



## PARTE A

1. Calcolare l'integrale curvilineo di  $f(x, y, z) = xyz$  esteso alla curva  $\gamma(t) = (\sin t, \cos t, t)$   $t \in [0, 1]$   
A:  $\frac{1}{2\sqrt{2}}(\frac{1}{2} \sin 2 - \cos 2)$  B: N.A. C: 0 D:  $\sin 1$  E:  $1/2\pi$
2. Determinare tutti i potenziali di  $(-\frac{1}{x^2}, 2y)$  nel proprio dominio.  
A:  $1/(x^2 + y^2)$  B: N.A. C:  $\frac{1}{x} + y^2 + c$ , con  $c \in \mathbb{R}$  D:  $\frac{1}{x} + y^2 + \phi(x, y)$  con  $\phi(x, y) = c_1$  per  $x > 0$  e  $\phi(x, y) = c_2$  per  $x < 0$   $c_1, c_2 \in \mathbb{R}$  E:  $1/x$
3. La funzione  $f(x, y) = xy$  per  $xy \geq 0$  e  $f(x, y) = x^2 + xy$  per  $xy < 0$ , in  $(0, 0)$   
A: ! discontinua B: è differenziabile C: Non ha derivate parziali D: Ha gradiente ma non è differenziabile E: N.A.
4. Il polinomio di Taylor di  $f(x, y) = y^x$   
A:  $xy - x + 1$  B:  $x + y$  C: N.A. D:  $x^2 + y^2$  E:  $x + x^2 + xy$
5. Calcolare la lunghezza della curva in coordinate polari  $\rho(t) = t^2, \theta(t) = t, t \in [0, 1]$   
A:  $\pi/4$  B:  $\frac{1}{3}(\sqrt{125} - 8)$  C: N.A. D:  $1/2$  E:  $3/2$
6. Studiare i punti critici di  $f(x, y) = x^2 + 2xy + 2y^2 - 3x + y$   
A: N.A. B:  $(2, 3)$ , massimo C: Non ci sono punti critici D:  $(7/2, -2)$ , minimo E:  $(1, 3)$ , sella
7. Calcolare  $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2+y^2}} dx dy$  ove T è la porzione di piano delimitata dall'asse x e la spirale di Archimede  $\rho = \theta$   $\theta \in [0, \pi]$   
A: N.A. B:  $\pi/2$  C:  $\pi^2/2$  D:  $2\pi$  E:  $e/\pi$
8. La direzione della curva di livello di  $f(x, y) = x\sqrt{y}$  passante per il punto del grafico corrispondente a  $(1, 1)$  è  
A:  $(1, 2)$  B:  $(0, 1)$  C:  $(1, 1)$  D:  $(2, 3)$  E: N.A.
9. La funzione  $f(x, y) = \frac{\cos xy - 1}{\sqrt{x^2+y^2}}$  in  $(0, 0)$   
A: Diverge a  $-\infty$  B: È infinitesima C: Diverge a  $+\infty$  D: N.A. E: Oscilla
10. Calcolare l'area della porzione di grafico di  $f(x, y) = x^2 + y^2$  interna al cilindro  $x^2 + y^2 = 4$   
A:  $\frac{\pi}{6}(17^{\frac{3}{2}} - 1)$  B:  $\sqrt{7}\pi$  C:  $\pi^2$  D: N.A. E: 2



## PARTE A

1. Calcolare l'integrale curvilineo di  $f(x, y, z) = xyz$  esteso alla curva  $\gamma(t) = (\sin t, \cos t, t)$   $t \in [0, 1]$   
A:  $1/2\pi$  B: N.A. C:  $\sin 1$  D: 0 E:  $\frac{1}{2\sqrt{2}}(\frac{1}{2}\sin 2 - \cos 2)$
2. Calcolare la lunghezza della curva in coordinate polari  $\rho(t) = t^2, \theta(t) = t, t \in [0, 1]$   
A:  $3/2$  B:  $1/2$  C: N.A. D:  $\pi/4$  E:  $\frac{1}{3}(\sqrt{125} - 8)$
3. La funzione  $f(x, y) = xy$  per  $xy \geq 0$  e  $f(x, y) = x^2 + xy$  per  $xy < 0$ , in  $(0, 0)$   
A: è differenziabile B: N.A. C: ! discontinua D: Non ha derivate parziali E: Ha gradiente ma non è differenziabile
4. Studiare i punti critici di  $f(x, y) = x^2 + 2xy + 2y^2 - 3x + y$   
A: Non ci sono punti critici B:  $(7/2, -2)$ , minimo C: N.A. D:  $(1, 3)$ , sella E:  $(2, 3)$ , massimo
5. La direzione della curva di livello di  $f(x, y) = x\sqrt{y}$  passante per il punto del grafico corrispondente a  $(1, 1)$  è  
A:  $(0, 1)$  B:  $(1, 2)$  C:  $(1, 1)$  D:  $(2, 3)$  E: N.A.
6. Il polinomio di Taylor di  $f(x, y) = y^x$   
A:  $xy - x + 1$  B: N.A. C:  $x^2 + y^2$  D:  $x + y$  E:  $x + x^2 + xy$
7. Determinare tutti i potenziali di  $(-\frac{1}{x^2}, 2y)$  nel proprio dominio.  
A: N.A. B:  $1/x$  C:  $\frac{1}{x} + y^2 + \phi(x, y)$  con  $\phi(x, y) = c_1$  per  $x > 0$  e  $\phi(x, y) = c_2$  per  $x < 0$   $c_1, c_2 \in \mathbb{R}$  D:  $1/(x^2 + y^2)$  E:  $\frac{1}{x} + y^2 + c$ , con  $c \in \mathbb{R}$
8. Calcolare l'area della porzione di grafico di  $f(x, y) = x^2 + y^2$  interna al cilindro  $x^2 + y^2 = 4$   
A: N.A. B:  $\frac{\pi}{6}(17^{\frac{3}{2}} - 1)$  C:  $\sqrt{7}\pi$  D:  $\pi^2$  E: 2
9. Calcolare  $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}} dx dy$  ove T è la porzione di piano delimitata dall'asse x e la spirale di Archimede  $\rho = \theta$   $\theta \in [0, \pi]$   
A:  $e/\pi$  B:  $\pi^2/2$  C:  $2\pi$  D:  $\pi/2$  E: N.A.
10. La funzione  $f(x, y) = \frac{\cos xy - 1}{\sqrt{x^2 + y^2}}$  in  $(0, 0)$   
A: Oscilla B: N.A. C: Diverge a  $+\infty$  D: Diverge a  $-\infty$  E: È infinitesima



## PARTE A

- Determinare tutti i potenziali di  $(-\frac{1}{x^2}, 2y)$  nel proprio dominio.  
A:  $1/x$  B:  $\frac{1}{x} + y^2 + c$ , con  $c \in \mathbb{R}$  C:  $\frac{1}{x} + y^2 + \phi(x, y)$  con  $\phi(x, y) = c_1$  per  $x > 0$  e  $\phi(x, y) = c_2$  per  $x < 0$   $c_1, c_2 \in \mathbb{R}$  D: N.A. E:  $1/(x^2 + y^2)$
- Calcolare la lunghezza della curva in coordinate polari  $\rho(t) = t^2, \theta(t) = t, t \in [0, 1]$   
A: N.A. B:  $3/2$  C:  $\frac{1}{3}(\sqrt{125} - 8)$  D:  $\pi/4$  E:  $1/2$
- Calcolare l'area della porzione di grafico di  $f(x, y) = x^2 + y^2$  interna al cilindro  $x^2 + y^2 = 4$   
A:  $\pi^2$  B:  $\frac{\pi}{6}(17^{\frac{3}{2}} - 1)$  C:  $2$  D: N.A. E:  $\sqrt{7}\pi$
- Calcolare  $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2+y^2}} dx dy$  ove T è la porzione di piano delimitata dall'asse x e la spirale di Archimede  $\rho = \theta \quad \theta \in [0, \pi]$   
A:  $\pi/2$  B:  $e/\pi$  C: N.A. D:  $2\pi$  E:  $\pi^2/2$
- Calcolare l'integrale curvilineo di  $f(x, y, z) = xyz$  esteso alla curva  $\gamma(t) = (\sin t, \cos t, t) \quad t \in [0, 1]$   
A:  $\frac{1}{2\sqrt{2}}(\frac{1}{2} \sin 2 - \cos 2)$  B:  $0$  C:  $\sin 1$  D:  $1/2\pi$  E: N.A.
- La funzione  $f(x, y) = xy$  per  $xy \geq 0$  e  $f(x, y) = x^2 + xy$  per  $xy < 0$ , in  $(0, 0)$   
A: è differenziabile B: Ha gradiente ma non è differenziabile C: N.A. D: ! discontinua  
E: Non ha derivate parziali
- Il polinomio di Taylor di  $f(x, y) = y^x$   
A:  $x^2 + y^2$  B:  $xy - x + 1$  C: N.A. D:  $x + y$  E:  $x + x^2 + xy$
- Studiare i punti critici di  $f(x, y) = x^2 + 2xy + 2y^2 - 3x + y$   
A:  $(2, 3)$ , massimo B: N.A. C: Non ci sono punti critici D:  $(7/2, -2)$ , minimo E:  $(1, 3)$ , sella
- La direzione della curva di livello di  $f(x, y) = x\sqrt{y}$  passante per il punto del grafico corrispondente a  $(1, 1)$  è  
A:  $(0, 1)$  B:  $(2, 3)$  C:  $(1, 2)$  D:  $(1, 1)$  E: N.A.
- La funzione  $f(x, y) = \frac{\cos xy - 1}{\sqrt{x^2+y^2}}$  in  $(0, 0)$   
A: Diverge a  $+\infty$  B: È infinitesima C: Diverge a  $-\infty$  D: N.A. E: Oscilla



## PARTE A

1. Studiare i punti critici di  $f(x, y) = x^2 + 2xy + 2y^2 - 3x + y$   
A: (2, 3), massimo    B: Non ci sono punti critici    C: (1, 3), sella    D: N.A.    E: (7/2, -2), minimo
2. Calcolare l'area della porzione di grafico di  $f(x, y) = x^2 + y^2$  interna al cilindro  $x^2 + y^2 = 4$   
A:  $\sqrt{7}\pi$     B: 2    C:  $\frac{\pi}{6}(17^{\frac{3}{2}} - 1)$     D:  $\pi^2$     E: N.A.
3. Determinare tutti i potenziali di  $(-\frac{1}{x^2}, 2y)$  nel proprio dominio.  
A:  $\frac{1}{x} + y^2 + \phi(x, y)$  con  $\phi(x, y) = c_1$  per  $x > 0$  e  $\phi(x, y) = c_2$  per  $x < 0$      $c_1, c_2 \in \mathbb{R}$     B:  $\frac{1}{x} + y^2 + c$ , con  $c \in \mathbb{R}$     C:  $1/x$     D: N.A.    E:  $1/(x^2 + y^2)$
4. Calcolare  $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}} dx dy$  ove T è la porzione di piano delimitata dall'asse x e la spirale di Archimede  $\rho = \theta$      $\theta \in [0, \pi]$   
A:  $\pi^2/2$     B: N.A.    C:  $\pi/2$     D:  $e/\pi$     E:  $2\pi$
5. La direzione della curva di livello di  $f(x, y) = x\sqrt{y}$  passante per il punto del grafico corrispondente a (1, 1) è  
A: (1, 1)    B: (2, 3)    C: (1, 2)    D: N.A.    E: (0, 1)
6. Calcolare l'integrale curvilineo di  $f(x, y, z) = xyz$  esteso alla curva  $\gamma(t) = (\sin t, \cos t, t)$      $t \in [0, 1]$   
A: N.A.    B: 0    C:  $1/2\pi$     D:  $\frac{1}{2\sqrt{2}}(\frac{1}{2} \sin 2 - \cos 2)$     E:  $\sin 1$
7. Il polinomio di Taylor di  $f(x, y) = y^x$   
A:  $x + y$     B:  $xy - x + 1$     C:  $x + x^2 + xy$     D: N.A.    E:  $x^2 + y^2$
8. Calcolare la lunghezza della curva in coordinate polari  $\rho(t) = t^2, \theta(t) = t, t \in [0, 1]$   
A:  $3/2$     B:  $\pi/4$     C: N.A.    D:  $\frac{1}{3}(\sqrt{125} - 8)$     E:  $1/2$
9. La funzione  $f(x, y) = \frac{\cos xy - 1}{\sqrt{x^2 + y^2}}$  in (0, 0)  
A: È infinitesima    B: Oscilla    C: N.A.    D: Diverge a  $-\infty$     E: Diverge a  $+\infty$
10. La funzione  $f(x, y) = xy$  per  $xy \geq 0$  e  $f(x, y) = x^2 + xy$  per  $xy < 0$ , in (0, 0)  
A: ! discontinua    B: è differenziabile    C: N.A.    D: Ha gradiente ma non è differenziabile  
E: Non ha derivate parziali







