

ANNO ACCADEMICO 2018–19
SCIENZE GEOLOGICHE
MATEMATICA
SECONDO COMPITINO — TESTO A
PROFF. MARCO ABATE E FILIPPO DISANTO
24 aprile 2019

Nome e cognome _____

Matricola _____

Corso di laurea: *Scienze Geologiche*

ISTRUZIONI: Si possono utilizzare libri di testo, dispense e appunti. Non si possono invece utilizzare calcolatrici, cellulari, computer, palmari, tablet e simili.

Giustificare tutte le risposte: risposte che si limitano a qualcosa del tipo “0.5” o “No” non saranno valutate anche se giuste.

Per superare la prima parte non bisogna sbagliarne più di un terzo; per superare la seconda parte bisogna farne almeno metà. Perché il compitino sia sufficiente occorre che siano sufficienti sia la prima sia la seconda parte. In particolare, se la prima parte è insufficiente l'intero compitino è insufficiente (e la seconda parte non viene corretta).

In caso di copiatura accertata durante il compito o in fase di correzione, sono annullati sia il compito di chi ha copiato sia quello di chi ha fatto copiare.

Scrivere le risposte negli spazi appositamente bianchi, o sul retro dei fogli. Se serve altro spazio, si possono consegnare ulteriori fogli purché sia ben chiaro dove si trovano le risposte alle varie domande.

Scrivere nome, cognome e numero di matricola su tutti i fogli che si consegnano!

PRIMA PARTE

Esercizio 1. Trova il dominio e l'immagine della funzione $f(x) = \log(1 - x^2)$.

Esercizio 2. Calcola la derivata della funzione $f(x) = \sin(e^{2x})$.

Esercizio 3. I tuoi amici hanno un regolare dado a 6 facce e ti propongono di pagare 2 euro per giocare al seguente gioco: ti daranno 1 euro se esce un numero minore o uguale a 5, mentre ti daranno k euro se esce il numero 6. Quanto deve valere k in modo che tu possa aspettarti una vincita che ti permetta di riprendere almeno i 2 euro dell'iscrizione?

SECONDA PARTE

Esercizio 4. Trova un esempio di:

- (a) una funzione f_1 di dominio \mathbb{R} ed immagine $[-2, 2]$;
- (b) una funzione f_2 di dominio \mathbb{R} e tale che $\lim_{x \rightarrow +\infty} f_2(x) = 1$;
- (c) una funzione f_3 di dominio $\{x \in \mathbb{R} \mid x > 1\}$ con $\lim_{x \rightarrow 1^+} f_3(x) = +\infty$.

4 Nome e cognome _____ Matricola _____

Esercizio 5. Il tuo gommista di fiducia ti dice che in media hai bucato una ruota ogni anno. Supponendo che le forature siano indipendenti una dall'altra, rispondi alle seguenti domande:

- a) calcola la probabilità che l'anno prossimo ti si buchino esattamente due ruote;
- b) nei prossimi dieci anni, per quanti anni ti aspetti di poter fare a meno del gommista?

Esercizio 6. Devi piantare dei fiori lungo il perimetro di un'aiuola rettangolare di area assegnata $A \text{ m}^2$. Lungo i lati orizzontali, planterai delle viole. Lungo i lati verticali disporrai dei gerani. Il prezzo per piantare le viole è di p_v euro al metro, quello per i gerani è di p_g euro al metro. Detta ℓ la lunghezza di un lato verticale dell'aiuola, trova il valore di ℓ che minimizza il costo del lavoro in funzione dei parametri A, p_v e p_g .