

1. L'inversa della matrice $\begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ è

A: $\begin{pmatrix} 2/3 & -2/3 & 0 \\ 0 & 2 & -1/6 \\ 2/3 & 1/3 & 1/3 \end{pmatrix}$ B: N.A. C: $\begin{pmatrix} -1/2 & 1/2 & 1 \\ 1 & 1/2 & -1/2 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ D: $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & -2 \\ -2 & 1/2 & 1/2 \end{pmatrix}$ E: non esiste

2. La dimensione di $\langle (1, 2, 1, 0), (1, 1, 2, 1), (-1, 0, -3, -2), (0, 1, -1, -1) \rangle$ è

A: 1 B: 2 C: 4 D: N.A. E: 3

3. La perpendicolare dal punto $(1, 1, 2, 0)$ all'iperpiano $2x + y - z + w = 1$ ha equazione parametrica

A: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 1, -1, 1)$ B: N.A. C: $(1, 1, 2, 0) + t(0, 1, 1, 1)$ D: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 0, 0, 1)$ E: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 1, 1, 2)$

4. La forma quadratica $x^2 + 4xy + 4y^2 - 4xz - 8yz + 4z^2$

A: definita positiva B: semidefinita negativa C: semidefinita positiva D: indefinita E: definita negativa

5. Sia $\mathcal{A}(u) = u'$ definita (e a valori) nello spazio \mathcal{X} dei polinomi di grado massimo 2. Allora, una base spettrale di \mathcal{X} , rispetto ad \mathcal{A}

A: N.A. B: è $\{t - t^2, 1 + t\}$ C: non esiste D: è $\{2t + 1, t^2\}$ E: è $\{1, t, t^2\}$

6. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 3 & -1 \end{pmatrix}$

A: è diagonalizzabile perche' autoaggiunta B: N.A. C: non è diagonalizzabile perche' l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione uno D: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perche' ha tre autovalori reali distinti E: è diagonalizzabile perche' l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione due

7. Il determinante $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ vale

A: 11 B: -5 C: N.A. D: 2 E: 0

8. La proiezione di $(1, 1, 1, 1)$ su $\langle (1, 0, 0, 0), (1, 1, 0, 1), (0, 1, 0, 1) \rangle$ è

A: $(2, 1, -1, 0)$ B: $(1, 1, 0, 1)$ C: N.A. D: non definita E: $(1, 2, 0, 0)$

9. I due sottospazi affini $(1, 1, 2, 1) + \langle (2, 1, 3, 3), (1, 1, 1, 2) \rangle$ e $(1, 1, 2, 1) + \langle (1, 0, 2, 1), (0, -1, 1, -1) \rangle$ sono

A: N.A. B: paralleli C: incidenti D: sghembi E: coincidenti

10. La distanza in \mathbb{C}^3 di $(1, 1, i)$ dalla retta $\gamma(t) = t(i, i, 1)$ è

A: $\sqrt{3}/2$ B: $2\sqrt{2/3}$ C: N.A. D: $\sqrt{5}$ E: $\sqrt{6}/5$

11. L'applicazione $u \rightarrow \int_{-1}^1 u(t)dt$, definita su $\mathbb{C}^0[-1, 1]$ a valori in \mathbb{R} , è

A: N.A. B: non lineare C: suriettiva D: iniettiva E: biiettiva

1. La perpendicolare dal punto $(1, 1, 2, 0)$ all'iperpiano $2x + y - z + w = 1$ ha equazione parametrica

A: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 1, 1, 2)$ B: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 0, 0, 1)$ C: $(1, 1, 2, 0) + t(0, 1, 1, 1)$ D: N.A. E: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 1, -1, 1)$

2. L'inversa della matrice $\begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ è

A: $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & -2 \\ -2 & 1/2 & 1/2 \end{pmatrix}$ B: $\begin{pmatrix} -1/2 & 1/2 & 1 \\ 1 & 1/2 & -1/2 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ C: N.A. D: $\begin{pmatrix} 2/3 & -2/3 & 0 \\ 0 & 2 & -1/6 \\ 2/3 & 1/3 & 1/3 \end{pmatrix}$ E: non esiste

3. L'applicazione $u \rightarrow \int_{-1}^1 u(t)dt$, definita su $\mathbb{C}^0[-1, 1]$ a valori in \mathbb{R} , è

A: iniettiva B: biiettiva C: suriettiva D: N.A. E: non lineare

4. La proiezione di $(1, 1, 1, 1)$ su $\langle (1, 0, 0, 0), (1, 1, 0, 1), (0, 1, 0, 1) \rangle$ è

A: N.A. B: $(1, 2, 0, 0)$ C: $(1, 1, 0, 1)$ D: non definita E: $(2, 1, -1, 0)$

5. I due sottospazi affini $(1, 1, 2, 1) + \langle (2, 1, 3, 3), (1, 1, 1, 2) \rangle$ e $(1, 1, 2, 1) + \langle (1, 0, 2, 1), (0, -1, 1, -1) \rangle$ sono

A: sghembi B: N.A. C: coincidenti D: paralleli E: incidenti

6. Il determinante $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ vale

A: -5 B: 0 C: 2 D: N.A. E: 11

7. La distanza in \mathbb{C}^3 di $(1, 1, i)$ dalla retta $\gamma(t) = t(i, i, 1)$ è

A: $\sqrt{6}/5$ B: $\sqrt{5}$ C: $2\sqrt{2/3}$ D: $\sqrt{3}/2$ E: N.A.

8. La forma quadratica $x^2 + 4xy + 4y^2 - 4xz - 8yz + 4z^2$

A: semidefinita negativa B: definita positiva C: semidefinita positiva D: indefinita E: definita negativa

9. La dimensione di $\langle (1, 2, 1, 0), (1, 1, 2, 1), (-1, 0, -3, -2), (0, 1, -1, -1) \rangle$ è

A: 3 B: N.A. C: 1 D: 4 E: 2

10. Sia $\mathcal{A}(u) = u'$ definita (e a valori) nello spazio \mathcal{X} dei polinomi di grado massimo 2. Allora, una base spettrale di \mathcal{X} , rispetto ad \mathcal{A}

A: è $\{1, t, t^2\}$ B: N.A. C: non esiste D: è $\{t - t^2, 1 + t\}$ E: è $\{2t + 1, t^2\}$

11. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 3 & -1 \end{pmatrix}$

A: è diagonalizzabile perché l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione due B: N.A. C: è diagonalizzabile perché autoaggiunta D: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perché ha tre autovalori reali distinti E: non è diagonalizzabile perché l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione uno

1. La distanza in \mathbb{C}^3 di $(1, 1, i)$ dalla retta $\gamma(t) = t(i, i, 1)$ è
 A: $\sqrt{5}$ B: $\sqrt{3}/2$ C: N.A. D: $\sqrt{6}/5$ E: $2\sqrt{2/3}$
2. Sia $\mathcal{A}(u) = u'$ definita (e a valori) nello spazio \mathcal{X} dei polinomi di grado massimo 2. Allora, una base spettrale di \mathcal{X} , rispetto ad \mathcal{A}
 A: è $\{1, t, t^2\}$ B: non esiste C: N.A. D: è $\{t - t^2, 1 + t\}$ E: è $\{2t + 1, t^2\}$
3. I due sottospazi affini $(1, 1, 2, 1) + \langle (2, 1, 3, 3), (1, 1, 1, 2) \rangle$ e $(1, 1, 2, 1) + \langle (1, 0, 2, 1), (0, -1, 1, -1) \rangle$ sono
 A: N.A. B: coincidenti C: incidenti D: paralleli E: sghembi
4. La forma quadratica $x^2 + 4xy + 4y^2 - 4xz - 8yz + 4z^2$
 A: semidefinita negativa B: definita negativa C: definita positiva D: indefinita E: semidefinita positiva
5. La dimensione di $\langle (1, 2, 1, 0), (1, 1, 2, 1), (-1, 0, -3, -2), (0, 1, -1, -1) \rangle$ è
 A: N.A. B: 2 C: 1 D: 4 E: 3
6. Il determinante $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ vale
 A: 2 B: 11 C: -5 D: N.A. E: 0
7. La proiezione di $(1, 1, 1, 1)$ su $\langle (1, 0, 0, 0), (1, 1, 0, 1), (0, 1, 0, 1) \rangle$ è
 A: $(2, 1, -1, 0)$ B: $(1, 1, 0, 1)$ C: $(1, 2, 0, 0)$ D: N.A. E: non definita
8. La perpendicolare dal punto $(1, 1, 2, 0)$ all'iperpiano $2x + y - z + w = 1$ ha equazione parametrica
 A: N.A. B: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 1, 1, 2)$ C: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 1, -1, 1)$ D: $(1, 1, 2, 0) + t(0, 1, 1, 1)$ E: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 0, 0, 1)$
9. L'inversa della matrice $\begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ è
 A: non esiste B: N.A. C: $\begin{pmatrix} -1/2 & 1/2 & 1 \\ 1 & 1/2 & -1/2 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ D: $\begin{pmatrix} 2/3 & -2/3 & 0 \\ 0 & 2 & -1/6 \\ 2/3 & 1/3 & 1/3 \end{pmatrix}$ E: $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & -2 \\ -2 & 1/2 & 1/2 \end{pmatrix}$
10. L'applicazione $u \rightarrow \int_{-1}^1 u(t)dt$, definita su $\mathbb{C}^0[-1, 1]$ a valori in \mathbb{R} , è
 A: suriettiva B: non lineare C: biiettiva D: N.A. E: iniettiva
11. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 3 & -1 \end{pmatrix}$
 A: N.A. B: è diagonalizzabile perche' autoaggiunta C: non è diagonalizzabile perche' l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione uno D: è diagonalizzabile perche' l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione due E: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perche' ha tre autovalori reali distinti

1. Il determinante $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \\ 1 & 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ vale
 A: 11 B: 0 C: -5 D: N.A. E: 2
2. I due sottospazi affini $(1, 1, 2, 1) + \langle (2, 1, 3, 3), (1, 1, 1, 2) \rangle$ e $(1, 1, 2, 1) + \langle (1, 0, 2, 1), (0, -1, 1, -1) \rangle$ sono
 A: paralleli B: sghembi C: coincidenti D: incidenti E: N.A.
3. La distanza in \mathbb{C}^3 di $(1, 1, i)$ dalla retta $\gamma(t) = t(i, i, 1)$ è
 A: $2\sqrt{2/3}$ B: $\sqrt{5}$ C: $\sqrt{3}/2$ D: N.A. E: $\sqrt{6}/5$
4. La proiezione di $(1, 1, 1, 1)$ su $\langle (1, 0, 0, 0), (1, 1, 0, 1), (0, 1, 0, 1) \rangle$ è
 A: $(2, 1, -1, 0)$ B: non definita C: N.A. D: $(1, 2, 0, 0)$ E: $(1, 1, 0, 1)$
5. La dimensione di $\langle (1, 2, 1, 0), (1, 1, 2, 1), (-1, 0, -3, -2), (0, 1, -1, -1) \rangle$ è
 A: 3 B: 4 C: 2 D: N.A. E: 1
6. La forma quadratica $x^2 + 4xy + 4y^2 - 4xz - 8yz + 4z^2$
 A: indefinita B: semidefinita negativa C: definita negativa D: semidefinita positiva E: definita positiva
7. L'inversa della matrice $\begin{pmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 1 & 2 & -1 \\ 2 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ è
 A: non esiste B: $\begin{pmatrix} 2/3 & -2/3 & 0 \\ 0 & 2 & -1/6 \\ 2/3 & 1/3 & 1/3 \end{pmatrix}$ C: $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & -2 \\ -2 & 1/2 & 1/2 \end{pmatrix}$ D: $\begin{pmatrix} -1/2 & 1/2 & 1 \\ 1 & 1/2 & -1/2 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ E: N.A.
8. Sia $\mathcal{A}(u) = u'$ definita (e a valori) nello spazio \mathcal{X} dei polinomi di grado massimo 2. Allora, una base spettrale di \mathcal{X} , rispetto ad \mathcal{A}
 A: è $\{t - t^2, 1 + t\}$ B: è $\{1, t, t^2\}$ C: non esiste D: N.A. E: è $\{2t + 1, t^2\}$
9. La matrice $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 3 & -1 \end{pmatrix}$
 A: non è diagonalizzabile perche' l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione uno B: è diagonalizzabile su \mathbb{R} perche' ha tre autovalori reali distinti C: è diagonalizzabile perche' l'autospazio dell'autovalore doppio ha dimensione due D: è diagonalizzabile perche' autoaggiunta E: N.A.
10. L'applicazione $u \rightarrow \int_{-1}^1 u(t)dt$, definita su $\mathbb{C}^0[-1, 1]$ a valori in \mathbb{R} , è
 A: N.A. B: biiettiva C: non lineare D: suriettiva E: iniettiva
11. La perpendicolare dal punto $(1, 1, 2, 0)$ all'iperpiano $2x + y - z + w = 1$ ha equazione parametrica
 A: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 0, 0, 1)$ B: N.A. C: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 1, 1, 2)$ D: $(1, 1, 2, 0) + t(2, 1, -1, 1)$ E: $(1, 1, 2, 0) + t(0, 1, 1, 1)$

