

1. La dimensione del nucleo dell'applicazione lineare definita su \mathbb{R}^3 dalla matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$ è
 A: 0 B: N.A. C: 2 D: 1 E: 3
2. Quale dei vettori $(0,3,2)$ e $(3,3,1)$ completa ad una base di \mathbb{R}^3 il sistema costituito dai vettori $(1, 2, 2)$ e $(2, 1, 2)$?
 A: Nessuno dei due, perché il sistema è dipendente B: $(0, 3, 2)$ C: Nessuno dei due, perché entrambi dipendono dal sistema D: $(3, 3, 1)$ E: N.A.
3. Date $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ e $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ allora $A^T B$ vale
 A: $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ B: $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ C: $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ D: N.A. E: $\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$
4. Determinare tutte le soluzioni di $\begin{cases} x + 2z = 1 \\ 2x + y + 3z = 1 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$
 A: Non ha soluzioni B: $(1, -1, 0) + t(-2, 1, 1)$ C: $(1, 2, 1)$ D: N.A. E: $t(2, 1, 1)$
5. Determinare la proiezione di $(1, i, 1)$ su $(i, 1, 1)$.
 A: $(i, 1, 1)$ B: $2(i, 1, 1)$ C: $(0, 0, 0)$ D: N.A. E: $\frac{1}{3}(i, 1, 1)$
6. L'equazione implicita del piano per $(1, 1, 2)$, perpendicolare alla retta $\gamma(t) = (1, 0, 0) + t(2, 1, 1)$ è
 A: $x + y - 2z = 0$ B: $2x + y + z = 5$ C: $2x + y + z = 0$ D: $x + y = 0$ E: N.A.
7. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$
 A: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perché ha autovalori reali e distinti B: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perché è autoaggiunta C: è diagonalizzabile su \mathbb{C} ma non su \mathbb{R} D: N.A. E: non è diagonalizzabile
8. Una base spettrale **ortonormale** della matrice $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ è
 A: $(1, 1), (1, -1)$ B: $\frac{1}{\sqrt{2}}(1, 1), \frac{1}{\sqrt{2}}(1, -1)$ C: $\frac{1}{\sqrt{3}}(2, -1), \frac{1}{\sqrt{3}}(1, 2)$ D: N.A. E: Non esistono basi spettrali
9. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \\ 0 & 2 & -1 \end{pmatrix}$
 A: non è autoaggiunta B: diagonalizzata diventa $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$ C: diagonalizzata diventa $\begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$ D: N.A. E: non è diagonalizzabile su \mathbb{R}

1. Quale dei vettori $(0,3,2)$ e $(3,3,1)$ completa ad una base di \mathbb{R}^3 il sistema costituito dai vettori $(1, 2, 2)$ e $(2, 1, 2)$?
 A: Nessuno dei due, perché il sistema è dipendente B: Nessuno dei due, perché entrambi dipendono dal sistema C: N.A. D: $(3, 3, 1)$ E: $(0, 3, 2)$
2. Determinare tutte le soluzioni di
$$\begin{cases} x + 2z = 1 \\ 2x + y + 3z = 1 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$$

 A: N.A. B: Non ha soluzioni C: $(1, 2, 1)$ D: $t(2, 1, 1)$ E: $(1, -1, 0) + t(-2, 1, 1)$
3. L'equazione implicita del piano per $(1, 1, 2)$, perpendicolare alla retta $\gamma(t) = (1, 0, 0) + t(2, 1, 1)$ è
 A: $2x + y + z = 0$ B: $x + y = 0$ C: $2x + y + z = 5$ D: N.A. E: $x + y - 2z = 0$
4. Determinare la proiezione di $(1, i, 1)$ su $(i, 1, 1)$.
 A: $2(i, 1, 1)$ B: N.A. C: $\frac{1}{3}(i, 1, 1)$ D: $(i, 1, 1)$ E: $(0, 0, 0)$
5. La dimensione del nucleo dell'applicazione lineare definita su \mathbb{R}^3 dalla matrice
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$
 è
 A: 0 B: 1 C: 2 D: N.A. E: 3
6. Date $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ e $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ allora $A^T B$ vale
 A: $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ B: N.A. C: $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ D: $\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ E: $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$
7. Una base spettrale **ortonormale** della matrice $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ è
 A: $\frac{1}{\sqrt{3}}(2, -1), \frac{1}{\sqrt{3}}(1, 2)$ B: $(1, 1), (1, -1)$ C: $\frac{1}{\sqrt{2}}(1, 1), \frac{1}{\sqrt{2}}(1, -1)$ D: N.A. E: Non esistono basi spettrali
8. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$
 A: è diagonalizzabile su \mathbb{C} ma non su \mathbb{R} B: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perché è autoaggiunta
 C: non è diagonalizzabile D: N.A. E: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perché ha autovalori reali e distinti
9. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \\ 0 & 2 & -1 \end{pmatrix}$
 A: diagonalizzata diventa $\begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$ B: diagonalizzata diventa $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$ C:
 non è autoaggiunta D: non è diagonalizzabile su \mathbb{R} E: N.A.

1. Determinare tutte le soluzioni di $\begin{cases} x + 2z = 1 \\ 2x + y + 3z = 1 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$
 A: $t(2, 1, 1)$ B: Non ha soluzioni C: N.A. D: $(1, -1, 0) + t(-2, 1, 1)$ E: $(1, 2, 1)$
2. La dimensione del nucleo dell'applicazione lineare definita su \mathbb{R}^3 dalla matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$
 è
 A: 3 B: N.A. C: 2 D: 0 E: 1
3. Quale dei vettori $(0, 3, 2)$ e $(3, 3, 1)$ completa ad una base di \mathbb{R}^3 il sistema costituito dai vettori $(1, 2, 2)$ e $(2, 1, 2)$?
 A: $(0, 3, 2)$ B: Nessuno dei due, perché entrambi dipendono dal sistema C: Nessuno dei due, perché il sistema è dipendente D: $(3, 3, 1)$ E: N.A.
4. Date $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ e $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ allora $A^T B$ vale
 A: $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ B: $\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ C: $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ D: $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ E: N.A.
5. Determinare la proiezione di $(1, i, 1)$ su $(i, 1, 1)$.
 A: $(i, 1, 1)$ B: $(0, 0, 0)$ C: $2(i, 1, 1)$ D: N.A. E: $\frac{1}{3}(i, 1, 1)$
6. L'equazione implicita del piano per $(1, 1, 2)$, perpendicolare alla retta $\gamma(t) = (1, 0, 0) + t(2, 1, 1)$
 è
 A: $x + y - 2z = 0$ B: $2x + y + z = 5$ C: N.A. D: $x + y = 0$ E: $2x + y + z = 0$
7. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$
 A: non è diagonalizzabile B: è diagonalizzabile su \mathbb{C} ma non su \mathbb{R} C: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perché ha autovalori reali e distinti D: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perché è autoaggiunta
 E: N.A.
8. Una base spettrale **ortonormale** della matrice $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ è
 A: $\frac{1}{\sqrt{2}}(1, 1), \frac{1}{\sqrt{2}}(1, -1)$ B: Non esistono basi spettrali C: $(1, 1), (1, -1)$ D: $\frac{1}{\sqrt{3}}(2, -1), \frac{1}{\sqrt{3}}(1, 2)$
 E: N.A.
9. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \\ 0 & 2 & -1 \end{pmatrix}$
 A: diagonalizzata diventa $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$ B: non è diagonalizzabile su \mathbb{R} C: diagonalizzata diventa $\begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$ D: N.A. E: non è autoaggiunta

1. La dimensione del nucleo dell'applicazione lineare definita su \mathbb{R}^3 dalla matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 6 \\ 1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$ è

A: 0 B: 2 C: 1 D: N.A. E: 3

2. Quale dei vettori $(0,3,2)$ e $(3,3,1)$ completa ad una base di \mathbb{R}^3 il sistema costituito dai vettori $(1, 2, 2)$ e $(2, 1, 2)$?

A: $(0, 3, 2)$ B: $(3, 3, 1)$ C: Nessuno dei due, perché entrambi dipendono dal sistema D: Nessuno dei due, perché il sistema è dipendente E: N.A.

3. Date $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ e $B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ allora $A^T B$ vale

A: $\begin{pmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$ B: $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$ C: $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ D: N.A. E: $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$

4. Determinare la proiezione di $(1, i, 1)$ su $(i, 1, 1)$.

A: $(0, 0, 0)$ B: $(i, 1, 1)$ C: N.A. D: $\frac{1}{3}(i, 1, 1)$ E: $2(i, 1, 1)$

5. Determinare tutte le soluzioni di $\begin{cases} x + 2z = 1 \\ 2x + y + 3z = 1 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$

A: Non ha soluzioni B: $(1, 2, 1)$ C: N.A. D: $t(2, 1, 1)$ E: $(1, -1, 0) + t(-2, 1, 1)$

6. L'equazione implicita del piano per $(1, 1, 2)$, perpendicolare alla retta $\gamma(t) = (1, 0, 0) + t(2, 1, 1)$ è

A: $x + y - 2z = 0$ B: N.A. C: $2x + y + z = 5$ D: $2x + y + z = 0$ E: $x + y = 0$

7. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 2 & 0 & 2 \\ 0 & 2 & -1 \end{pmatrix}$

A: non è autoaggiunta B: diagonalizzata diventa $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$ C: N.A. D: non è

diagonalizzabile su \mathbb{R} E: diagonalizzata diventa $\begin{pmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

8. Una base spettrale **ortonormale** della matrice $\begin{pmatrix} 0 & 2 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$ è

A: $\frac{1}{\sqrt{3}}(2, -1), \frac{1}{\sqrt{3}}(1, 2)$ B: Non esistono basi spettrali C: $(1, 1), (1, -1)$ D: $\frac{1}{\sqrt{2}}(1, 1), \frac{1}{\sqrt{2}}(1, -1)$ E: N.A.

9. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$

A: è diagonalizzabile su \mathbb{C} ma non su \mathbb{R} B: non è diagonalizzabile C: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perché ha autovalori reali e distinti D: N.A. E: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perché è autoaggiunta

