



1. La proiezione di  $(i, i, 1)$  nella direzione di  $(1, i, 1)$  è:  
 A: N.A. B:  $\frac{i}{2}(1, i, 1)$  C:  $(0, 0, 0)$  D:  $i, i/2, 1$  E:  $\frac{i}{3}(1, i, 1)$
2. L'inversa di  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$  è:  
 A: non esiste B:  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  C:  $\begin{pmatrix} 1/3 & -1 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}$  D:  $\begin{pmatrix} -1/2 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$  E: N.A.
3. Dato il piano  $3x + y - z = 1$ , determinare i punti a distanza 1, in direzione normale al piano, dal suo punto  $(0, 2, 1)$ .  
 A:  $(0, 0, 0)$  B: non esiste C:  $(\pm 3/\sqrt{11}, 2 \pm 1/\sqrt{11}, 1 \mp 1/\sqrt{11})$  D: N.A. E:  $(-1 \pm 1, 2 \pm 3, 1/2 \pm 1)$
4. Dato  $A(u) = \frac{d^2u}{dt^2}$ , definito sullo spazio delle funzioni aventi tutte le derivate continue, determinare l'insieme degli autovalori reali e, per ognuno di essi, una base di autovettori.  
 A:  $\lambda \in \mathbb{R}, \{\sin(\sqrt{\lambda}t), \cos(\sqrt{\lambda}t)\}$  se  $\lambda \neq 0$  e  $\{1, t\}$  se  $\lambda = 0$  B: N.A. C:  $\emptyset$ , non esistono autovettori D:  $\lambda \in \mathbb{R}^-, 1 + \lambda t$  E:  $\lambda \in \mathbb{R}^+, e^{\lambda t}$
5. La matrice  $\begin{pmatrix} 1 & i & 1 - 3i \\ -i & 2 & 1 \\ 1 + 3i & 1 & 1 \end{pmatrix}$   
 A: Definisce un operatore da  $\mathbb{R}^n$  in sè. B: ha  $(0, 1, 0)$  come autovettore C: è simmetrica  
 D: ha autovalori tutti reali E: N.A.
6. Esiste un cambio di base per il quale la matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$  viene trasformata in forma diagonale? Tale forma è  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & (3 + \sqrt{13})/2 & 0 \\ 0 & 0 & (3 - \sqrt{13})/2 \end{pmatrix}$ ?  
 A: no,no B: N.A. C: sì,no D: sì,sì E: no,sì
7. La bisettrice dell'angolo formato dalle due semirette  $(1, 1, 1) + t(1, 1, 0), t \in \mathbb{R}^+$  e  $(1, 1, 1) + t(1, 0, 1), t \in \mathbb{R}^+$  è:  
 A:  $(1, 1, 1) + t(1, 2, 3)$  B:  $(1, 1, 1) + t(1, 1/2, 1/2)$  C:  $(1, 0, 1) + t(1, 0, 0)$  D: non esiste  
 E: N.A.
8. Dati  $A = (1, 2, 1)$  e  $B = (1, 0, 1)$  calcolare  $AB^*$  e  $A^*B$   
 A: Almeno uno dei due prodotti non è definito B:  $(3/2), \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  C:  $(2), \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   
 D: N.A. E:  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$
9. Le dimensioni del nucleo e dell'immagine dell'operatore su  $\mathbb{R}^3$  definito dalla matrice  $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \\ 1 & 2 & -3 \end{pmatrix}$  sono:  
 A: 0, 3 B: 2, 2 C: 0, 2 D: N.A. E: 1, 2
10. La forma quadratica  $2x^2 - 4xy + y^2 - 2yz + z^2$  è  
 A: indefinita B: semidefinita negativa C: definita positiva D: semidefinita positiva  
 E: definita negativa

11. Calcolare il determinante di  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

A: -2   B: 0   C: -31   D: non è definito   E: N.A.

12. L'intersezione dei sottospazi  $\langle (1, 1, 1), (1, 1, 2) \rangle$  e  $\langle (1, 0, 2), (2, 1, 1) \rangle$  è

A:  $\langle (1, 1, 1), (1, 0, 2) \rangle$    B:  $\langle (0, 0, 0) \rangle$    C:  $\langle (1, 1, -1) \rangle$    D: vuota   E: N.A.



1. Esiste un cambio di base per il quale la matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$  viene trasformata in forma diagonale? Tale forma è  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & (3 + \sqrt{13})/2 & 0 \\ 0 & 0 & (3 - \sqrt{13})/2 \end{pmatrix}$ ?
- A: N.A. B: no,sì C: sì,sì D: sì,no E: no,no
2. La proiezione di  $(i, i, 1)$  nella direzione di  $(1, i, 1)$  è:
- A:  $(0, 0, 0)$  B:  $\frac{i}{3}(1, i, 1)$  C:  $\frac{i}{2}(1, i, 1)$  D:  $i, i/2, 1$  E: N.A.
3. L'inversa di  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$  è:
- A:  $\begin{pmatrix} 1/3 & -1 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}$  B: non esiste C:  $\begin{pmatrix} -1/2 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$  D: N.A. E:  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
4. La forma quadratica  $2x^2 - 4xy + y^2 - 2yz + z^2$  è
- A: definita positiva B: indefinita C: semidefinita negativa D: semidefinita positiva E: definita negativa
5. La bisettrice dell'angolo formato dalle due semirette  $(1, 1, 1) + t(1, 1, 0), t \in \mathbb{R}^+$  e  $(1, 1, 1) + t(1, 0, 1), t \in \mathbb{R}^+$  è:
- A: non esiste B:  $(1, 1, 1) + t(1, 2, 3)$  C: N.A. D:  $(1, 0, 1) + t(1, 0, 0)$  E:  $(1, 1, 1) + t(1, 1/2, 1/2)$
6. Dato il piano  $3x + y - z = 1$ , determinare i punti a distanza 1, in direzione normale al piano, dal suo punto  $(0, 2, 1)$ .
- A:  $(\pm 3/\sqrt{11}, 2 \pm 1/\sqrt{11}, 1 \mp 1/\sqrt{11})$  B: non esiste C: N.A. D:  $(-1 \pm 1, 2 \pm 3, 1/2 \pm 1)$  E:  $(0, 0, 0)$
7. La matrice  $\begin{pmatrix} 1 & i & 1 - 3i \\ -i & 2 & 1 \\ 1 + 3i & 1 & 1 \end{pmatrix}$
- A: N.A. B: Definisce un operatore da  $\mathbb{R}^n$  in sè. C: ha autovalori tutti reali D: è simmetrica E: ha  $(0, 1, 0)$  come autovettore
8. Calcolare il determinante di  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$
- A:  $-2$  B:  $0$  C: non è definito D: N.A. E:  $-31$
9. Le dimensioni del nucleo e dell'immagine dell'operatore su  $\mathbb{R}^3$  definito dalla matrice  $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \\ 1 & 2 & -3 \end{pmatrix}$  sono:
- A:  $0, 3$  B:  $1, 2$  C: N.A. D:  $0, 2$  E:  $2, 2$
10. Dato  $A(u) = \frac{d^2u}{dt^2}$ , definito sullo spazio delle funzioni aventi tutte le derivate continue, determinare l'insieme degli autovalori reali e, per ognuno di essi, una base di autovettori.
- A:  $\emptyset$ , non esistono autovettori B:  $\lambda \in \mathbb{R}^-, 1 + \lambda t$  C: N.A. D:  $\lambda \in \mathbb{R}, \{ \sin(\sqrt{\lambda}t), \cos(\sqrt{\lambda}t) \}$  se  $\lambda \neq 0$  e  $\{1, t\}$  se  $\lambda = 0$  E:  $\lambda \in \mathbb{R}^+, e^{\lambda t}$

**CODICE=941362**

11. Dati  $A = (1, 2, 1)$  e  $B = (1, 0, 1)$  calcolare  $AB^*$  e  $A^*B$

A: Almeno uno dei due prodotti non è definito    B:  $(3/2)$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$     C: N.A.    D:

$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$ ,  $\begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$     E:  $(2)$ ,  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

12. L'intersezione dei sottospazi  $\langle (1, 1, 1), (1, 1, 2) \rangle$  e  $\langle (1, 0, 2), (2, 1, 1) \rangle$  è

A:  $\langle (1, 1, 1), (1, 0, 2) \rangle$     B: N.A.    C:  $\langle (1, 1, -1) \rangle$     D: vuota    E:  $\langle (0, 0, 0) \rangle$



1. L'intersezione dei sottospazi  $\langle (1, 1, 1), (1, 1, 2) \rangle$  e  $\langle (1, 0, 2), (2, 1, 1) \rangle$  è  
 A:  $\langle (0, 0, 0) \rangle$  B: N.A. C:  $\langle (1, 1, 1), (1, 0, 2) \rangle$  D: vuota E:  $\langle (1, 1, -1) \rangle$
2. La bisettrice dell'angolo formato dalle due semirette  $(1, 1, 1) + t(1, 1, 0), t \in \mathbb{R}^+$  e  $(1, 1, 1) + t(1, 0, 1), t \in \mathbb{R}^+$  è:  
 A: non esiste B:  $(1, 1, 1) + t(1, 2, 3)$  C:  $(1, 0, 1) + t(1, 0, 0)$  D: N.A. E:  $(1, 1, 1) + t(1, 1/2, 1/2)$
3. Dato  $A(u) = \frac{d^2u}{dt^2}$ , definito sullo spazio delle funzioni aventi tutte le derivate continue, determinare l'insieme degli autovalori reali e, per ognuno di essi, una base di autovettori.  
 A:  $\lambda \in \mathbb{R}^-, 1 + \lambda t$  B: N.A. C:  $\lambda \in \mathbb{R}^+, e^{\lambda t}$  D:  $\lambda \in \mathbb{R}, \{\sin(\sqrt{\lambda}t), \cos(\sqrt{\lambda}t)\}$  se  $\lambda \neq 0$  e  $\{1, t\}$  se  $\lambda = 0$  E:  $\emptyset$ , non esistono autovettori
4. Dati  $A = (1, 2, 1)$  e  $B = (1, 0, 1)$  calcolare  $AB^*$  e  $A^*B$   
 A: Almeno uno dei due prodotti non è definito B:  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$  C: N.A. D:  
 $(3/2), \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  E:  $(2), \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$
5. L'inversa di  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$  è:  
 A: N.A. B:  $\begin{pmatrix} -1/2 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$  C:  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  D: non esiste E:  $\begin{pmatrix} 1/3 & -1 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}$
6. La forma quadratica  $2x^2 - 4xy + y^2 - 2yz + z^2$  è  
 A: semidefinita negativa B: definita negativa C: definita positiva D: indefinita E: semidefinita positiva
7. La matrice  $\begin{pmatrix} 1 & i & 1 - 3i \\ -i & 2 & 1 \\ 1 + 3i & 1 & 1 \end{pmatrix}$   
 A: N.A. B: Definisce un operatore da  $\mathbb{R}^n$  in sè. C: è simmetrica D: ha  $(0, 1, 0)$  come autovettore E: ha autovalori tutti reali
8. Calcolare il determinante di  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   
 A: -31 B: non è definito C: 0 D: N.A. E: -2
9. Le dimensioni del nucleo e dell'immagine dell'operatore su  $\mathbb{R}^3$  definito dalla matrice  $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \\ 1 & 2 & -3 \end{pmatrix}$  sono:  
 A: 0, 3 B: N.A. C: 0, 2 D: 2, 2 E: 1, 2
10. Esiste un cambio di base per il quale la matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$  viene trasformata in forma diagonale? Tale forma è  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & (3 + \sqrt{13})/2 & 0 \\ 0 & 0 & (3 - \sqrt{13})/2 \end{pmatrix}$ ?  
 A: sì,no B: N.A. C: no,sì D: sì,sì E: no,no

**CODICE=284755**



11. La proiezione di  $(i, i, 1)$  nella direzione di  $(1, i, 1)$  è:  
A:  $i, i/2, 1$    B:  $\frac{i}{2}(1, i, 1)$    C: N.A.   D:  $(0, 0, 0)$    E:  $\frac{i}{3}(1, i, 1)$
12. Dato il piano  $3x + y - z = 1$ , determinare i punti a distanza 1, in direzione normale al piano, dal suo punto  $(0, 2, 1)$ .  
A: N.A.   B: non esiste   C:  $(0, 0, 0)$    D:  $(-1 \pm 1, 2 \pm 3, 1/2 \pm 1)$    E:  $(\pm 3/\sqrt{11}, 2 \pm 1/\sqrt{11}, 1 \mp 1/\sqrt{11})$



1. La forma quadratica  $2x^2 - 4xy + y^2 - 2yz + z^2$  è  
 A: definita negativa    B: semidefinita negativa    C: semidefinita positiva    D: definita positiva    E: indefinita
2. La matrice  $\begin{pmatrix} 1 & i & 1-3i \\ -i & 2 & 1 \\ 1+3i & 1 & 1 \end{pmatrix}$   
 A: N.A.    B: ha autovalori tutti reali    C: ha  $(0, 1, 0)$  come autovettore    D: Definisce un operatore da  $\mathbb{R}^n$  in sè.    E: è simmetrica
3. Esiste un cambio di base per il quale la matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & 2 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$  viene trasformata in forma diagonale? Tale forma è  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & (3 + \sqrt{13})/2 & 0 \\ 0 & 0 & (3 - \sqrt{13})/2 \end{pmatrix}$ ?  
 A: sì,sì    B: N.A.    C: no,sì    D: sì,no    E: no,no
4. Le dimensioni del nucleo e dell'immagine dell'operatore su  $\mathbb{R}^3$  definito dalla matrice  $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \\ 1 & 2 & -3 \end{pmatrix}$  sono:  
 A: 0, 2    B: 1, 2    C: 0, 3    D: N.A.    E: 2, 2
5. Dato il piano  $3x + y - z = 1$ , determinare i punti a distanza 1, in direzione normale al piano, dal suo punto  $(0, 2, 1)$ .  
 A:  $(-1 \pm 1, 2 \pm 3, 1/2 \pm 1)$     B:  $(\pm 3/\sqrt{11}, 2 \pm 1/\sqrt{11}, 1 \mp 1/\sqrt{11})$     C:  $(0, 0, 0)$     D: N.A.  
 E: non esiste
6. La bisettrice dell'angolo formato dalle due semirette  $(1, 1, 1) + t(1, 1, 0), t \in \mathbb{R}^+$  e  $(1, 1, 1) + t(1, 0, 1), t \in \mathbb{R}^+$  è:  
 A:  $(1, 1, 1) + t(1, 1/2, 1/2)$     B: non esiste    C:  $(1, 1, 1) + t(1, 2, 3)$     D:  $(1, 0, 1) + t(1, 0, 0)$   
 E: N.A.
7. L'intersezione dei sottospazi  $\langle (1, 1, 1), (1, 1, 2) \rangle$  e  $\langle (1, 0, 2), (2, 1, 1) \rangle$  è  
 A:  $\langle (1, 1, -1) \rangle$     B: vuota    C: N.A.    D:  $\langle (0, 0, 0) \rangle$     E:  $\langle (1, 1, 1), (1, 0, 2) \rangle$
8. Dato  $A(u) = \frac{d^2u}{dt^2}$ , definito sullo spazio delle funzioni aventi tutte le derivate continue, determinare l'insieme degli autovalori reali e, per ognuno di essi, una base di autovettori.  
 A: N.A.    B:  $\emptyset$ , non esistono autovettori    C:  $\lambda \in \mathbb{R}^+, e^{\lambda t}$     D:  $\lambda \in \mathbb{R}, \{ \sin(\sqrt{\lambda}t), \cos(\sqrt{\lambda}t) \}$   
 se  $\lambda \neq 0$  e  $\{1, t\}$  se  $\lambda = 0$     E:  $\lambda \in \mathbb{R}^-, 1 + \lambda t$
9. Calcolare il determinante di  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   
 A: 0    B: N.A.    C: non è definito    D: -2    E: -31
10. La proiezione di  $(i, i, 1)$  nella direzione di  $(1, i, 1)$  è:  
 A:  $(0, 0, 0)$     B: N.A.    C:  $\frac{i}{2}(1, i, 1)$     D:  $i, i/2, 1$     E:  $\frac{i}{3}(1, i, 1)$

11. Dati  $A = (1, 2, 1)$  e  $B = (1, 0, 1)$  calcolare  $AB^*$  e  $A^*B$

A: N.A.    B:  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$     C: Almeno uno dei due prodotti non è definito    D:  
(2),  $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 2 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$     E:  $(3/2), \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

12. L'inversa di  $\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$  è:

A: non esiste    B: N.A.    C:  $\begin{pmatrix} -1/2 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$     D:  $\begin{pmatrix} 1/3 & -1 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}$     E:  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$







