

## sviluppi di Taylor

(1) 1.

Calcolare:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^3 - (\sin x) \cdot \sin(x^2)}{x^5}.$$

- $\frac{1}{6}$  ✓
- $\frac{1}{2}$
- 0
- 1

(2) 2.

Calcolare

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - (\cos(x^2))^2}{x^4}.$$

- 1 ✓
- $\frac{1}{2}$
- 2
- 0

(3) 3.

Si scriva il polinomio di Taylor di ordine  $n = 3$  centrato in  $x_0 = 0$  per la funzione  $f(x) = 1 + x^4$ .

- 1 ✓
- $1 + x^4$
- $1 + x + x^2 + x^3$
- $1 - x + x^2 - x^3$

(4) 4.

Calcolare

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - (\cos(x^7))^5}{x^{14}}.$$

(suggerimento: basta considerare il polinomio di Taylor del secondo ordine per  $f(x) = \cos x$  e il polinomio di Taylor del primo ordine per  $g(x) = (1+x)^5$ )

- 5 ✓
- 4
- 3
- 2
- 1
- 7

(5) 5.

Scrivere il polinomio di Taylor di ordine 3 centrato in  $x_0 = 0$  per la funzione  $f(x) = \sqrt[5]{1+x}$ .

- $1 + \frac{x}{5} - \frac{2}{25}x^2 + \frac{6}{125}x^3$  ✓
- $1 + \frac{x}{5} + \frac{1}{25}x^2 + \frac{6}{125}x^3$
- $1 + x - \frac{1}{25}x^2 + \frac{3}{125}x^3$
- $1 + x + \frac{2}{25}x^2 + \frac{6}{125}x^3$

(6) 6.

Si consideri la funzione  $f(x) = \frac{1}{1+x}$  e se ne scriva la corrispondente serie di Taylor

$$\sum_{k=0}^{+\infty} \frac{f^{(k)}(0)}{k!} x^k.$$

Per  $x = 1$  la serie:

- non converge ✓
- ha somma  $\frac{1}{2}$
- converge ad un numero molto vicino a  $\frac{1}{2}$
- dovrebbe avere somma  $\frac{1}{2}$  ma non saprei come giustificarlo

*Total of marks: 6*