y^2)$  nel semipiano  $\{y > 0\}$  sono:  
 A:  $\arctan \frac{x}{y} + \text{cost}$     B: N.A.    C: non esistono    D:  $\arctan \frac{x}{y} + \phi(x, y)$  ove  $\phi(x, y) = \alpha$  se  $x > 0$  e  $\phi(x, y) = \beta$  se  $x \leq 0$     E:  $\arctan \frac{y}{x} + \text{cost}$
9. Calcolare  $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2+y^2}} dx dy$ , ove T è il triangolo di vertici  $(0, 0), (1, 0), (0, 1)$  (razionalizzare e semplificare tutto il possibile).  
 A:  $4\sqrt{3} + \lg(1 + \sqrt{2})$     B: 0    C:  $\frac{1}{\sqrt{2}} \lg(3 + 2\sqrt{2})$     D: N.A.    E:  $\pi/7$

**CODICE=632540**



- Calcolare  $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2+y^2}} dx dy$ , ove T è il triangolo di vertici (0,0), (1,0), (0,1) (razionalizzare e semplificare tutto il possibile).  
A: N.A.    B:  $4\sqrt{3} + \lg(1 + \sqrt{2})$     C: 0    D:  $\pi/7$     E:  $\frac{1}{\sqrt{2}} \lg(3 + 2\sqrt{2})$
- L'area della porzione di cilindro  $x^2 + z^2$  sovrastante il quadrato  $[-1/2, 1/2] \times [-1/2, 1/2]$  è:  
A:  $\sqrt{3}/2$     B: N.A.    C: non definita    D:  $2\pi$     E:  $\pi/3$
- Il piano tangente al grafico di  $f(x, y) = (\cos x)^{\sin y}$  nel punto (0,0,1) è:  
A:  $z = xy + 1$     B:  $y+z=1$     C:  $z = x + y$     D: N.A.    E:  $z - 1 = 0$
- Il punto (0,0), rispetto alla regione  $\{xy < 0\}$ , è  
A: non appartenente alla regione e di frontiera    B: N.A.    C: appartenente alla regione e interno    D: non appartenente alla regione ed esterno    E: appartenente alla regione e di frontiera
- Tutte le primitive della forma differenziale lineare  $ydx/(x^2+y^2) - xdy/(x^2+y^2)$  nel semipiano  $\{y > 0\}$  sono:  
A: non esistono    B:  $\arctan \frac{y}{x} + \text{cost}$     C: N.A.    D:  $\arctan \frac{x}{y} + \phi(x, y)$  ove  $\phi(x, y) = \alpha$  se  $x > 0$  e  $\phi(x, y) = \beta$  se  $x \leq 0$     E:  $\arctan \frac{x}{y} + \text{cost}$
- Studiare i punti critici di  $f(x, y) = x^2 + y^2 - x^3 - xy$   
A: (0,0) minimo e (1/2,1) massimo    B: N.A.    C: (0,0) e (1,2) selle    D: (0,0) massimo e (1/2,1/4) minimo    E: (0,0) minimo e (1/2,1/4) sella
- I vettori normali alla superficie parametrica  $\phi(u, v) = (\sin u, \cos v, \sin(u+v))$ , nel punto immagine di (0,0), sono paralleli a:  
A: N.A.    B: (2, 1, 0)    C: (1, 1, 1)    D: (0, -1, 0)    E: la direzione normale non è definita
- La funzione  $f(x, y) = (x^2 + y^2) \lg(x^2 + y^2)$ , prolungata in (0,0) ponendo  $f(0,0) = 0$ , in tale punto  
A: è discontinua su qualche retta per l'origine    B: è continua    C: ha limite, ma è discontinua    D: N.A.    E: è continua sulle rette per l'origine, ma ivi discontinua
- La lunghezza della porzione di grafico di  $f(t) = 2e^{t/2}$  relativa a  $t \in [0, 1]$  è:  
A:  $\lg\left(\frac{e+2-2\sqrt{e+1}}{e}(3+2\sqrt{2})\right)$     B:  $2\sqrt{e+1} - 2\sqrt{2} + \lg(e+2-2\sqrt{e+1})$     C: N.A.    D: non è rettificabile    E:  $\sqrt{e+1} - \sqrt{2} + \lg\left(\frac{2-2\sqrt{e}}{e}(1+\sqrt{2})\right)$

**CODICE=075563**



1. Tutte le primitive della forma differenziale lineare  $ydx/(x^2+y^2) - xdy/(x^2+y^2)$  nel semipiano  $\{y > 0\}$  sono:  
 A:  $\arctan \frac{x}{y} + \phi(x, y)$  ove  $\phi(x, y) = \alpha$  se  $x > 0$  e  $\phi(x, y) = \beta$  se  $x \leq 0$     B:  $\arctan \frac{y}{x} + \text{cost}$   
 C: N.A.    D:  $\arctan \frac{x}{y} + \text{cost}$     E: non esistono
2. La funzione  $f(x, y) = (x^2 + y^2) \lg(x^2 + y^2)$ , prolungata in  $(0, 0)$  ponendo  $f(0, 0) = 0$ , in tale punto  
 A: N.A.    B: ha limite, ma è discontinua    C: è discontinua su qualche retta per l'origine  
 D: è continua sulle rette per l'origine, ma ivi discontinua    E: è continua
3. Calcolare  $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2+y^2}} dx dy$ , ove T è il triangolo di vertici  $(0, 0), (1, 0), (0, 1)$  (razionalizzare e semplificare tutto il possibile).  
 A:  $\pi/7$     B:  $4\sqrt{3} + \lg(1 + \sqrt{2})$     C:  $\frac{1}{\sqrt{2}} \lg(3 + 2\sqrt{2})$     D: 0    E: N.A.
4. La lunghezza della porzione di grafico di  $f(t) = 2e^{t/2}$  relativa a  $t \in [0, 1]$  è:  
 A:  $\sqrt{e+1} - \sqrt{2} + \lg(\frac{2-2\sqrt{e}}{e}(1 + \sqrt{2}))$     B: non è rettificabile    C: N.A.    D:  $2\sqrt{e+1} - 2\sqrt{2} + \lg(e+2 - 2\sqrt{e+1})$     E:  $\lg(\frac{e+2-2\sqrt{e+1}}{e}(3 + 2\sqrt{2}))$
5. Il piano tangente al grafico di  $f(x, y) = (\cos x)^{\sin y}$  nel punto  $(0, 0, 1)$  è:  
 A:  $z - 1 = 0$     B: N.A.    C:  $z = x + y$     D:  $z = xy + 1$     E:  $y+z=1$
6. Studiare i punti critici di  $f(x, y) = x^2 + y^2 - x^3 - xy$   
 A:  $(0, 0)$  e  $(1, 2)$  selle    B: N.A.    C:  $(0, 0)$  minimo e  $(1/2, 1)$  massimo    D:  $(0, 0)$  massimo e  $(1/2, 1/4)$  minimo    E:  $(0, 0)$  minimo e  $(1/2, 1/4)$  sella
7. L'area della porzione di cilindro  $x^2 + z^2$  sovrastante il quadrato  $[-1/2, 1/2] \times [-1/2, 1/2]$  è:  
 A:  $2\pi$     B: N.A.    C:  $\pi/3$     D: non definita    E:  $\sqrt{3}/2$
8. Il punto  $(0, 0)$ , rispetto alla regione  $\{xy < 0\}$ , è  
 A: appartenente alla regione e di frontiera    B: appartenente alla regione e interno    C: non appartenente alla regione e di frontiera    D: N.A.    E: non appartenente alla regione ed esterno
9. I vettori normali alla superficie parametrica  $\phi(u, v) = (\sin u, \cos v, \sin(u + v))$ , nel punto immagine di  $(0, 0)$ , sono paralleli a:  
 A:  $(2, 1, 0)$     B:  $(1, 1, 1)$     C:  $(0, -1, 0)$     D: N.A.    E: la direzione normale non è definita



1. Tutte le primitive della forma differenziale lineare  $ydx/(x^2+y^2) - xdy/(x^2+y^2)$  nel semipiano  $\{y > 0\}$  sono:  
 A: non esistono    B: N.A.    C:  $\arctan \frac{y}{x} + \text{cost}$     D:  $\arctan \frac{x}{y} + \phi(x, y)$  ove  $\phi(x, y) = \alpha$  se  $x > 0$  e  $\phi(x, y) = \beta$  se  $x \leq 0$     E:  $\arctan \frac{x}{y} + \text{cost}$
2. Studiare i punti critici di  $f(x, y) = x^2 + y^2 - x^3 - xy$   
 A: N.A.    B: (0,0) minimo e (1/2,1) massimo    C: (0,0) minimo e (1/2, 1/4) sella    D: (0,0) e (1,2) selle    E: (0,0) massimo e (1/2,1/4) minimo
3. I vettori normali alla superficie parametrica  $\phi(u, v) = (\sin u, \cos v, \sin(u+v))$ , nel punto immagine di (0,0), sono paralleli a:  
 A: la direzione normale non è definita    B: (2, 1, 0)    C: (1, 1, 1)    D: (0, -1, 0)    E: N.A.
4. La funzione  $f(x, y) = (x^2 + y^2) \lg(x^2 + y^2)$ , prolungata in (0,0) ponendo  $f(0,0) = 0$ , in tale punto  
 A: N.A.    B: è continua    C: ha limite, ma è discontinua    D: è continua sulle rette per l'origine, ma ivi discontinua    E: è discontinua su qualche retta per l'origine
5. Il piano tangente al grafico di  $f(x, y) = (\cos x)^{\sin y}$  nel punto (0,0,1) è:  
 A:  $z = x + y$     B: N.A.    C:  $y+z=1$     D:  $z - 1 = 0$     E:  $z = xy + 1$
6. La lunghezza della porzione di grafico di  $f(t) = 2e^{t/2}$  relativa a  $t \in [0, 1]$  è:  
 A: N.A.    B: non è rettificabile    C:  $\lg\left(\frac{e+2-2\sqrt{e+1}}{e}(3+2\sqrt{2})\right)$     D:  $2\sqrt{e+1} - 2\sqrt{2} + \lg(e+2-2\sqrt{e+1})$     E:  $\sqrt{e+1} - \sqrt{2} + \lg\left(\frac{2-2\sqrt{e}}{e}(1+\sqrt{2})\right)$
7. Calcolare  $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2+y^2}} dx dy$ , ove T è il triangolo di vertici (0,0), (1,0), (0,1) (razionalizzare e semplificare tutto il possibile).  
 A: 0    B:  $\pi/7$     C:  $4\sqrt{3} + \lg(1 + \sqrt{2})$     D:  $\frac{1}{\sqrt{2}} \lg(3 + 2\sqrt{2})$     E: N.A.
8. Il punto (0,0), rispetto alla regione  $\{xy < 0\}$ , è  
 A: non appartenente alla regione ed esterno    B: appartenente alla regione e interno    C: appartenente alla regione e di frontiera    D: N.A.    E: non appartenente alla regione e di frontiera
9. L'area della porzione di cilindro  $x^2 + z^2$  sovrastante il quadrato  $[-1/2, 1/2] \times [-1/2, 1/2]$  è:  
 A:  $2\pi$     B: non definita    C:  $\pi/3$     D:  $\sqrt{3}/2$     E: N.A.

**CODICE=840229**







