



**CODICE=333003**

1. La proiezione di  $(1, 1, 1) \in \mathbb{C}^3$  su  $\langle(1, i, 0), (1, -i, 3)\rangle$  è:  
 A:  $\frac{1}{22}(3 + 2i, 9 + 4i, 1 - i)$  B:  $\frac{1}{22}(3 + 9i, 9 - 3i, -2 - 6i)$  C:  $\frac{1}{22}(19 - 9i, 13 + 3i, 24 + 6i)$   
 D: N.A. E: non è definita
2. L'area del triangolo di vertici  $(0, 0, 0, 0), (1, 1, -1, -1), (2, 1, 0, 1)$  è:  
 A:  $2\sqrt{2}$  B:  $\sqrt{3}$  C: N.A. D:  $\sqrt{5}$  E: 0
3. La (minima) distanza fra le rette  $\gamma(s) = (1, 1, 0) + s(1, 1, 1)$   $s \in \mathbb{R}$ , e  $\sigma(t) = t(2, 1, 2)$   $t \in \mathbb{R}$  è:  
 A:  $3/\sqrt{2}$  B:  $1/\sqrt{2}$  C: 0 D: N.A. E:  $2/\sqrt{3}$
4. I sottospazi di  $\mathbb{R}^3$   $X = \langle(1, 0, 1), (2, 1, -1)\rangle$  e  $Y = \langle(0, -1, 3), (1, 1, -2)\rangle$  verificano  
 A:  $X + Y$  è diretta B:  $Y \subset X$  C:  $X = Y$  D: N.A. E:  $X \subset Y$
5. La rotazione in  $\mathbb{R}^2$  attorno all'origine di  $-\pi/2$   
 A: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , con autovalori  $i, -i$  B: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$ , con autovalori  $1, -1$  C: non è diagonalizzabile né su  $\mathbb{R}$ , né su  $\mathbb{C}$  D: non definisce un operatore da  $\mathbb{R}^2$  in sé E: N.A.
6. Una base spettrale di  $\mathcal{A}(u) = u' - u$  sul sottospazio  $\langle \sinh t, \cosh t \rangle$   
 A: non esiste:  $\mathcal{A}$  non è diagonalizzabile B: N.A. C:  $\{e^t, e^{-2t}\}$  D:  $\{\sinh t, \cosh t\}$  E:  $\{e^t, e^{-t}\}$
7. L'applicazione lineare da  $\mathbb{R}^3$  in sé definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -2 \end{pmatrix}$  è  
 A: né iniettiva, né suriettiva B: suriettiva, ma non iniettiva C: N.A. D: iniettiva, ma non suriettiva E: biiettiva
8. La forma quadratica  $H(x, y, z) = x^2 + 4y^2 + 2z^2 + 2xz + 4yz$  è:  
 A: definita positiva B: semidefinita negativa C: definita negativa D: indefinita E: semidefinita positiva
9. Date  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  e  $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $A^*B$  è  
 A:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$  B:  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 6 & 0 \end{pmatrix}$  C: N.A. D:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$  E: non è definita
10. La dimensione del nucleo dell'applicazione definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 & 1 \\ 1 & -2 & -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  è:  
 A: N.A. B: 2 C: 4 D: 1 E: 3
11. L'operatore (endomorfismo) definito su  $\mathbb{R}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 \\ -1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$   
 A: non è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché non ha tre autovalori reali (semplici) distinti B: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali, e l'autospazio di quello doppio ha dimensione due C: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali (semplici) distinti D: N.A. E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , perché ha tre autovalori complessi distinti, ma qualcuno non è reale

**CODICE=333003**

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Cognome)

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Nome)

--	--	--	--	--	--	--

(Numero di matricola)

A B C D E
-----------

1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
11	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

CODICE=378695

**CODICE=378695**

1. La rotazione in  $\mathbb{R}^2$  attorno all'origine di  $-\pi/2$   
 A: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$ , con autovalori  $1, -1$  B: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , con autovalori  $i, -i$  C: non è diagonalizzabile né su  $\mathbb{R}$ , né su  $\mathbb{C}$  D: non definisce un operatore da  $\mathbb{R}^2$  in sé E: N.A.
2. La dimensione del nucleo dell'applicazione definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 & 1 \\ 1 & -2 & -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  è:  
 A: 4 B: N.A. C: 1 D: 3 E: 2
3. La forma quadratica  $H(x, y, z) = x^2 + 4y^2 + 2z^2 + 2xz + 4yz$  è:  
 A: definita positiva B: indefinita C: definita negativa D: semidefinita negativa E: semidefinita positiva
4. Una base spettrale di  $\mathcal{A}(u) = u' - u$  sul sottospazio  $\langle \sinh t, \cosh t \rangle$   
 A:  $\{e^t, e^{-2t}\}$  B:  $\{e^t, e^{-t}\}$  C:  $\{\sinh t, \cosh t\}$  D: non esiste:  $\mathcal{A}$  non è diagonalizzabile E: N.A.
5. La (minima) distanza fra le rette  $\gamma(s) = (1, 1, 0) + s(1, 1, 1)$   $s \in \mathbb{R}$ , e  $\sigma(t) = t(2, 1, 2)$   $t \in \mathbb{R}$  è:  
 A:  $3/\sqrt{2}$  B: 0 C: N.A. D:  $1/\sqrt{2}$  E:  $2/\sqrt{3}$
6. L'applicazione lineare da  $\mathbb{R}^3$  in sé definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -2 \end{pmatrix}$  è  
 A: suriettiva, ma non iniettiva B: né iniettiva, né suriettiva C: biiettiva D: iniettiva, ma non suriettiva E: N.A.
7. L'area del triangolo di vertici  $(0, 0, 0, 0)$ ,  $(1, 1, -1, -1)$ ,  $(2, 1, 0, 1)$  è:  
 A:  $\sqrt{3}$  B:  $\sqrt{5}$  C:  $2\sqrt{2}$  D: 0 E: N.A.
8. La proiezione di  $(1, 1, 1) \in \mathbb{C}^3$  su  $\langle (1, i, 0), (1, -i, 3) \rangle$  è:  
 A:  $\frac{1}{22}(3 + 2i, 9 + 4i, 1 - i)$  B: non è definita C: N.A. D:  $\frac{1}{22}(3 + 9i, 9 - 3i, -2 - 6i)$  E:  $\frac{1}{22}(19 - 9i, 13 + 3i, 24 + 6i)$
9. L'operatore (endomorfismo) definito su  $\mathbb{R}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 \\ -1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$   
 A: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , perché ha tre autovalori complessi distinti, ma qualcuno non è reale B: N.A. C: non è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché non ha tre autovalori reali (semplici) distinti D: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali, e l'autospazio di quello doppio ha dimensione due E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali (semplici) distinti
10. Date  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  e  $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $A^*B$  è  
 A:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$  B: non è definita C:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$  D: N.A. E:  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 6 & 0 \end{pmatrix}$
11. I sottospazi di  $\mathbb{R}^3$   $X = \langle (1, 0, 1), (2, 1, -1) \rangle$  e  $Y = \langle (0, -1, 3), (1, 1, -2) \rangle$  verificano  
 A:  $Y \subset X$  B:  $X \subset Y$  C: N.A. D:  $X = Y$  E:  $X + Y$  è diretta

**CODICE=378695**





**CODICE=442423**

- La forma quadratica  $H(x, y, z) = x^2 + 4y^2 + 2z^2 + 2xz + 4yz$  è:  
A: definita negativa    B: semidefinita negativa    C: semidefinita positiva    D: indefinita  
E: definita positiva
- La rotazione in  $\mathbb{R}^2$  attorno all'origine di  $-\pi/2$   
A: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$ , con autovalori  $1, -1$     B: N.A.    C: non è diagonalizzabile né su  $\mathbb{R}$ , né su  $\mathbb{C}$     D: non definisce un operatore da  $\mathbb{R}^2$  in sé    E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , con autovalori  $i, -i$
- La (minima) distanza fra le rette  $\gamma(s) = (1, 1, 0) + s(1, 1, 1)$   $s \in \mathbb{R}$ , e  $\sigma(t) = t(2, 1, 2)$   $t \in \mathbb{R}$  è:  
A:  $3/\sqrt{2}$     B:  $2/\sqrt{3}$     C: N.A.    D:  $1/\sqrt{2}$     E: 0
- L'area del triangolo di vertici  $(0, 0, 0, 0), (1, 1, -1, -1), (2, 1, 0, 1)$  è:  
A:  $\sqrt{3}$     B: N.A.    C:  $2\sqrt{2}$     D:  $\sqrt{5}$     E: 0
- Date  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  e  $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $A^*B$  è  
A: N.A.    B: non è definita    C:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$     D:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$     E:  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 6 & 0 \end{pmatrix}$
- La proiezione di  $(1, 1, 1) \in \mathbb{C}^3$  su  $\langle (1, i, 0), (1, -i, 3) \rangle$  è:  
A: non è definita    B: N.A.    C:  $\frac{1}{22}(3 + 2i, 9 + 4i, 1 - i)$     D:  $\frac{1}{22}(3 + 9i, 9 - 3i, -2 - 6i)$     E:  $\frac{1}{22}(19 - 9i, 13 + 3i, 24 + 6i)$
- La dimensione del nucleo dell'applicazione definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 & 1 \\ 1 & -2 & -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  è:  
A: 1    B: 2    C: 4    D: 3    E: N.A.
- L'operatore (endomorfismo) definito su  $\mathbb{R}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 \\ -1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$   
A: N.A.    B: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali (semplici) distinti    C: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali, e l'autospazio di quello doppio ha dimensione due    D: non è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché non ha tre autovalori reali (semplici) distinti    E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , perché ha tre autovalori complessi distinti, ma qualcuno non è reale
- Una base spettrale di  $\mathcal{A}(u) = u' - u$  sul sottospazio  $\langle \sinh t, \cosh t \rangle$   
A:  $\{\sinh t, \cosh t\}$     B:  $\{e^t, e^{-t}\}$     C: N.A.    D:  $\{e^t, e^{-2t}\}$     E: non esiste:  $\mathcal{A}$  non è diagonalizzabile
- I sottospazi di  $\mathbb{R}^3$   $X = \langle (1, 0, 1), (2, 1, -1) \rangle$  e  $Y = \langle (0, -1, 3), (1, 1, -2) \rangle$  verificano  
A:  $X + Y$  è diretta    B:  $Y \subset X$     C:  $X = Y$     D: N.A.    E:  $X \subset Y$
- L'applicazione lineare da  $\mathbb{R}^3$  in sé definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -2 \end{pmatrix}$  è  
A: né iniettiva, né suriettiva    B: biiettiva    C: N.A.    D: suriettiva, ma non iniettiva    E: iniettiva, ma non suriettiva

**CODICE=442423**

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Cognome)

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Nome)

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Numero di matricola)

A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	○	○	○	○	○
2	○	○	○	○	○
3	○	○	○	○	○
4	○	○	○	○	○
5	○	○	○	○	○
6	○	○	○	○	○
7	○	○	○	○	○
8	○	○	○	○	○
9	○	○	○	○	○
10	○	○	○	○	○
11	○	○	○	○	○

**CODICE=039965**

1. La forma quadratica  $H(x, y, z) = x^2 + 4y^2 + 2z^2 + 2xz + 4yz$  è:  
 A: semidefinita positiva    B: definita negativa    C: semidefinita negativa    D: definita positiva    E: indefinita
2. Date  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  e  $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $A^*B$  è  
 A:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$     B: non è definita    C: N.A.    D:  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 6 & 0 \end{pmatrix}$     E:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$
3. L'operatore (endomorfismo) definito su  $\mathbb{R}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 \\ -1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$   
 A: N.A.    B: non è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché non ha tre autovalori reali (semplici) distinti    C: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali (semplici) distinti    D: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali, e l'autospazio di quello doppio ha dimensione due    E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , perché ha tre autovalori complessi distinti, ma qualcuno non è reale
4. La dimensione del nucleo dell'applicazione definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 & 1 \\ 1 & -2 & -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  è:  
 A: N.A.    B: 2    C: 3    D: 4    E: 1
5. La (minima) distanza fra le rette  $\gamma(s) = (1, 1, 0) + s(1, 1, 1)$   $s \in \mathbb{R}$ , e  $\sigma(t) = t(2, 1, 2)$   $t \in \mathbb{R}$  è:  
 A:  $1/\sqrt{2}$     B:  $3/\sqrt{2}$     C:  $2/\sqrt{3}$     D: 0    E: N.A.
6. Una base spettrale di  $\mathcal{A}(u) = u' - u$  sul sottospazio  $\langle \sinh t, \cosh t \rangle$   
 A:  $\{e^t, e^{-2t}\}$     B:  $\{\sinh t, \cosh t\}$     C:  $\{e^t, e^{-t}\}$     D: non esiste:  $\mathcal{A}$  non è diagonalizzabile  
 E: N.A.
7. La proiezione di  $(1, 1, 1) \in \mathbb{C}^3$  su  $\langle (1, i, 0), (1, -i, 3) \rangle$  è:  
 A: non è definita    B:  $\frac{1}{22}(3 + 2i, 9 + 4i, 1 - i)$     C:  $\frac{1}{22}(3 + 9i, 9 - 3i, -2 - 6i)$     D:  $\frac{1}{22}(19 - 9i, 13 + 3i, 24 + 6i)$     E: N.A.
8. I sottospazi di  $\mathbb{R}^3$   $X = \langle (1, 0, 1), (2, 1, -1) \rangle$  e  $Y = \langle (0, -1, 3), (1, 1, -2) \rangle$  verificano  
 A: N.A.    B:  $X = Y$     C:  $X \subset Y$     D:  $X + Y$  è diretta    E:  $Y \subset X$
9. L'applicazione lineare da  $\mathbb{R}^3$  in sé definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -2 \end{pmatrix}$  è  
 A: biiettiva    B: N.A.    C: suriettiva, ma non iniettiva    D: né iniettiva, né suriettiva    E: iniettiva, ma non suriettiva
10. L'area del triangolo di vertici  $(0, 0, 0, 0)$ ,  $(1, 1, -1, -1)$ ,  $(2, 1, 0, 1)$  è:  
 A:  $\sqrt{5}$     B: N.A.    C:  $\sqrt{3}$     D:  $2\sqrt{2}$     E: 0
11. La rotazione in  $\mathbb{R}^2$  attorno all'origine di  $-\pi/2$   
 A: N.A.    B: non è diagonalizzabile né su  $\mathbb{R}$ , né su  $\mathbb{C}$     C: non definisce un operatore da  $\mathbb{R}^2$  in sé    D: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$ , con autovalori  $1, -1$     E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , con autovalori  $i, -i$

**CODICE=039965**





**CODICE=657130**

1. L'operatore (endomorfismo) definito su  $\mathbb{R}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 \\ -1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$

A: N.A. B: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali (semplici) distinti C: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , perché ha tre autovalori complessi distinti, ma qualcuno non è reale D: non è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché non ha tre autovalori reali (semplici) distinti E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali, e l'autospazio di quello doppio ha dimensione due

2. L'area del triangolo di vertici  $(0, 0, 0), (1, 1, -1), (2, 1, 0, 1)$  è:

A: N.A. B:  $2\sqrt{2}$  C:  $\sqrt{3}$  D:  $\sqrt{5}$  E: 0

3. La rotazione in  $\mathbb{R}^2$  attorno all'origine di  $-\pi/2$

A: N.A. B: non definisce un operatore da  $\mathbb{R}^2$  in sé C: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$ , con autovalori  $1, -1$  D: non è diagonalizzabile né su  $\mathbb{R}$ , né su  $\mathbb{C}$  E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , con autovalori  $i, -i$

4. Date  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  e  $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $A^*B$  è

A: non è definita B:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$  C:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$  D: N.A. E:  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 6 & 0 \end{pmatrix}$

5. L'applicazione lineare da  $\mathbb{R}^3$  in sé definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -2 \end{pmatrix}$  è

A: biiettiva B: né iniettiva, né suriettiva C: N.A. D: suriettiva, ma non iniettiva E: iniettiva, ma non suriettiva

6. La proiezione di  $(1, 1, 1) \in \mathbb{C}^3$  su  $\langle (1, i, 0), (1, -i, 3) \rangle$  è:

A:  $\frac{1}{22}(3 + 9i, 9 - 3i, -2 - 6i)$  B: N.A. C:  $\frac{1}{22}(3 + 2i, 9 + 4i, 1 - i)$  D: non è definita E:  $\frac{1}{22}(19 - 9i, 13 + 3i, 24 + 6i)$

7. Una base spettrale di  $\mathcal{A}(u) = u' - u$  sul sottospazio  $\langle \sinh t, \cosh t \rangle$

A: non esiste:  $\mathcal{A}$  non è diagonalizzabile B:  $\{\sinh t, \cosh t\}$  C:  $\{e^t, e^{-t}\}$  D:  $\{e^t, e^{-2t}\}$  E: N.A.

8. I sottospazi di  $\mathbb{R}^3$   $X = \langle (1, 0, 1), (2, 1, -1) \rangle$  e  $Y = \langle (0, -1, 3), (1, 1, -2) \rangle$  verificano

A: N.A. B:  $X \subset Y$  C:  $X = Y$  D:  $Y \subset X$  E:  $X + Y$  è diretta

9. La forma quadratica  $H(x, y, z) = x^2 + 4y^2 + 2z^2 + 2xz + 4yz$  è:

A: semidefinita positiva B: definita positiva C: semidefinita negativa D: definita negativa E: indefinita

10. La dimensione del nucleo dell'applicazione definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 & 1 \\ 1 & -2 & -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  è:

A: 4 B: 2 C: N.A. D: 1 E: 3

11. La (minima) distanza fra le rette  $\gamma(s) = (1, 1, 0) + s(1, 1, 1)$   $s \in \mathbb{R}$ , e  $\sigma(t) = t(2, 1, 2)$   $t \in \mathbb{R}$  è:

A: 0 B:  $1/\sqrt{2}$  C:  $2/\sqrt{3}$  D: N.A. E:  $3/\sqrt{2}$

**CODICE=657130**



**CODICE=155218**

1. La (minima) distanza fra le rette  $\gamma(s) = (1, 1, 0) + s(1, 1, 1)$   $s \in \mathbb{R}$ , e  $\sigma(t) = t(2, 1, 2)$   $t \in \mathbb{R}$  è:  
 A:  $2/\sqrt{3}$  B: N.A. C:  $3/\sqrt{2}$  D: 0 E:  $1/\sqrt{2}$
2. La rotazione in  $\mathbb{R}^2$  attorno all'origine di  $-\pi/2$   
 A: non è diagonalizzabile né su  $\mathbb{R}$ , né su  $\mathbb{C}$  B: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$ , con autovalori 1, -1 C: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , con autovalori  $i, -i$  D: non definisce un operatore da  $\mathbb{R}^2$  in sé E: N.A.
3. La forma quadratica  $H(x, y, z) = x^2 + 4y^2 + 2z^2 + 2xz + 4yz$  è:  
 A: definita negativa B: definita positiva C: semidefinita negativa D: semidefinita positiva E: indefinita
4. L'area del triangolo di vertici  $(0, 0, 0, 0), (1, 1, -1, -1), (2, 1, 0, 1)$  è:  
 A:  $\sqrt{3}$  B: N.A. C:  $2\sqrt{2}$  D:  $\sqrt{5}$  E: 0
5. I sottospazi di  $\mathbb{R}^3$   $X = \langle (1, 0, 1), (2, 1, -1) \rangle$  e  $Y = \langle (0, -1, 3), (1, 1, -2) \rangle$  verificano  
 A: N.A. B:  $X = Y$  C:  $Y \subset X$  D:  $X \subset Y$  E:  $X + Y$  è diretta
6. L'applicazione lineare da  $\mathbb{R}^3$  in sé definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -2 \end{pmatrix}$  è  
 A: iniettiva, ma non suriettiva B: biiettiva C: suriettiva, ma non iniettiva D: N.A.  
 E: né iniettiva, né suriettiva
7. Date  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$  e  $B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $A*B$  è  
 A:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$  B: N.A. C:  $\begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 6 & 0 \end{pmatrix}$  D:  $\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$  E: non è definita
8. Una base spettrale di  $\mathcal{A}(u) = u' - u$  sul sottospazio  $\langle \sinh t, \cosh t \rangle$   
 A:  $\{e^t, e^{-t}\}$  B:  $\{\sinh t, \cosh t\}$  C: non esiste:  $\mathcal{A}$  non è diagonalizzabile D: N.A. E:  $\{e^t, e^{-2t}\}$
9. L'operatore (endomorfismo) definito su  $\mathbb{R}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 \\ -1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$   
 A: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali, e l'autospazio di quello doppio ha dimensione due B: N.A. C: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali (semplici) distinti D: non è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché non ha tre autovalori reali (semplici) distinti E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , perché ha tre autovalori complessi distinti, ma qualcuno non è reale
10. La dimensione del nucleo dell'applicazione definita da  $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & -1 & 1 & 1 \\ 1 & -2 & -1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$  è:  
 A: 3 B: 2 C: 1 D: 4 E: N.A.
11. La proiezione di  $(1, 1, 1) \in \mathbb{C}^3$  su  $\langle (1, i, 0), (1, -i, 3) \rangle$  è:  
 A: N.A. B: non è definita C:  $\frac{1}{22}(19 - 9i, 13 + 3i, 24 + 6i)$  D:  $\frac{1}{22}(3 + 9i, 9 - 3i, -2 - 6i)$   
 E:  $\frac{1}{22}(3 + 2i, 9 + 4i, 1 - i)$

**CODICE=155218**



A B C D E

1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
7	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
11	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>

**CODICE=333003**

A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
9	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
11	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>

**CODICE=378695**

A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
11	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

**CODICE=442423**

A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	●	○	○	○	○
2	○	○	○	●	○
3	○	●	○	○	●
4	○	●	○	○	○
5	●	○	○	○	○
6	○	○	●	○	○
7	○	○	○	●	○
8	○	●	○	○	○
9	○	○	○	●	○
10	●	○	○	○	○
11	○	○	○	○	●

**CODICE=039965**



A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
11	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

**CODICE=657130**

A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
11	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

**CODICE=155218**