

1. La direzione (sul dominio) parallela alla massima pendenza di $f(x, y) = x \log(x^2 + y^2)$ nel punto $(1, 0)$ e il suo piano tangente al grafico nel punto corrispondente sono
 A: $(1, 2)$, $x + y + z = 1$ B: $(1, 1)$, $z = x + 2y + 2$ C: Non esistono D: N.A. E: $(1, 0)$, $2x - z - 2 = 0$
2. Il teorema di Dini sulle funzioni implicite può essere applicato alla funzione $x^3 - y^2 + x^2$ nel punto $(0, 0)$ per esplicitare
 A: solo la y in funzione di x B: non può essere applicato C: ognuna delle due in funzione dell'altra D: solo la x in funzione di y E: N.A.
3. Il polinomio di Taylor di grado 2 di $f(x, y) = x^{xy}$ in $(1, 1)$ è:
 A: N.A. B: $x^2 + xy - 2x - y + 2$ C: $x + 2y$ D: $1 + 2x - 3y - x^2$ E: $x + x^2 - 3xy$
4. Determinare l'area racchiusa dalla curva $\rho(\theta) = \sin(2\theta)$ $\theta \in [0, \pi/2]$
 A: π B: $\pi/8$ C: $\pi/2$ D: N.A. E: $\pi/\sqrt{2}$
5. La trasformazione $F : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ definita ponendo $F(x, y) = (xy, x^2 - y^2)$, è localmente invertibile nell'intorno di $(1, 1)$ e di $(1, 0)$?
 A: sì, sì B: N.A. C: sì, no D: no, sì E: no, no
6. La funzione $f(x, y) = |x^2 - y^2|$ in $(0, 0)$ è:
 A: N.A. B: discontinua C: differenziabile D: continua, ma non ha gradiente E: ha gradiente, ma non è differenziabile
7. La superficie della porzione di paraboloido iperbolico (grafico di) $z = xy$, interna al cilindro $x^2 + y^2 \leq 1$, vale
 A: $\frac{2\pi}{3}(2\sqrt{2} - 1)$ B: 0 C: N.A. D: $3\pi/7$ E: $2 + 3\pi\sqrt{3}/4$
8. L'integrale (curvilineo) di $F(x, y) = 2y \sin x$ esteso al grafico della funzione coseno su $[0, \pi/2]$ è:
 A: $1 + 3\sqrt{5}/2$ B: 2π C: $\frac{2}{3}(2\sqrt{2} - 1)$ D: N.A. E: 0
9. Si può determinare $\alpha(x, y)$ in modo che $ydx + \alpha(x, y)dy$ sia chiusa, o sia esatta?
 A: sì, sì B: no, no C: sì, no D: no, sì E: N.A.
10. L'integrale di xy esteso alla porzione di cerchio unitario che giace sopra la retta $x + y = 0$ vale
 A: $\pi\sqrt{2}$ B: $3\pi/2$ C: N.A. D: 0 E: π

1. Il teorema di Dini sulle funzioni implicite può essere applicato alla funzione $x^3 - y^2 + x^2$ nel punto $(0, 0)$ per esplicitare
 A: N.A. B: non può essere applicato C: solo la y in funzione di x D: ognuna delle due in funzione dell'altra E: solo la x in funzione di y
2. La funzione $f(x, y) = |x^2 - y^2|$ in $(0, 0)$ è:
 A: N.A. B: differenziabile C: ha gradiente, ma non è differenziabile D: continua, ma non ha gradiente E: discontinua
3. La direzione (sul dominio) parallela alla massima pendenza di $f(x, y) = x \log(x^2 + y^2)$ nel punto $(1, 0)$ e il suo piano tangente al grafico nel punto corrispondente sono
 A: Non esistono B: $(1, 0)$, $2x - z - 2 = 0$ C: $(1, 1)$, $z = x + 2y + 2$ D: $(1, 2)$, $x + y + z = 1$ E: N.A.
4. Il polinomio di Taylor di grado 2 di $f(x, y) = x^{xy}$ in $(1, 1)$ è:
 A: $x^2 + xy - 2x - y + 2$ B: $1 + 2x - 3y - x^2$ C: $x + x^2 - 3xy$ D: $x + 2y$ E: N.A.
5. Determinare l'area racchiusa dalla curva $\rho(\theta) = \sin(2\theta)$ $\theta \in [0, \pi/2]$
 A: π B: $\pi/8$ C: N.A. D: $\pi/\sqrt{2}$ E: $\pi/2$
6. La trasformazione $F : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ definita ponendo $F(x, y) = (xy, x^2 - y^2)$, è localmente invertibile nell'intorno di $(1, 1)$ e di $(1, 0)$?
 A: no, sì B: N.A. C: no, no D: sì, no E: sì, sì
7. L'integrale di xy esteso alla porzione di cerchio unitario che giace sopra la retta $x + y = 1$ vale
 A: $\pi\sqrt{2}$ B: $3\pi/2$ C: 0 D: π E: N.A.
8. Si può determinare $\alpha(x, y)$ in modo che $ydx + \alpha(x, y)dy$ sia chiusa, o sia esatta?
 A: no, sì B: sì, no C: sì, sì D: no, no E: N.A.
9. La superficie della porzione di paraboloido iperbolico (grafico di) $z = xy$, interna al cilindro $x^2 + y^2 \leq 1$, vale
 A: $\frac{2\pi}{3}(2\sqrt{2} - 1)$ B: 0 C: $3\pi/7$ D: N.A. E: $2 + 3\pi\sqrt{3}/4$
10. L'integrale (curvilineo) di $F(x, y) = 2y \sin x$ esteso al grafico della funzione coseno su $[0, \pi/2]$ è:
 A: 0 B: $1 + 3\sqrt{5}/2$ C: $\frac{2}{3}(2\sqrt{2} - 1)$ D: 2π E: N.A.

1. Determinare l'area racchiusa dalla curva $\rho(\theta) = \sin(2\theta)$ $\theta \in [0, \pi/2]$
 A: π B: $\pi/\sqrt{2}$ C: $\pi/8$ D: N.A. E: $\pi/2$
2. La trasformazione $F : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$ definita ponendo $F(x, y) = (xy, x^2 - y^2)$, è localmente invertibile nell'intorno di $(1, 1)$ e di $(1, 0)$?
 A: no, sì B: sì, sì C: N.A. D: sì, no E: no, no
3. Il teorema di Dini sulle funzioni implicite può essere applicato alla funzione $x^3 - y^2 + x^2$ nel punto $(0, 0)$ per esplicitare
 A: solo la x in funzione di y B: non può essere applicato C: solo la y in funzione di x
 D: ognuna delle due in funzione dell'altra E: N.A.
4. Il polinomio di Taylor di grado 2 di $f(x, y) = x^{xy}$ in $(1, 1)$ è:
 A: $1 + 2x - 3y - x^2$ B: N.A. C: $x + x^2 - 3xy$ D: $x + 2y$ E: $x^2 + xy - 2x - y + 2$
5. La funzione $f(x, y) = |x^2 - y^2|$ in $(0, 0)$ è:
 A: continua, ma non ha gradiente B: discontinua C: N.A. D: ha gradiente, ma non è differenziabile E: differenziabile
6. La direzione (sul dominio) parallela alla massima pendenza di $f(x, y) = x \log(x^2 + y^2)$ nel punto $(1, 0)$ e il suo piano tangente al grafico nel punto corrispondente sono
 A: Non esistono B: N.A. C: $(1, 0)$, $2x - z - 2 = 0$ D: $(1, 1)$, $z = x + 2y + 2$ E: $(1, 2)$, $x + y + z = 1$
7. L'integrale di xy esteso alla porzione di cerchio unitario che giace sopra la retta $x + y = 1$ vale
 A: π B: $\pi\sqrt{2}$ C: 0 D: $3\pi/2$ E: N.A.
8. L'integrale (curvilineo) di $F(x, y) = 2y \sin x$ esteso al grafico della funzione coseno su $[0, \pi/2]$ è:
 A: 0 B: $1 + 3\sqrt{5}/2$ C: 2π D: $\frac{2}{3}(2\sqrt{2} - 1)$ E: N.A.
9. La superficie della porzione di paraboloido iperbolico (grafico di) $z = xy$, interna al cilindro $x^2 + y^2 \leq 1$, vale
 A: $\frac{2\pi}{3}(2\sqrt{2} - 1)$ B: $2 + 3\pi\sqrt{3}/4$ C: 0 D: $3\pi/7$ E: N.A.
10. Si può determinare $\alpha(x, y)$ in modo che $ydx + \alpha(x, y)dy$ sia chiusa, o sia esatta?
 A: sì, no B: sì, sì C: no, sì D: N.A. E: no, no

1. Il polinomio di Taylor di grado 2 di $f(x, y) = x^{xy}$ in $(1, 1)$ è:
A: $1 + 2x - 3y - x^2$ B: $x^2 + xy - 2x - y + 2$ C: $x + x^2 - 3xy$ D: N.A. E: $x + 2y$
2. La direzione (sul dominio) parallela alla massima pendenza di $f(x, y) = x \log(x^2 + y^2)$ nel punto $(1, 0)$ e il suo piano tangente al grafico nel punto corrispondente sono
A: N.A. B: $(1, 1)$, $z = x + 2y + 2$ C: Non esistono D: $(1, 2)$, $x + y + z = 1$ E: $(1, 0)$, $2x - z - 2 = 0$
3. La trasformazione $F : \mathbb{R}^2 \in \mathbb{R}^2$ definita ponendo $F(x, y) = (xy, x^2 - y^2)$, è localmente invertibile nell'intorno di $(1, 1)$ e di $(1, 0)$?
A: sì, no B: no, no C: N.A. D: no, sì E: sì, sì
4. Determinare l'area racchiusa dalla curva $\rho(\theta) = \sin(2\theta)$ $\theta \in [0, \pi/2]$
A: N.A. B: $\pi/\sqrt{2}$ C: $\pi/8$ D: π E: $\pi/2$
5. La funzione $f(x, y) = |x^2 - y^2|$ in $(0, 0)$ è:
A: N.A. B: discontinua C: ha gradiente, ma non è differenziabile D: continua, ma non ha gradiente E: differenziabile
6. Il teorema di Dini sulle funzioni implicite può essere applicato alla funzione $x^3 - y^2 + x^2$ nel punto $(0, 0)$ per esplicitare
A: N.A. B: non può essere applicato C: solo la x in funzione di y D: solo la y in funzione di x E: ognuna delle due in funzione dell'altra
7. L'integrale (curvilineo) di $F(x, y) = 2y \sin x$ esteso al grafico della funzione coseno su $[0, \pi/2]$ è:
A: 0 B: $1 + 3\sqrt{5}/2$ C: N.A. D: 2π E: $\frac{2}{3}(2\sqrt{2} - 1)$
8. La superficie della porzione di paraboloido iperbolico (grafico di) $z = xy$, interna al cilindro $x^2 + y^2 \leq 1$, vale
A: 0 B: $\frac{2\pi}{3}(2\sqrt{2} - 1)$ C: $3\pi/7$ D: $2 + 3\pi\sqrt{3}/4$ E: N.A.
9. Si può determinare $\alpha(x, y)$ in modo che $ydx + \alpha(x, y)dy$ sia chiusa, o sia esatta?
A: no, no B: no, sì C: N.A. D: sì, no E: sì, sì
10. L'integrale di xy esteso alla porzione di cerchio unitario che giace sopra la retta $x + y = 1$ vale
A: π B: $\pi\sqrt{2}$ C: N.A. D: $3\pi/2$ E: 0

