

1. La funzione $f(x, y) = xy$ all'infinito
 A: diverge a $-\infty$ B: oscilla C: diverge a $+\infty$ D: N.A E: converge
2. La funzione $f(x, y) = \sqrt[3]{x^2y^2}$ in $(0,0)$
 A: Ha gradiente, ma non è differenziabile B: È differenziabile con differenziale $2dx + 3dy$
 C: È differenziabile con differenziale identicamente nullo D: N.A. E: È continua, ma non ha gradiente
3. Studiare i punti critici della funzione $f(x, y) = \sin xy$ interni al cerchio unitario.
 A: N.A. B: $(0,0)$, minimo C: non ci sono punti critici D: $(1/2, 1/2)$ minimo, $(-1/3, 1/2)$ sella E: $(0, 0)$, sella
4. Il $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{e^{xy} - 1}{\sqrt{x^2 + y^2}}$ vale
 A: 0 B: $-\infty$ C: N.A. D: $+\infty$ E: N.E.
5. Calcolare $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}} dx dy$ ove T è la regione del semipiano $y \geq 0$ interna al cerchio unitario centrato nell'origine, ed esterna al cerchio di centro $(0, 1/2)$ e raggio $1/2$.
 A: N.A B: 0 C: $\pi - 2$ D: $2/3$ E: 2π
6. Calcolare la lunghezza del grafico di $f(x) = e^{-x}$ su $[0, 1]$.
 A: $\sqrt{2}$ B: $\log(1 + e^2)$ C: $\log 3 - 1$ D: 0 E: N.A
7. Determinare tutti i potenziali del campo $(\frac{x}{\sqrt{(x^2 + y^2)^3}}, \frac{y}{\sqrt{(x^2 + y^2)^3}})$
 A: $\frac{1}{xy} + \text{cost}$ B: $x^2 + y^2 + \text{cost}$ C: $-\frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}} + \text{cost}$ D: $-\frac{1}{x^2 + y^2} + \text{cost}$ E: N.A
8. Determinare l'equazione implicita del piano tangente al sostegno della superficie

$$\Phi(u, v) = \begin{pmatrix} \sin u \cos v \\ \cos u \sin v \\ \cos u \cos v \end{pmatrix}$$

nel punto $\Phi(0, 0)$

- A: $x + z = 0$ B: $x + y + z = 2$ C: N.A. D: $z = 1$ E: N.E. piano tangente

1. Studiare i punti critici della funzione $f(x, y) = \sin xy$ interni al cerchio unitario.
 A: non ci sono punti critici B: N.A. C: $(1/2, 1/2)$ minimo, $(-1/3, 1/2)$ sella D: $(0, 0)$, minimo E: $(0, 0)$, sella
2. La funzione $f(x, y) = \sqrt[3]{x^2 y^2}$ in $(0, 0)$
 A: È continua, ma non ha gradiente B: È differenziabile con differenziale identicamente nullo C: Ha gradiente, ma non è differenziabile D: È differenziabile con differenziale $2dx + 3dy$ E: N.A.
3. La funzione $f(x, y) = xy$ all'infinito
 A: oscilla B: N.A. C: diverge a $+\infty$ D: diverge a $-\infty$ E: converge
4. Il $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{e^{xy} - 1}{\sqrt{x^2 + y^2}}$ vale
 A: N.A. B: $-\infty$ C: $+\infty$ D: 0 E: N.E.
5. Calcolare la lunghezza del grafico di $f(x) = e^{-x}$ su $[0, 1]$.
 A: $\log 3 - 1$ B: $\sqrt{2}$ C: 0 D: N.A. E: $\log(1 + e^2)$
6. Calcolare $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}} dx dy$ ove T è la regione del semipiano $y \geq 0$ interna al cerchio unitario centrato nell'origine, ed esterna al cerchio di centro $(0, 1/2)$ e raggio $1/2$.
 A: N.A. B: 0 C: $\pi - 2$ D: $2/3$ E: 2π
7. Determinare l'equazione implicita del piano tangente al sostegno della superficie

$$\Phi(u, v) = \begin{pmatrix} \sin u \cos v \\ \cos u \sin v \\ \cos u \cos v \end{pmatrix}$$

nel punto $\Phi(0, 0)$

- A: N.E. piano tangente B: $x+y+z=2$ C: $z = 1$ D: N.A. E: $x + z = 0$
8. Determinare tutti i potenziali del campo $(\frac{x}{\sqrt{(x^2+y^2)^3}}, \frac{y}{\sqrt{(x^2+y^2)^3}})$
 A: $-\frac{1}{\sqrt{x^2+y^2}} + cost$ B: N.A. C: $-\frac{1}{x^2+y^2} + cost$ D: $\frac{1}{xy} + cost$ E: $x^2 + y^2 + cost$

- La funzione $f(x, y) = \sqrt[3]{x^2 y^2}$ in $(0,0)$
 A: È differenziabile con differenziale identicamente nullo B: Ha gradiente, ma non è differenziabile C: È differenziabile con differenziale $2dx + 3dy$ D: È continua, ma non ha gradiente E: N.A.
- La funzione $f(x, y) = xy$ all'infinito
 A: converge B: diverge a $-\infty$ C: diverge a $+\infty$ D: N.A E: oscilla
- Il $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{e^{xy} - 1}{\sqrt{x^2 + y^2}}$ vale
 A: $+\infty$ B: N.E. C: 0 D: N.A. E: $-\infty$
- Studiare i punti critici della funzione $f(x, y) = \sin xy$ interni al cerchio unitario.
 A: non ci sono punti critici B: $(0, 0)$, sella C: $(1/2, 1/2)$ minimo, $(-1/3, 1/2)$ sella D: $(0, 0)$, minimo E: N.A.
- Calcolare la lunghezza del grafico di $f(x) = e^{-x}$ su $[0, 1]$.
 A: 0 B: N.A C: $\log 3 - 1$ D: $\log(1 + e^2)$ E: $\sqrt{2}$
- Determinare l'equazione implicita del piano tangente al sostegno della superficie

$$\Phi(u, v) = \begin{pmatrix} \sin u \cos v \\ \cos u \sin v \\ \cos u \cos v \end{pmatrix}$$

nel punto $\Phi(0, 0)$

- A: $x + z = 0$ B: $z = 1$ C: N.E. piano tangente D: $x + y + z = 2$ E: N.A.
- Calcolare $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}} dx dy$ ove T è la regione del semipiano $y \geq 0$ interna al cerchio unitario centrato nell'origine, ed esterna al cerchio di centro $(0, 1/2)$ e raggio $1/2$.
 A: $2/3$ B: 0 C: $\pi - 2$ D: 2π E: N.A
 - Determinare tutti i potenziali del campo $(\frac{x}{\sqrt{(x^2 + y^2)^3}}, \frac{y}{\sqrt{(x^2 + y^2)^3}})$
 A: $x^2 + y^2 + cost$ B: N.A C: $-\frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}} + cost$ D: $-\frac{1}{x^2 + y^2} + cost$ E: $\frac{1}{xy} + cost$

1. La funzione $f(x, y) = xy$ all'infinito
 A: N.A B: converge C: diverge a $-\infty$ D: diverge a $+\infty$ E: oscilla
2. La funzione $f(x, y) = \sqrt[3]{x^2y^2}$ in $(0,0)$
 A: N.A. B: Ha gradiente, ma non è differenziabile C: È differenziabile con differenziale $2dx + 3dy$ D: È differenziabile con differenziale identicamente nullo E: È continua, ma non ha gradiente
3. Il $\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} \frac{e^{xy} - 1}{\sqrt{x^2 + y^2}}$ vale
 A: $-\infty$ B: N.E. C: N.A. D: 0 E: $+\infty$
4. Studiare i punti critici della funzione $f(x, y) = \sin xy$ interni al cerchio unitario.
 A: $(0,0)$, minimo B: $(0,0)$, sella C: N.A. D: $(1/2, 1/2)$ minimo, $(-1/3, 1/2)$ sella E: non ci sono punti critici
5. Calcolare $\int_T \frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}} dx dy$ ove T è la regione del semipiano $y \geq 0$ interna al cerchio unitario centrato nell'origine, ed esterna al cerchio di centro $(0, 1/2)$ e raggio $1/2$.
 A: 0 B: $2/3$ C: 2π D: $\pi - 2$ E: N.A
6. Determinare l'equazione implicita del piano tangente al sostegno della superficie

$$\Phi(u, v) = \begin{pmatrix} \sin u \cos v \\ \cos u \sin v \\ \cos u \cos v \end{pmatrix}$$

nel punto $\Phi(0, 0)$

- A: $z = 1$ B: N.A. C: $x + z = 0$ D: $x + y + z = 2$ E: N.E. piano tangente
7. Calcolare la lunghezza del grafico di $f(x) = e^{-x}$ su $[0, 1]$.
 A: $\sqrt{2}$ B: 0 C: $\log(1 + e^2)$ D: $\log 3 - 1$ E: N.A
 8. Determinare tutti i potenziali del campo $(\frac{x}{\sqrt{(x^2 + y^2)^3}}, \frac{y}{\sqrt{(x^2 + y^2)^3}})$
 A: $x^2 + y^2 + cost$ B: $\frac{1}{xy} + cost$ C: N.A D: $-\frac{1}{x^2 + y^2} + cost$ E: $-\frac{1}{\sqrt{x^2 + y^2}} + cost$

