

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Algebra Lineare

22 luglio 2015

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Cognome)

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Nome)

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Numero di matricola)

A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
11	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

**CODICE=511650**

**CODICE=511650**

1. L'inversa di  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & -1 & -1 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$  è:

A:  $\frac{1}{6} \begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 1 & -2 & 3 \\ 3 & 0 & -3 \end{pmatrix}$     B: N.A.    C:  $\frac{2}{3} \begin{pmatrix} -1 & 1 & -2 \\ 3 & -1 & 0 \\ -2 & 0 & -3 \end{pmatrix}$     D: è singolare    E:  $\frac{1}{5} \begin{pmatrix} -2 & 3 & -2 \\ 2 & -1 & 5 \\ -2 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

2. La matrice associata ad  $\mathcal{A}(u) = u'$ , definita dal sottospazio  $\langle 2, 1 - t, t^2 - 1 \rangle$  di  $C^\infty(\mathbb{R})$  in sé, rispetto alla base  $2, 1 - t, t^2 - 1$  è:

A: non definita: non è una base    B: N.A.    C:  $\begin{pmatrix} 0 & -1/2 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$     D:  $\begin{pmatrix} 0 & 1/2 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

E:  $\begin{pmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$

3. L'angolo (fra 0 e  $\pi$ ) formato dai vettori  $(0, 2, 1)$  e  $(1, 1, -1)$  è:

A: N.A.    B:  $\arccos \sqrt{3/14}$     C:  $\pi/3$     D:  $\arccos \sqrt{1/15}$     E:  $\pi/2$

4. L'operatore (endomorfismo) definito su  $\mathbb{R}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ -1 & 2 & 0 \\ -1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$

A: N.A.    B: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha autovalori 0, 1, e la dimensione dell'autospazio di 0 è due.    C: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali (semplici) distinti    D: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha autovalori 0, 1, e la dimensione dell'autospazio di 1 è due.    E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , perché ha tre autovalori complessi distinti, ma qualcuno non è reale

5. Gli spazi  $X = \langle (1, -1, 1), (1, 1, 1) \rangle$  e  $Y = \langle (0, 1, 2), (2, 1, 1), (-2, 1, 3) \rangle$  verificano:

A: la loro somma è diretta    B:  $X = Y$     C:  $X \subset Y$     D:  $\{0\} \subset X \cap Y \subset X$     E: N.A.

6. La forma quadratica  $H(x, y, z) = 2xy - 4xz - 5x^2 - y^2 - z^2$  è:

A: indefinita    B: semidefinita positiva    C: semidefinita negativa    D: definita positiva    E: definita negativa

7. L'operatore definito nell'esercizio sulla matrice associata di questa stessa prova d'esame è diagonalizzabile su  $\langle 2, 1 - t, t^2 - 1 \rangle$  ?

A: No, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 2    B: No, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 1    C: Sì, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 3    D: No, perché non è dallo spazio in sé    E: N.A.

8. La (minima) distanza fra le rette affini in  $\mathbb{R}^3$   $(1, 1, -1) + \langle (2, 2, 1) \rangle$  e  $\langle (1, -1, 1) \rangle$  è:

A:  $\sqrt{7}$     B: N.A.    C:  $2\sqrt{13}$     D:  $3\sqrt{2/13}$     E:  $2/\sqrt{5}$

9. Fissato  $a \in \mathbb{R}^3$ ,  $a \neq 0$ , l'applicazione  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  definita ponendo  $T(x) = a + x$  è:

A: N.A.    B: suriettiva, ma non iniettiva    C: lineare e invertibile    D: biiettiva, ma non lineare    E: iniettiva, ma non suriettiva

10. Nucleo e immagine dell'applicazione su  $\mathbb{R}^3$  definita da  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 2 & 0 & 4 \\ -1 & 2 & -4 \end{pmatrix}$  sono:

A:  $\langle (0, 0, 0) \rangle, \langle (1, 0, -1) \rangle, \langle (-1, 0, 3) \rangle$     B: N.A.    C:  $\langle (0, 0, 0) \rangle, \langle (1, 1, 1) \rangle, \langle (-2, 0, 2) \rangle$     D:  $\langle (-1, -1, 1) \rangle, \langle (1, -2, -1) \rangle, \langle (-1, 1, 2) \rangle$     E:  $\langle (-2, 1, 1) \rangle, \langle (1, 2, -1) \rangle, \langle (-1, 0, 2) \rangle$

11. La proiezione di  $(1, 1, 1)$  su  $\langle (i, i, -1), (2i, -i, 1) \rangle$  è:

A:  $\frac{1}{2}(2, 1 - i, 1 + i)$     B: N.A.    C:  $(-2i, 1 - 3i, 2)$     D:  $(1 - i, 1 - 2i, -1 + i)$     E:  $(i, i, i)$

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Algebra Lineare

22 luglio 2015

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Cognome)

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Nome)

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Numero di matricola)

A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
11	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

**CODICE=419630**

**CODICE=419630**

1. La (minima) distanza fra le rette affini in  $\mathbb{R}^3$   $(1, 1, -1) + \langle (2, 2, 1) \rangle$  e  $\langle (1, -1, 1) \rangle$  è:

A: N.A. B:  $\sqrt{7}$  C:  $3\sqrt{2/13}$  D:  $2/\sqrt{5}$  E:  $2\sqrt{13}$

2. Nucleo e immagine dell'applicazione su  $\mathbb{R}^3$  definita da  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 2 & 0 & 4 \\ -1 & 2 & -4 \end{pmatrix}$  sono:

A:  $\langle (-2, 1, 1) \rangle$ ,  $\langle (1, 2, -1), (-1, 0, 2) \rangle$  B:  $\langle (0, 0, 0) \rangle$ ,  $\langle (1, 0, -1), (-1, 0, 3) \rangle$  C: N.A. D:  $\langle (0, 0, 0) \rangle$ ,  $\langle (1, 1, 1), (-2, 0, 2) \rangle$  E:  $\langle (-1, -1, 1) \rangle$ ,  $\langle (1, -2, -1), (-1, 1, 2) \rangle$

3. Fissato  $a \in \mathbb{R}^3$ ,  $a \neq 0$ , l'applicazione  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  definita ponendo  $T(x) = a + x$  è:

A: iniettiva, ma non suriettiva B: N.A. C: suriettiva, ma non iniettiva D: lineare e invertibile E: biiettiva, ma non lineare

4. L'operatore definito nell'esercizio sulla matrice associata di questa stessa prova d'esame è diagonalizzabile su  $\langle 2, 1 - t, t^2 - 1 \rangle$  ?

A: No, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 1 B: Sì, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 3 C: N.A. D: No, perché non è dallo spazio in sé E: No, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 2

5. La forma quadratica  $H(x, y, z) = 2xy - 4xz - 5x^2 - y^2 - z^2$  è:

A: indefinita B: definita negativa C: semidefinita negativa D: definita positiva E: semidefinita positiva

6. L'operatore (endomorfismo) definito su  $\mathbb{R}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ -1 & 2 & 0 \\ -1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$

A: N.A. B: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha autovalori 0, 1, e la dimensione dell'autospazio di 1 è due. C: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali (semplici) distinti D: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , perché ha tre autovalori complessi distinti, ma qualcuno non è reale E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha autovalori 0, 1, e la dimensione dell'autospazio di 0 è due.

7. La matrice associata ad  $\mathcal{A}(u) = u'$ , definita dal sottospazio  $\langle 2, 1 - t, t^2 - 1 \rangle$  di  $C^\infty(\mathbb{R})$  in sé, rispetto alla base  $2, 1 - t, t^2 - 1$  è:

A:  $\begin{pmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$  B:  $\begin{pmatrix} 0 & -1/2 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  C: non definita: non è una base D: N.A.

E:  $\begin{pmatrix} 0 & 1/2 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

8. L'angolo (fra 0 e  $\pi$ ) formato dai vettori  $(0, 2, 1)$  e  $(1, 1, -1)$  è:

A:  $\arccos \sqrt{3/14}$  B:  $\pi/2$  C: N.A. D:  $\pi/3$  E:  $\arccos \sqrt{1/15}$

9. L'inversa di  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & -1 & -1 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$  è:

A: N.A. B:  $\frac{2}{3} \begin{pmatrix} -1 & 1 & -2 \\ 3 & -1 & 0 \\ -2 & 0 & -3 \end{pmatrix}$  C:  $\frac{1}{5} \begin{pmatrix} -2 & 3 & -2 \\ 2 & -1 & 5 \\ -2 & 0 & -1 \end{pmatrix}$  D: è singolare E:  $\frac{1}{6} \begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 1 & -2 & 3 \\ 3 & 0 & -3 \end{pmatrix}$

10. La proiezione di  $(1, 1, 1)$  su  $\langle (i, i, -1), (2i, -i, 1) \rangle$  è:

A: N.A. B:  $\frac{1}{2}(2, 1 - i, 1 + i)$  C:  $(i, i, i)$  D:  $(-2i, 1 - 3i, 2)$  E:  $(1 - i, 1 - 2i, -1 + i)$

**CODICE=419630**

11. Gli spazi  $X = \langle (1, -1, 1), (1, 1, 1) \rangle$  e  $Y = \langle (0, 1, 2), (2, 1, 1), (-2, 1, 3) \rangle$  verificano:  
A: la loro somma è diretta    B:  $X = Y$     C: N.A.    D:  $\{0\} \subset X \cap Y \subset X$     E:  $X \subset Y$



Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
 Prova di Algebra Lineare

22 luglio 2015

(Cognome)																								

(Nome)																							

(Numero di matricola)							

A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	○	○	○	○	○
2	○	○	○	○	○
3	○	○	○	○	○
4	○	○	○	○	○
5	○	○	○	○	○
6	○	○	○	○	○
7	○	○	○	○	○
8	○	○	○	○	○
9	○	○	○	○	○
10	○	○	○	○	○
11	○	○	○	○	○

**CODICE=400253**

1. L'operatore definito nell'esercizio sulla matrice associata di questa stessa prova d'esame è diagonalizzabile su  $\langle 2, 1 - t, t^2 - 1 \rangle$  ?

A: No, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 2 B: Sì, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 3 C: No, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 1 D: N.A. E: No, perché non è dallo spazio in sé

2. L'inversa di  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & -1 & -1 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$  è:

A: è singolare B: N.A. C:  $\frac{2}{3} \begin{pmatrix} -1 & 1 & -2 \\ 3 & -1 & 0 \\ -2 & 0 & -3 \end{pmatrix}$  D:  $\frac{1}{6} \begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 1 & -2 & 3 \\ 3 & 0 & -3 \end{pmatrix}$  E:  $\frac{1}{5} \begin{pmatrix} -2 & 3 & -2 \\ 2 & -1 & 5 \\ -2 & 0 & -1 \end{pmatrix}$

3. Nucleo e immagine dell'applicazione su  $\mathbb{R}^3$  definita da  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 2 & 0 & 4 \\ -1 & 2 & -4 \end{pmatrix}$  sono:

A:  $\langle (0, 0, 0) \rangle$ ,  $\langle (1, 0, -1) \rangle$ ,  $\langle (-1, 0, 3) \rangle$  B:  $\langle (-2, 1, 1) \rangle$ ,  $\langle (1, 2, -1) \rangle$ ,  $\langle (-1, 0, 2) \rangle$  C:  $\langle (0, 0, 0) \rangle$ ,  $\langle (1, 1, 1) \rangle$ ,  $\langle (-2, 0, 2) \rangle$   
D:  $\langle (-1, -1, 1) \rangle$ ,  $\langle (1, -2, -1) \rangle$ ,  $\langle (-1, 1, 2) \rangle$  E: N.A.

4. Fissato  $a \in \mathbb{R}^3$ ,  $a \neq 0$ , l'applicazione  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  definita ponendo  $T(x) = a + x$  è:

A: suriettiva, ma non iniettiva B: lineare e invertibile C: iniettiva, ma non suriettiva  
D: N.A. E: biiettiva, ma non lineare

5. Gli spazi  $X = \langle (1, -1, 1) \rangle$ ,  $\langle (1, 1, 1) \rangle$  e  $Y = \langle (0, 1, 2) \rangle$ ,  $\langle (2, 1, 1) \rangle$ ,  $\langle (-2, 1, 3) \rangle$  verificano:

A:  $\{0\} \subset X \cap Y \subset X$  B:  $X = Y$  C: la loro somma è diretta D: N.A. E:  $X \subset Y$

6. La proiezione di  $(1, 1, 1)$  su  $\langle (i, i, -1) \rangle$ ,  $\langle (2i, -i, 1) \rangle$  è:

A:  $(1 - i, 1 - 2i, -1 + i)$  B:  $(i, i, i)$  C:  $(-2i, 1 - 3i, 2)$  D:  $\frac{1}{2}(2, 1 - i, 1 + i)$  E: N.A.

7. La matrice associata ad  $\mathcal{A}(u) = u'$ , definita dal sottospazio  $\langle 2, 1 - t, t^2 - 1 \rangle$  di  $C^\infty(\mathbb{R})$  in sé, rispetto alla base  $2, 1 - t, t^2 - 1$  è:

A:  $\begin{pmatrix} 0 & -1/2 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  B: N.A. C:  $\begin{pmatrix} 0 & 1/2 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  D:  $\begin{pmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$  E: non definita: non è una base

8. La (minima) distanza fra le rette affini in  $\mathbb{R}^3$   $(1, 1, -1) + \langle (2, 2, 1) \rangle$  e  $\langle (1, -1, 1) \rangle$  è:

A:  $\sqrt{7}$  B:  $3\sqrt{2/13}$  C:  $2\sqrt{13}$  D:  $2/\sqrt{5}$  E: N.A.

9. La forma quadratica  $H(x, y, z) = 2xy - 4xz - 5x^2 - y^2 - z^2$  è:

A: semidefinita negativa B: indefinita C: definita positiva D: semidefinita positiva  
E: definita negativa

10. L'angolo (fra 0 e  $\pi$ ) formato dai vettori  $(0, 2, 1)$  e  $(1, 1, -1)$  è:

A:  $\arccos \sqrt{3/14}$  B: N.A. C:  $\pi/3$  D:  $\arccos \sqrt{1/15}$  E:  $\pi/2$

11. L'operatore (endomorfismo) definito su  $\mathbb{R}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ -1 & 2 & 0 \\ -1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$

A: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha autovalori 0, 1, e la dimensione dell'autospazio di 1 è due. B: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali (semplici) distinti C: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , perché ha tre autovalori complessi distinti, ma qualcuno non è reale D: N.A. E: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha autovalori 0, 1, e la dimensione dell'autospazio di 0 è due.

**CODICE=400253**

Corso di Laurea in Ingegneria Informatica  
Prova di Algebra Lineare

22 luglio 2015

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Cognome)

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Nome)

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

(Numero di matricola)

A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
11	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

CODICE=469312

**CODICE=469312**

1. L'inversa di  $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & -1 & -1 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$  è:

A: è singolare    B:  $\frac{1}{5} \begin{pmatrix} -2 & 3 & -2 \\ 2 & -1 & 5 \\ -2 & 0 & -1 \end{pmatrix}$     C:  $\frac{1}{6} \begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 1 & -2 & 3 \\ 3 & 0 & -3 \end{pmatrix}$     D:  $\frac{2}{3} \begin{pmatrix} -1 & 1 & -2 \\ 3 & -1 & 0 \\ -2 & 0 & -3 \end{pmatrix}$   
 E: N.A.

2. Fissato  $a \in \mathbb{R}^3$ ,  $a \neq 0$ , l'applicazione  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$  definita ponendo  $T(x) = a + x$  è:

A: suriettiva, ma non iniettiva    B: N.A.    C: biiettiva, ma non lineare    D: iniettiva, ma non suriettiva    E: lineare e invertibile

3. La (minima) distanza fra le rette affini in  $\mathbb{R}^3$   $(1, 1, -1) + \langle (2, 2, 1) \rangle$  e  $\langle (1, -1, 1) \rangle$  è:

A:  $2/\sqrt{5}$     B:  $3\sqrt{2/13}$     C:  $2\sqrt{13}$     D:  $\sqrt{7}$     E: N.A.

4. L'angolo (fra 0 e  $\pi$ ) formato dai vettori  $(0, 2, 1)$  e  $(1, 1, -1)$  è:

A:  $\arccos \sqrt{1/15}$     B: N.A.    C:  $\arccos \sqrt{3/14}$     D:  $\pi/3$     E:  $\pi/2$

5. La proiezione di  $(1, 1, 1)$  su  $\langle (i, i, -1), (2i, -i, 1) \rangle$  è:

A:  $\frac{1}{2}(2, 1 - i, 1 + i)$     B:  $(-2i, 1 - 3i, 2)$     C: N.A.    D:  $(i, i, i)$     E:  $(1 - i, 1 - 2i, -1 + i)$

6. La matrice associata ad  $\mathcal{A}(u) = u'$ , definita dal sottospazio  $\langle 2, 1 - t, t^2 - 1 \rangle$  di  $C^\infty(\mathbb{R})$  in sé, rispetto alla base  $2, 1 - t, t^2 - 1$  è:

A: N.A.    B:  $\begin{pmatrix} 0 & -1/2 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$     C: non definita: non è una base    D:  $\begin{pmatrix} 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$   
 E:  $\begin{pmatrix} 0 & 1/2 & 1 \\ 0 & 1 & -2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

7. L'operatore (endomorfismo) definito su  $\mathbb{R}^3$  dalla matrice  $\begin{pmatrix} -1 & 2 & 0 \\ -1 & 2 & 0 \\ -1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$

A: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha tre autovalori reali (semplici) distinti    B: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha autovalori 0, 1, e la dimensione dell'autospazio di 1 è due.    C: è diagonalizzabile su  $\mathbb{C}$  ma non su  $\mathbb{R}$ , perché ha tre autovalori complessi distinti, ma qualcuno non è reale    D: è diagonalizzabile su  $\mathbb{R}$  perché ha autovalori 0, 1, e la dimensione dell'autospazio di 0 è due.    E: N.A.

8. Gli spazi  $X = \langle (1, -1, 1), (1, 1, 1) \rangle$  e  $Y = \langle (0, 1, 2), (2, 1, 1), (-2, 1, 3) \rangle$  verificano:

A:  $X \subset Y$     B: la loro somma è diretta    C:  $\{0\} \subset X \cap Y \subset X$     D:  $X = Y$     E: N.A.

9. L'operatore definito nell'esercizio sulla matrice associata di questa stessa prova d'esame è diagonalizzabile su  $\langle 2, 1 - t, t^2 - 1 \rangle$  ?

A: No, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 1    B: No, perché non è dallo spazio in sé    C: No, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 2    D: N.A.    E: Sì, perché la dimensione dell'autospazio dell'autovalore triplo è 3

10. Nucleo e immagine dell'applicazione su  $\mathbb{R}^3$  definita da  $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 3 \\ 2 & 0 & 4 \\ -1 & 2 & -4 \end{pmatrix}$  sono:

A: N.A.    B:  $\langle (-1, -1, 1), \langle (1, -2, -1), (-1, 1, 2) \rangle$     C:  $\langle (-2, 1, 1), \langle (1, 2, -1), (-1, 0, 2) \rangle$   
 D:  $\langle (0, 0, 0), \langle (1, 0, -1), (-1, 0, 3) \rangle$     E:  $\langle (0, 0, 0), \langle (1, 1, 1), (-2, 0, 2) \rangle$

**CODICE=469312**

11. La forma quadratica  $H(x, y, z) = 2xy - 4xz - 5x^2 - y^2 - z^2$  è:

A: semidefinita negativa    B: definita positiva    C: definita negativa    D: indefinita    E:  
semidefinita positiva



A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	●	○	○	○	○
2	○	○	●	○	○
3	○	○	○	●	○
4	○	○	○	●	○
5	○	○	○	●	○
6	○	○	●	○	○
7	○	●	○	○	○
8	○	○	○	●	○
9	○	○	○	●	○
10	○	○	○	○	●
11	●	○	○	○	○

**CODICE=511650**

A B C D E

1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
4	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
11	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>

**CODICE=419630**

A B C D E

1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
5	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
11	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

**CODICE=400253**

A	B	C	D	E
---	---	---	---	---

1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
10	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
11	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

**CODICE=469312**